



Rodger Pušin

**OTSESE JA PÖÖRDKINEMAATIKA
KALKULAATOR
KUUE VABADUSASTMEGA
FANUC ROBOTITE JAOKS**

LÕPUTÖÖ

Tehnikainstituut
Robotitehnika õpperekava
Juhendaja: Elena Safiulina

Tallinn 2023

Autori deklaratsioon ja lihtlitsents

Mina,
Rodger Pušin,
töendan, et lõputöö on minu kirjutatud. Töö koostamisel kasutatud teiste autorite, sh juhendaja teostele on viidatud õiguspäraselt.
Kõik isiklikud ja varalised autorioigused käesoleva lõputöö osas kuuluvad autorile ainuisikuliselt ning need on kaitstud autorioiguse seadusega.
Juhendaja Elena Safiulina, allkirjastatud digitaalselt.

Lihtlitsents lõputöö reproduutseerimiseks ja lõputöö üldsusele kättesaadavaks tegemiseks

Mina, Rodger Pušin
sünnikuupäev: 07.11.2000
annan Tallinna Tehnikakõrgkoolile (edaspidi kõrgkool) tasuta loa (lihtlitsentsi) enda loodud teose
OTSESE JA PÖÖRDKINEMAATIKA KALKULAATOR KUUE VABADUSASTMEGA FANUC ROBOTITE JAOKS

1. elektrooniseks avaldamiseks kõrgkooli repositoriooriumi kaudu;
2. kui lõputöö avaldamisele on instituudi direktori korraldusega kehtestatud tähtajaline piirang, lõputöö avaldada pärast piirangu lõppemist.

Olen teadlik, et nimetatud õigused jäavad alles ka autorile ja kinnitan, et:

1. lihtlitsentsi andmisega ei rikuta teiste isikute intellektuaalomandi ega isikuandmete kaitse seadusest tulenevaid ega muid õigusi;
2. PDF-failina esitatud töö vastab täielikult kirjalikult esitatud tööle.

Tallinnas, allkirjastatud digitaalselt.

SISUKORD

SISSEJUHATUS.....	4
1 ROBOTITE TÜÜBID JA BRÄNDID	7
2 KINEMAATIKA ANALÜÜS	10
2.1 Baasteadmised	10
2.2 Kinemaatika otsene ülesanne.....	10
2.2.1 Koordinaatsüsteemide määramise algoritm	12
2.2.2 Denavit-Hartenberg Parameetrite määramine	14
2.2.3 Maatriksi homogeensed teisendused.....	16
2.2.4 Euleri nurkade arvutamine	19
2.3 Kinemaatika pöördülesanne	23
2.3.1 Pöördenurga Theta 1 arvutamine	24
2.3.2 Pöördenurga Theta 2 arvutamine	26
2.3.3 Pöördenurga Theta 3 arvutamine	27
2.3.4 Pöördenurga Theta 5 arvutamine	28
2.3.5 Pöördenurga Theta 4 arvutamine	30
2.3.6 Pöördenurga Theta 6 arvutamine	30
3 KALKULAATORI PROGRAMMEERIMINE	34
3.1 Kujundus.....	34
3.2 Programmi FGM-i osa.....	37
3.3 Programmi IGM-i osa.....	39
3.4 Kalkulaatori kasutamine	40
4 ROBOTI TÖÖRUUM CAD PROGRAMMIS	43
5 KUUE VABADUSASTMEGA FANUC ROBOTID	46
KOKKUVÕTE.....	48
VIIDATUD ALLIKAD.....	49
LISA. FGM-I JA IGM-I KOOD.	51

SISSEJUHATUS

Rohkem kui 100 aastat tagasi Tšehhi kirjanik Karel Čapek niiöelda leiutas roboti, kes oli inimese koopia. See oli inimese kunstlik koopia, mis ei omanud inimese tundeid ja parameetreid. Sellest sai kirjandusteoste peategelane. Pärast seda sai robotite temaatika väga populaarseks, robotid hakkasid paljunema suure kiirusega. Iga endast lugupidav ulmekirjanik hakkas kirjutama robotitest. Igaühel olid omad robotid. Selles, et neid oli palju, ei ole midagi erilist. Sest iga inimene saab omamoodi aru erinevatest mõistetest ja terminitest, mida omakorda teised inimesed tõlgendavad sageli erinevalt.

Mõne aja pärast hakkasid robotid ilmuma mitte ainult kirjanduses, aga ka projektides, tööjoonistel, teadusartiklites, nendega hakkasid tõsiselt tegelema insenerid. Ja kohe läksid asjad robotitehnikaga sassi.

Sel hetkel, millal robot oli ainult ulmekirjanduse tegelane, polnud kellelegi vaja teada termini „robot“ täpset definitsiooni või selle täpseid üksikasju. Ja kes vastutab selle eest, kellelt küsida ja kas on üldse vaja? Las igaüks mõtleb sellest omamoodi. Aga sellest hetkest, millal midagi saab reaalseks, hakkab tekkima tehnika-, majandus- ja teadushuvi, tahetakse kohe teada, kui palju reaalne asi erineb virtuaalsest. Kuidas näeb välja? Mida suudab teha? Kas kell on robot? Kas elektriline hakklihamasin on robot? On vaja proovida seda täpselt defineerida, sest tuleb välja, et inimesed tegelevad sellega, millest ise midagi ei tea.

20. sajandi keskel, umbes 20 aastat pärast Karel Čapeki teose ilmumist, on 156 teadlast välja mõelnud oma selgituse – mis on robot. Siin võitis Rooma meetod, mis väidab, et kui 7 inimest on üht asja öelnud, siis see on tõde. Lõpuks võitis selline definitsioon: „Robot on mobiilne süsteem, mis on võimeline „õppima“ ja leiab lühima tee juhuslikult paiknevate takistuste vahel, ilma kokkupõrgeteta, määratud sihtmärgini“. Sellise definitsionini jõudsid 120 teadlast 156-st. [1]

Tööstusautomaatikaga seotud ettevõtted lahendavad palju tähtsaid ja olulisi ülesandeid tehes erinevaid projekte. Siia kuuluvad ülesandega tutvumine, alusmaterjalidega tutvumine, suhtlemine tellijaga, kontseptsiooni väljamõlemine, projekteerimine, valmistamine/ehitamine, paigaldus, hooldamine, käit ja kasutaja koolitamine. Kõikides nendes projekti tegevustes on tähtis meetod ja süsteemsus, mis aitavad kiiremini ja kvaliteetsemalt lahendada ülesandeid. Selleks, et oleks paremini arusaadav, toon näite. Näiteks teil on projekt, kus on kasutuses mitu andurit, mitu ajamit ja kontrollerit. Selleks, et

täpselt teada ja planeerida kontrolleri versiooni, sisendite ja väljundite arvu, on vaja hakata projekteerima kasutades mingit meetodit. On võimalik võtta vihik ja panna kõiki need punktid kirja ja pärast anda see programmeerijale. Aga võib kulutada ka oma tööaega ja valmistada oma Exceli tabel, mis võimaldaks lihtsasti arvutada punkte, lisada kommentaare, lisada algus- ja lõpp-punkte kaabeldusele, jne.

Tänapäeval on üheks tähtsamaks suunaks robotitehnikas mitme vabadusastmega robotite analüüsimis- ja kontrollsüsteemide arendamine. See on tingitud sellest, et tööstus tunneb nälga robotite analüüsimis- ja kontrollsüsteemidest. Lahendus, mida tihti kasutavad minu kolleegid on mitte meetodi väljatöötamine, vaid uue tarkvara hange, mis tihti ei võimalda tekitada parameetrilist lahendust. Tööstusrobot on väga kallis investeering, aga tänu oma vabadusastmetele võib sellest saada väga parameetriline ja kasulik agregaat. Tänu sellele saab robotit piisavalt kiiresti ümber seadistada ja anda uue käsu, kui rääkida mingitest lihtsatest töödest nagu paletiseerimine või pakkimine.

Käesoleva bakalaurusetöö eesmärgiks on luua tarkvaraline meetod, mis aitaks ettevõttel E-431 OÜ piisavalt kiiresti projekteerida roboti integreerimine mingisse protsessi. Tarkvaralise meetme nimi on „Otsese ja pöördkinemaatika kalkulaator kuue vabadusastmega Fanuc robotite jaoks“. See võimaldab projekteerida Fanuc roboti üldpositsioone, kasutades koos sellega mingit CAD programmi, mis on juba ettevõttel olemas. Selles töös kasutatakse Solid Edge programmi. Minu rakendus on kirjutatud Visual Studio baasil C# keeles. See koosneb tulpadest, kuhu on vaja sisestada roboti parameetrid ja välja valida lõpp-punkt, kuhu roboti tööriist peab joudma. Probleem, mida lahendab minu rakendus on aja ja raha säast. Sest suurem osa protsesside programmeerimisest ei nõua midagi rohkemat kui robotipulti. Aga selleks, et valmistada roboti tööruumi ehk inglise keeles *Robot Cell*, on vaja liigitada virtuaalset robotit ja katsetada selle erinevaid positsioone.

Selleks, et valmistada sellist tarkvara, on vaja tegelda pöördinseneeriaga ja alustuseks saada aru rakendusmatemaatikast, mis on kasutuses selleks, et saada arvutada positsioone ja pöördenurki. Pärast seda on vaja valida platvorm, mis võimaldab valmistada mugava tarkvara. Ja lõpuks tuleb leida võimalus ettevõttes kasutatavas CAD programmis simuleerida robotit.

Selline meetod võib olla kasutuses selleks, et säästa aega ja raha. Aja säästmine toimub tänu sellele, et igakordsel roboti integreerimisel kasutab ettevõte samu väljatöötatud samme. Raha säästmine toimub tänu sellele, et programm on valmistatud lõpputöö raames koos lahtise koodiga ja ei maksa midagi.

Fanuc on üks liidritest robotite turul, neid kasutakse väga laialt üle maailma. Kindlasti on Fanucil oma tarkvara, aga lihtsamate protsesside programmeerimiseks ei ole seda lihtsalt mõtet osta, näiteks paletiseerimine. Aga keerulisemate protsesside jaoks on seda vaja eraldi õppida ja alati ei saa teha seda protsessi parameetriseliseks ja ikkagi tuleb kasutada oma meetmeid. Hea näide keerulistest protsessidest on näiteks freesimine ja keevitamine. Roboti asukoha ehk paigalduspunkti kontrollimiseks saab kasutada lõputöös väljatöötatud tarkvara. See tähendab seda, et ei ole vaja üles laadida ja eksportida kõiki integreerimisega seotud agregaate teise tarkvara sisse. Allpool on toodud näide tarkvara kasutamisest Solid Edge programmiga.

Tarkvara on mitmeosaline. Esimene pool vastutab otsese kinemaatika arvutamise eest. Otsese kinemaatika ülesande tähistame FGM (*Forward Geometric Model*). Sel juhul on ülesandeks leida lõpp-positsioon millimeetrites ja orientatsioon nurgakraadides. Et see õnnestuks, on vaja teada manipulaatori roboti andmeid – kui kõrge on mingi osa või kui kaugel on üks osa teisest; kuidas on seotud oma vahel roboti liigeste koordinaadid ja kus need asuvad. Pärast seda võib koostada maatrikseid DH-Parameetrite (Denavit-Hartenbergi parameetrid) abil, korruata iga liigese maatriks järgnevaga ja saada lõppmaatriks. [2]

Lõppmaatriksist peame saama lõpporientatsiooni Euleri nurkade abil. [3]

Teine pool tarkvarast on pöördkinemaatika osa ehk IGM (*Inverse Geometric Model*). Matemaatiliselt on see lahendatud geomeetria meetodiga. [4] See vajab nii roboti parameetreid kui ka lõpp-positsiooni koos nurkadega. Sisestades need, saame kõik vajalikud liigendite nurgad. Need nurgad, mida saame, ongi vaja sisestada CAD tarkvarasse selleks, et visuaalselt näha kuhu ja kuidas robot jõuab.

Tähtis on mitte unustada, et sisenditesse paneme mõõtmed millimeetrites ja nurgad kraadides. Programm ise konverteerib need radiaanidesse ja pärast tagasi.

1 ROBOTITE TÜÜBID JA BRÄNDID

20. sajandi keskel, umbes 20 aastat pärast Karel Čapeki teose ilmumist, on 156 teadlast välja mõelnud oma selgituse – mis on robot. Siin võitis Rooma meetod, mis väidab, et kui 7 inimest on üht asja öelnud, siis see on tõde. Lõpuks võitis selline definitsioon: „Robot on mobiilne süsteem, mis on võimeline „õppima“ ja leiab lühima tee juhuslikult paiknevate takistuste vahel, ilma kokkupõrgeteta, määratud sihtmärgini“. Sellise definitsioonini jõudsid 120 teadlast 156-st.

Nagu ulmekirjaduses nii ka täna tööstuses, kasutakse mitut robotitüüpi, täpsemalt kuut ja nimetakse neid erinevalt. Käesolevas lõputöös kasutatakse järgmisi nimetusi:

- Esimene robotitüüp – „Polaarsete koordinaatide robot“. Sellel robotil on tsentraalne pöörav völl ja pikendus- ja pöörlemisvõimalusega vars.
- Teine tüüp – „Silinderkoordinaatide robot“, see sarnaneb eelmisega, kuid erinevus seisneb varre liikumises. Selle tüübi vars liigub vertikaalselt libisedes mitte pöörates. Palju varasemad robotid kulusid selle tüüpi alla.
- Kolmas tüüp – „Descartes‘i koordinaatidega robot“, see on väga täpne, libiseb kolme telje suunas lineaarselt ja ei pöörle. Meenutab arkaadkonsooli.
- Neljas tüüp, mis on kõige levinub tänu oma mobiilsusele on „Liigendrobot“. Struktuur sarnaneb inimese käega. Robot on väga parameetriline, aga seda on raskem programmeerida.
- Viies tüüp – „SCARA robot“ spetsialiseerub külgusuunalistele liikumistele. Pöördvöllid on vertikaalsed nii, et roboti haarats saab liikuda ainult horisontaalselt. Ainult viimane telg saab muuta oma vertikaalse positsiooni selleks, et suuta võtta haaratsiga detaili. Nende eelis on kergete detailide kiir liikumine.
- Kuues tüüp – „Paralleelrobotid“ ehk „Delta robotid“, mille haarats on kinnitatud paralleelse liigendühendusega. Tööpiirkond on piiratud, aga konstruktsioon võimaldab teha kiireid liigutusi.¹

Ajakirja „Technology“ andmetel kuuluvad kümne parema roboti brändi hulka järgmiste firmade looming: Mitsubishi Electric, Kawasaki, Epson, Universal Robots, Omron, Yaskawa Electric, Fanuc, KUKA, Denso, ABB. [5]

¹ <https://robotics.kawasaki.com/ja1/xyz/en/1803-01/>

Need brändid lähtuvad oma programmide valmistamisel erinevatest seisukohtadest. See tekitab suure mure uue projekti tegemisel. Näiteks teie ettevõte spetsialiseerub Kawasaki robotite paigaldamisele. Teie oskate hästi neid programmeerida, seadistada ja tööle panna tänu Kawasaki K-ROSET-le, mis võimaldab neid *offline* režiimis programmeerida ja testida virtuaalset robotit. Kõik teie elus on hästi, teie ei higista. Aga tekib projekt, mis on huvitav nii majanduslikult kui ka tehniliselt, projekt, mille kriteeriumiks on Fanuc roboti kasutamine. Ülesanne ei pea olema väga keeruline, aga ikkagi on nüüd teil vaja töötada uue roboti ja uue programmiga. Neid programme võib kasutada keskmise keerukusega projektides. Sest kui projekt on väga lihtne, siis tekib küsimus, miks ei saa lihtsalt käsitsi puldist programmeerida. Kui see on väga keeruline ja parameetriseline, siis on vaja nii kui nii olla spetsialist kinemaatikas ja saata robotile punkte oma kontrollerist. Programmides võib näiteks genereerida punkte ebastandardse paleteerimise jaoks ja auto kere värvimiseks, seda juhul, kui ei ole plaani perspektiivis lisada uusi punkte või teha neid väga parameetrilisteks.

Selle töös tegeleme liigendrobotiga. Selleks, et paremini aru saada, kuidas sellest sai see mis sai, on vaja teada natukene selle ajaloost. Esimene agregaat, mis vähemalt imiteeris liigendrobotit, valmistas Raymond Goertz. Tema valmistas mehaanilise käe, mis töötas „juhi ja orja“ põhimõttel. Ühelt poolt oli võimalik käsitsi liigutada üht kätt ja teine käsi kordas sünkroonselt kõiki liigutusi [6]. Hakkasid tekkima uued ettevõtted, uued tehased ja lõpuks aastal 1983, Yaskawa, kes oli ja on Jaapani ettevõte, valmistas maailmas esimese kuue teljega roboti. [7] Selleks, et seda saaks teostada, valmistas Yaskawa uue kontrollerite generatsiooni nimega RX, mis esimesena võimaldas mällu salvestada 249 roboti tööd ehk eraldi programmi, 1200 eraldi instruktsiooni ehk loogikat ja 5000 positsiooni ehk robotpunkt. [8]

Töös kasutatakse Fanuc robotit, mis on ka Jaapanis toodetud. Nagu oli listis välja toodud, on Fanuc üks maailma liidreid robotitehnika valdkonnas. Ettevõte on valmistanud aastast 1956 erinevaid masinaid, mootoreid ja seadmeid. Aastast 1974 on Fanuc hakanud ise kasutama roboteid oma tehastes. Siin võib näha õiget strateegiat – Fanuc esialgu valmistas ja hakkas kasutama roboteid oma tehastes selleks, et neid paremini testida. Ja kolme aasta pärast, 1977, algas Fanuc ROBOT-MODEL 1 tootmine ja müük.²

² <https://www.fanuc.co.jp/en/profile/history/index.html>

Fanuc on välja töötanud programmi nimega ROBOGUIDE. Selles programmis on võimalik modelleerida nii roboti liikumist kui ka kogu tööprotsessi. Programmi võib kasutada nii *online* kui ka *offline* režiimis. On olemas ka programmi erinevad laiendusvõimalused.³

Online programmeerimise all on mõeldud programmeerimist otse robotiga töötades. Robot on vaja tööst vabastada ja programmeerida. Programmeeritakse läbi TP – *Teach Pendant*, eesti keeles – õpetamispult. *Offline* programmeerimine on kas teksti programmi kirjutamine ja robotisse laadimine või on see virtuaalse roboti programmeerimine ja pärast tema tööpunktide eksportimine. [9]

³ <https://www.fanuc.eu/uk/en?srb=1>

2 KINEMAATIKA ANALÜÜS

2.1 Baasteadmised

Selleks, et kirjeldada tööstusroboti geomeetriat, kasutakse niinimetatud kinemaatilist skeemi, mis kujutab endast graafilisi jooniseid järjestikku olevatest manipulaatori osadest, mis on omavahel ühendatud.

Eristatakse kas baas või elementaarset liigenditüpi ühe vabadusastmega: pöörlev ja lineaarne. Juhul, kui on esimest tüüpi, siis leiame osade positsiooni nurga muutuja abil, teise variandi puhul, nagu ka nimi ütleb, lineaarse nihke abil. Mõlemal juhul nimetatakse neid muutujaid üldistatud koordinaatideks. Lepime kokku, et üldistatud koordinaate tähistame tähega q . Selle alla kuuluvad siis pöörlev vabadusaste, mida tähistame θ -ga (Theta) ja lineaarne vabadusaste, mida tähistame d -ga.

Robotitehnikas on palju keerulisi masinaid mitme vabadusastmega ehk rohkem kui ühega. Sellistes olukordades reeglina vaadeldakse neid kombinatsioonis, mis omakorda võib koosneda nii θ kui ka d osadest. Kõikide üldistatud koordinaatide arvu, mis täpselt defineerib roboti, nimetatakse konfiguratsiooniks.

Roboti kinemaatilise analüüsi all mõeldakse kahe põhiülesande – otsese ja pöördkinemaatika ülesande – lahendamist.

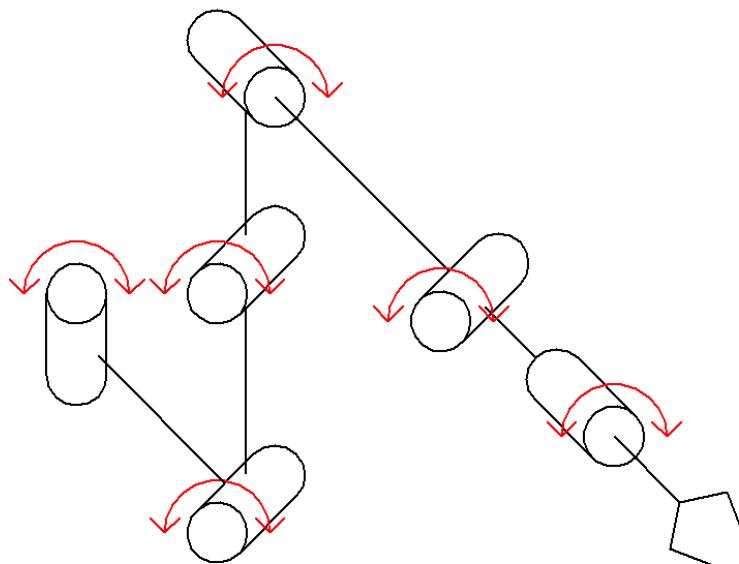
FGM ehk otsese kinemaatika ülesanne seisneb lõpp-punkti ehk TCP (*Tool Center Point*) koordinaatteljestiku positsiooni ja orientatsiooni leidmises, teades manipulaatori üldistatud koordinaatide arvu.

IGM ehk pöördkinemaatika ülesanne seisneb üldistatud koordinaatide muutujate leidmises, teades lõpp-punkti ehk TCP koordinaatteljestiku positsiooni ja orientatsiooni.

2.2 Kinemaatika otsene ülesanne

On teada, et keha positsioon maailmas on määratud kuue koordinaadiga. Kolm neist on lineaarsed (Descartes'i kordinaadid) ja kolm on nurgakoordinaadid (Euleri nurgad). [10]

Nagu oli juba mainitud, selles töös kasutatakse DH-Parameetreid. Need parameetrid lihtsustavad positsiooni leidmist ja kasutavad nelja parameetrit, kuue asemel. Selline lihtsustus tekib tänu süsteemile, mis seob koordinaattelje kokku roboti lülidega. Meid huvitab kuue vabadusastmega robot sfäärilise randmega. Sfääriline ranne tähendab seda, et roboti viimased kolm telge ristuvad ühes punktis. Kasutame null-konfiguratsiooni, kus kõik üldistatud koordinaadid võrduvad nulliga. Fanuc 710iC/50 kinemaatika skeemi null-konfiguratsioonis võib näha joonisel (Joonis 1). Punased kaared näitavad, et liigend saab pöörata nii paremale kui ka vasakule.



Joonis 1. Kinemaatika null-konfiguratsioon

DH-Parameetrite järgi koosneb lahendus järgmistest sammudest:

- 1) Koordinaatsüsteemide sidumine liigenditega;
- 2) DH-Parameetrite määramine;
- 3) Homogeensete ehk pöördmaatriksite konstruktsioon (Homogeneous Coordinates Jules Bloomenthal and Jon Rokne Department of Computer Science The University of Calgary);
- 4) Euleri nurkade arvutamine lõplikust pööramise maatriksist.

2.2.1 Koordinaatsüsteemide määramise algoritm

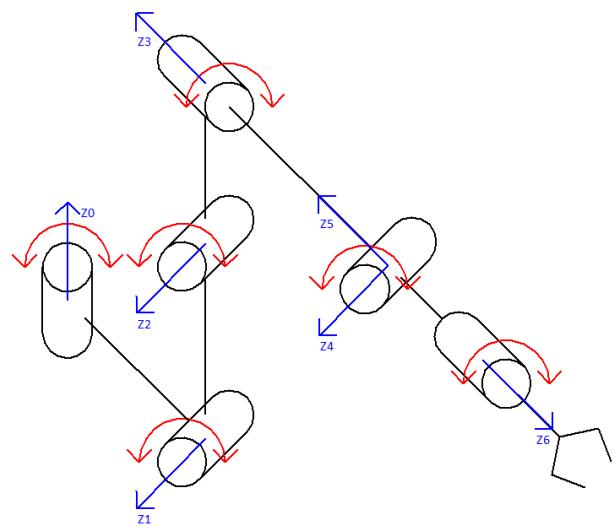
Toon välja ühe algoritmi variatsiooni, neid võib olla mitu, aga lõpuks peaksid need andma ühe kindla vastuse, tänu FGM ülesande selgesõnalisele lahendusele. Iga roboti telje keskpunktis on ühendatud kaks liigest, nimetame neid i_{-1} ja i . See tähendab seda, et kuue vabadusastmega robotil on seitse liigest, mis on nummerdatud nullist kuni kuueni, kus null-liigend sümboliseerib „maad“ ehk nullpunkt.

Selleks, et paremini aru saada, on vaja lisada, et iga i -liiges on jäigalt seotud oma koordinaatteljestikuga. Siis, kui i -liiges hakkab liikuma, tänu i -liigiduse tõttu, i -koordinaatteljestiku süsteem muudab oma positsiooni eelmise süsteemi suhtes.

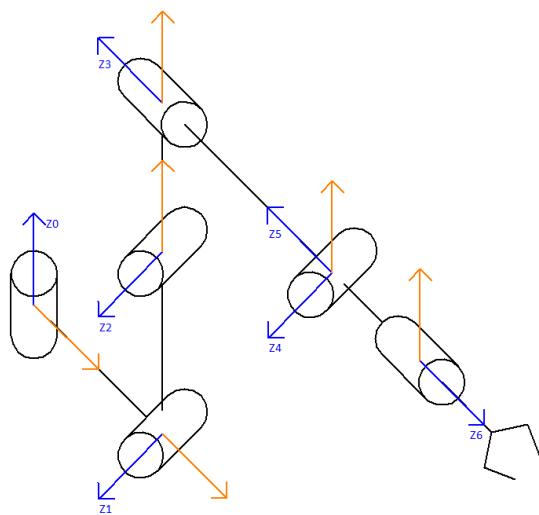
Vaatame läbi näidisalgoritmi, kuidas siduda i -liiges oma i -koordinaatteljestikuga. On vaja tähele panna, et see töötab kõikide liigendite jaoks, välja arvatum viimane. Lõplik koordinaatsüsteem valitakse eraldi allpool esitatud meetodiga. Üldistades algoritm koosneb kolmest sammust.

Valime telje Z_i , nii et see langeks kokku pöörlemisteljega või lineaarse liigendi liikumissuunaga. See tähendab, et iga liigendi suhetlike positsiooni saame defineerida kas Z -telje pööramisel või liikumisel lineaarselt. Selles töös kasutame robotit, mis on tehtud kuuest liigendist. Kasutades juba omandatud teadmisi, valime Z_i -teljed, mis langevad kokku pöörlemistelgedega nagu näidatud joonisel (Joonis 2).

X-telje valimisel on mitu huvitavat lähenemist. Võib leida arvamusi, et on vaja paigutada seda nii, et selle suund ristuks eelmise telje Z_i -ga. Aga see töötab hästi, siis kui meil on väljamõeldud, mitte reaalse robotiga ülesanne. Kui ülesandes on kasutusel reaalne robot, siis on vaja lihtsalt otsida õige paigutus, proovides erinevaid variatsioone. Kindlasti on üks põhikriteeriumitest see, et X_i -telg peab olema oma Z_i -teljega perpendikulaarne. Teisiti lihtsalt ei tohi olla. Teine kriteerium, mis ei tööta alati, aga võib töötada, on X_i -telje suunamine kas peale või eemale eelmisest koordinaatteljestiku keskpunktist. Arvutus algab igast koordinaatteljestiku keskpunktist, seal kus ristuvad Z_i - ja X_i -teljed. Järgmisel pildil on näha, kuidas standardsel Fanuc robotil on paigutatud X_i -teljed. Miks see on nii, näeme edaspidi, kui hakkame täitma DH-Parameetreid. X_i -telgede paigutus on näidatud joonisel (Joonis 3). Kõik X_i -teljed on joonestatud oranži värviga. Neljanda ja viienda koordinaatsüsteemi Y -teljed asuvad samas kohas nagu null-konfiguratsioonil.

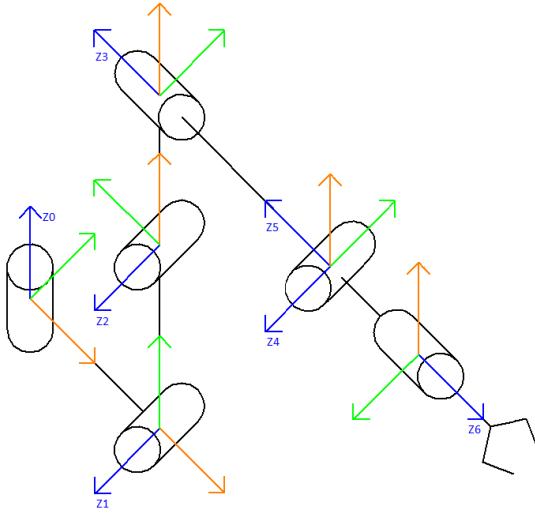


Joonis 2. Pöörded ümber liigendite Z_i -telgede



Joonis 3. Roboti liigendite X_i - ja Z_i -telged

Valime Y_i -telje nii, et selle paiknemine vastaks vektorkorrutisele $Y = Z \times X$. Joonestame Z -telje kuue vabadusastmega roboti jaoks (Joonis 4). Y_i -telged on joonestatud rohelise värviga. Neljandat telge X_4 ei ole joonestatud, sest see asub samas kohas, kus Z_5 .



Joonis 4. Roboti liigendite X -, Y - ja Z -telged

2.2.2 Denavit-Hartenberg Parameetrite määramine

Eelpool oli mainitud, et DH-Parameetrid võimaldavad vähendada koordinaatide arvu kuuest neljani. On olemas neli parameetrit:

- a_i – kaugus mööda Z_i -telge, Z_{i-1} -teljest Z_i -teljeni;
- α_i – nurk ümber X_i -telje, Z_{i-1} -teljest Z_i -teljeni;
- s_i – kaugus mööda Z_{i-1} -telge, X_{i-1} -teljest X_i -teljeni;
- θ_i – nurk ümber Z_{i-1} -telje, X_{i-1} -teljest X_i -teljeni.

Pöörame tähelepanu sellele, et parameetrid a_i ja α_i määratakse X_i -telgede ümber ja s_i ja θ_i määratakse Z_{i-1} -telgede ümber, see tähendab Z_i -teljest eelmise telje ümber. Selles meetodis on parameetrid a_i ja α_i konstantsed ja sõltuvad robotmanipulaatori mudelist. Ülejäänud s_i ja θ_i , sõltuvad ka manipulaatori mudelist. Roboti mingites osades võib üks neist olla konstantne ja teine mitte. Näiteks, kui teil on lineaarne liigend, siis s_i on parameetriline ehk muutuv, aga θ_i on konstantne. Meie Fanuc roboti korral, on kõik θ_i -d parameetrilised ehk muutuvad aga s_i -d on konstantsed, sest kõik liigendid on pöörlevad.

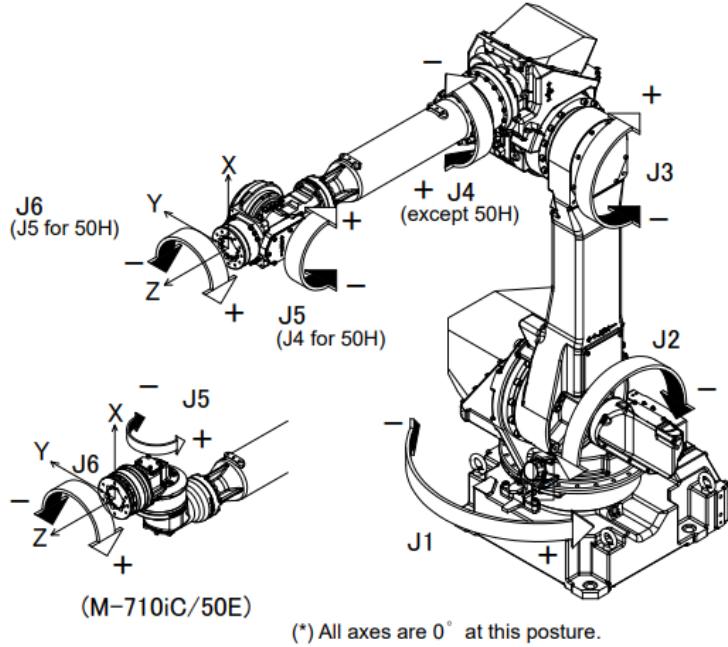
Robot Fanuc mudel M-710iC/50 DH-Parameetreid on esitatud tabelis (Tabel 1). Seal on eraldi ka toodud seitsmes liigend, mis hakkab tähistama TCP nihet kuuenda liigese keskpunktist.

Tabel 1. Fanuc M-710iC/50 DH-Parameetrite tabel

Liigend, i	a_i (mm)	α_i (deg)	s_i (mm)	θ_i (deg)
1	150	90	0	θ_1
2	870	0	0	$90 - \theta_2$
3	170	-90	0	$\theta_2 + \theta_3$
4	0	90	-1016	θ_4
5	0	-90	0	θ_5
6	0	180	-175	θ_6
7	0	-	0	-

Nagu on näha tabelist on roboti liigestel kolm nullulist a_i ja neli nullulist s_i parameetrit.

Ja lõpuks, nagu võib näha, saadakse θ_2 üldistatud nurk, kui 90° -st lahitatakse nurk θ_2 . See on tavapärase Fanuci liigendi koordinaatide seos. Tänu sellele, kui liigitada teist *jointi*, liigub ka kolmas. Selleks, et lihtsamini aru saada, vaadake Fanuc originaaljoonist (Joonis 5). Näiteks, tahame liigitada $J2$ 15° võrra. Paneme 15° valemisse, siis $90^\circ - 15^\circ = 75^\circ$, pöörab 75° ette nagu on ka Fanucil joonega (Joonis 5) näidatud positiivne suund. On ka näha, et X_i -telgedel on kaks suunavariandi, kahel esimesel on need suunatud ette ja viiel ülejäänul on suunatud üles. Näeme ka, et teise ja kolmanda X_i -telgede vahel on nurk 90° , mida oligi vaja lisada eraldi tabelisse (Tabel 1).



Joonis 5. Fanuc M-710iC/50E liigendid [11]

2.2.3 Maatriksi homogeensed teisendused

Meenutame, et otsese kinemaatika ülesanne seisneb lõppliigendi või TCP koordinaatide ja nurkade leidmises. Selle lahendamisel kasutame baaskoordinaatsüsteemi, mis on seotud „maaga“ $X_0Y_0Z_0$ ja lõpusüsteemiga $X_iY_iZ_i$. Nende süsteemide seos määratakse kolme lineaarse ja kolme nurga koordinaadiga. Seda võib vaadata kui kahte koordinaatide kogumit, mis näitavad nihet ühest punktis teise.

Vaatame siis kaht koordinaatide kogumit. Nendeks las olla ühe ja sama maailma punkti koordinaadid k^0 ja k^i väljendatud süsteemide $X_0Y_0Z_0$ ja $X_iY_iZ_i$ kaudu. Saame valemi (1).

$$k^0 = T_i^0 k^i, \quad (1)$$

kus T_i^0 – lineaarse nihke informatsiooni kandev teisendus ja ühe süsteemi ruumiline orientatsioon teise suhtes.

$$T_i^0 = \begin{bmatrix} n_x & s_x & o_x & p_x \\ n_y & s_y & o_y & p_y \\ n_z & s_z & o_z & p_z \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} n_i^0 & s_i^0 & o_i^0 & p_i^0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} R_i^0 & p_i^0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}, \quad (2)$$

kus T_i^0 – lineaarse nihke informatsiooni kandev teisendus ja ühe süsteemi ruumiline orientatsioon teise suhtes.

n_i^0, s_i^0 ja o_i^0 – on vektorid, mis väljendavad telje suundi vastavalt $X_0Y_0Z_0$ koordinaatide suhtes;

R_i^0 – pööramise maatriks $X_iY_iZ_i$ koordinaatsüsteemi $X_0Y_0Z_0$ suhtes;

p_i^0 – lineaarne nihkevektor $X_iY_iZ_i$ koordinaatsüsteemi $X_0Y_0Z_0$ suhtes.

Selgitus: Maatriksit T_i^0 valem (2) nimetakse homogeenseks teisendusmaatriksiks, selle sees on koordinaatsüsteemide seos $X_0Y_0Z_0$ ja $X_iY_iZ_i$ vahel.

Nagu on näha maatriks on T_i^0 mõõtmetega ($4 \times 4ah$), viimane neljas rida on lisatud selleks, et korrutada maatrikseid omavahel. Kui see oleks maatriks (3×4), siis seda ei saaks korrutada sama (3×4) maatriksiga. Seda võib lühidalt kirjutada nii nagu valemis (3).

$$\begin{bmatrix} x^0 \\ y^0 \\ z^0 \\ 1 \end{bmatrix} = T_n^0 \begin{bmatrix} x^n \\ y^n \\ z^n \\ 1 \end{bmatrix} \quad (3)$$

Kuidas leida baaspööramise maatriksit, on kirjeldatud allikas – (Robot modeling and control. Wiley New York, 2006.).

Oluline on suunata tähelepanu pööretele. Alustame nullpöördega, nullpöördele vastab identiteedimaatriks, valem (4).

$$R_{\beta=0} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = I \quad (4)$$

Pööre negatiivses suunas arvutatakse valemiga (5).

$$R_{-\beta} = R_{\beta}^{-1} = R_{\beta}^T \quad (5)$$

On olemas ka baaspööramise maatriksite valemid (6), (7), (8).

$$R_{x,\beta} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & \cos \beta & -\sin \beta \\ 0 & \sin \beta & \cos \beta \end{bmatrix}, \quad (6)$$

$$R_{y,\beta} = \begin{bmatrix} \cos \beta & 0 & \sin \beta \\ 0 & 1 & 0 \\ -\sin \beta & 0 & \cos \beta \end{bmatrix}, \quad (7)$$

$$R_{z,\beta} = \begin{bmatrix} \cos \beta & -\sin \beta & 0 \\ \sin \beta & \cos \beta & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}, \quad (8)$$

kus β – mingi nurk.

Järjekordne pööramine ümber telgede määratakse paremalt poolt korrutamisega, ühe pööre maatriksi teiste pöörete maatriksite peale. Erinevatel robotitel on erinevad pööramise järjekorrad ja neid on päris mitu. Aga domineerivad on XYZ ja ZYX . Fanuc robot kasutab järjekorda ZYX , mida võib näha valemist (9).

$$\begin{aligned} R_{zyx} &= R_{z,\theta_1} R_{y,\theta_2} R_{x,\theta_3} = \\ &= \begin{bmatrix} \cos \theta_1 & -\sin \theta_1 & 0 \\ \sin \theta_1 & \cos \theta_1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \cos \theta_2 & 0 & \sin \theta_2 \\ 0 & 1 & 0 \\ -\sin \theta_2 & 0 & \cos \theta_2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & \cos \theta_3 & -\sin \theta_3 \\ 0 & \sin \theta_3 & \cos \theta_3 \end{bmatrix} = \\ &= \begin{bmatrix} \cos \theta_1 \cos \theta_2 & \cos \theta_1 \sin \theta_2 \sin \theta_3 & \cos \theta_1 \sin \theta_2 \cos \theta_3 \\ \sin \theta_1 \cos \theta_2 & \sin \theta_1 \sin \theta_2 \sin \theta_3 & \sin \theta_1 \sin \theta_2 \cos \theta_3 \\ -\sin \theta_2 & \cos \theta_2 \sin \theta_3 & \cos \theta_2 \cos \theta_3 \end{bmatrix}, \end{aligned} \quad (9)$$

kus θ_1 – nurk ümber Z-telje;

θ_2 – nurk ümber Y-telje;

θ_3 – nurk ümber X-telje.

Kui minna tagasi DH-Parameetrite juurde, tuletame meealde, et üle-eelmisel sammul oli saadud neli meile vajalikku parameetrit iga robot liigendi jaoks. Nüüd on nendest parameetritest vaja koostada eraldi maatriksid, valem (10).

$$\begin{aligned} T_i &= T_{z,\theta_i} T_{z,d_i} T_{x,a_i} T_{x,\alpha_i} = \\ &= \begin{bmatrix} R_{z,\theta_i} & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} I & p_{d_i} \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} I & p_{a_i} \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} R_{x,\alpha_i} & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \end{aligned}$$

$$\begin{bmatrix} \cos \theta_i & -\sin \theta_i \cos \alpha_i & \sin \theta_i \sin \alpha_i & a_i \cos \theta_i \\ \sin \theta_i & \cos \theta_i \cos \alpha_i & \cos \theta_i \sin \alpha_i & a_i \sin \theta_i \\ 0 & \sin \alpha_i & \cos \alpha_i & d_i \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}, \quad (10)$$

kus i – liigendi number;

$R_{z,\theta_i}, R_{x,\alpha_i}$ – baaspöörmise maatriksid, vaata valemeid (6) ja (8).

Osa maatriksitest koosnevad nullvektor komponentidest, valem (11).

$$p_{d_i} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ d_i \end{bmatrix}, p_{a_i} = \begin{bmatrix} a_i \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}. \quad (11)$$

Nüüd saame koostada esimesed kuus maatriksit, kuue liigendi jaoks. Neid on vaja korrutada omavahel selleks, et leida kuuenda liigendi asukoha. Juhul, kui meie tahame kasutada mingit TCP-d koos selle parameetritega, siis on vaja korrutada kuus maatriksit, veel ühega, mis vastab TCP nihkele. See koosneb identiteedimaatriksist 3×3 ja kahe nullvektori komponentidest nihetega mööda X - ja Y -telge, valem (12).

$$T_t = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & a_t \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & d_t \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}, \quad (12)$$

kus a_t – TCP nihe X -teljel;

d_t – TCP nihe Z -teljel.

Lõppmaatriksi, milles ühinevad kõik koordinaatteljestikud, saame korrutamise tagajärjel, valem (13).

$$T_n^0(q) = T_1(q)T_2(q) \dots T_n(q)T_t(q) = \begin{bmatrix} R_n^0(q) & p_n^0(q) \\ 0 & 1 \end{bmatrix}, \quad (13)$$

kus $R_n^0(q)$ – pööramise maatriks.

2.2.4 Euleri nurkade arvutamine

Otsene kinemaatika ülesanne – on leida lineaar- ja nurgakoordinaadid $o_n x_n y_n z_n$, mis kirjeldavad haaratsi või mõne muu tööorgani asendit baaskoordinaatsüsteemi $o_0 x_0 y_0 z_0$ suhtes. Eelmisel sammul saime maatriksi $T_n^0(q)$, mille sees on pööramise maatriks $R_n^0(q)$ ja vektor $p_n^0(q)$. Kui rääkida

lineaarsetes ehk Descartes'i süsteemi koordinaatides, siis vektori $p_n^0(q)$ sisu on esitatud valemiga (14). Need komponendid on FGM ülesande konkreetne lahendus positsiooni suhtes.

$$p_n^0(q) = \begin{bmatrix} x_n^0(q) \\ y_n^0(q) \\ z_n^0(q) \end{bmatrix}. \quad (14)$$

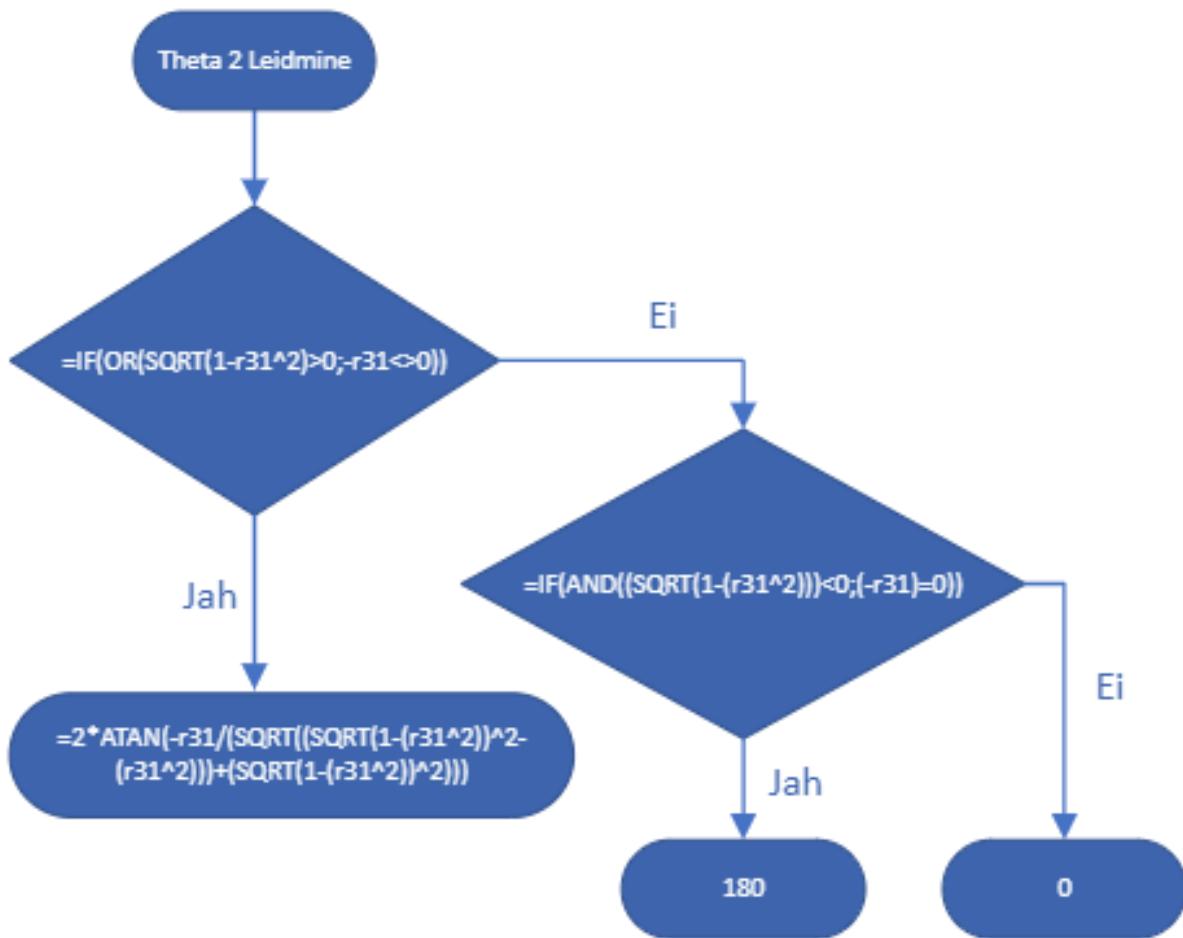
Olemas olev pöörete maatriks $R_n^0(q)$ üheksa elemendiga ei ole mugav, sest see ei anna alati võimalust määrata, millise orientatsiooni tema seab. Tekib vajadus leida neid nurki korrektsemalt, nii, et meie saaksime kolm arvu ehk kolm pöördenurka ümber kolme telje.

Nagu oli mainitud eelnevalt, on erinevatel robotitel erinevad pööramise järjekorrad. DH-Parameetrid töötavad nelja parameetriga, aga lõpuks saab lõpp-punkt kõik kuus parameetrit. Kolm nendest vastutavad positsiooni ja kolm orientatsiooni eest. See tähendab, et edasi meie võrdsustame korrutamisel saadud pöörete maatriksi pööramise järjekorra maatriksiga ZYX , valem (15).

$$\begin{aligned} R_n^0(q) &= R_{zyx} = \\ &= \begin{bmatrix} r_{11}(q) & r_{12}(q) & r_{13}(q) \\ r_{21}(q) & r_{22}(q) & r_{23}(q) \\ r_{31}(q) & r_{32}(q) & r_{33}(q) \end{bmatrix} = \\ &= \begin{bmatrix} \cos \theta_1 \cos \theta_2 & \cos \theta_1 \sin \theta_2 \sin \theta_3 & \cos \theta_1 \sin \theta_2 \cos \theta_3 \\ \sin \theta_1 \cos \theta_2 & \sin \theta_1 \sin \theta_2 \sin \theta_3 & \sin \theta_1 \sin \theta_2 \cos \theta_3 \\ -\sin \theta_2 & \cos \theta_2 \sin \theta_3 & \cos \theta_2 \cos \theta_3 \end{bmatrix}. \end{aligned} \quad (15)$$

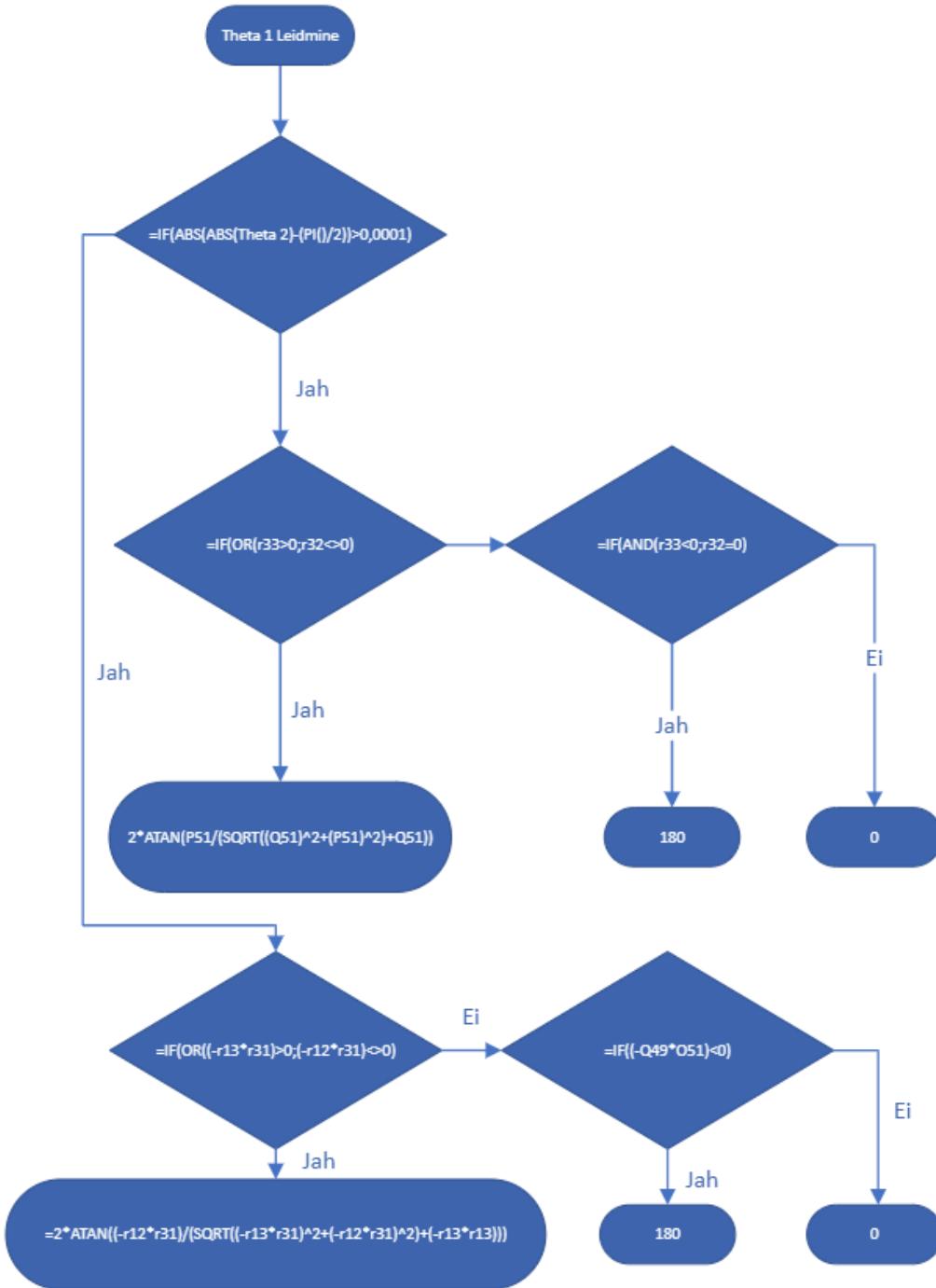
Ülesanne seisneb selles, et määrata nurgad $\theta_1(q), \theta_2(q), \theta_3(q)$ antud maatriksi $R_n^0(q)$ abil. UML skeemil on kasutatud Excel-loogika süntaksit. Matemaatika poolel on kasutatud ATAN2 funktsiooni, mida ei peaks lahti kirjutama, vaid kasutada Exceli standardfunktsiooni (=ATAN2). Siin on seda tehtud selleks juhuks, kui programmis, milles arvutate, ei ole olemas seda funktsiooni, siis on vaja kasutada, nagu on näidatud joonistel, kompleksargumenti. [12]

Esialgu on vaja arvutada teine pöördenurk $\theta_2(q)$ ehk Theta 2. Vastuse saame radiaanides, mille teisendame kraadidesse. Skeemil (Joonis 6) on näidatud kaks konkreetset lõppulemust kraadides: 180 ja 0.



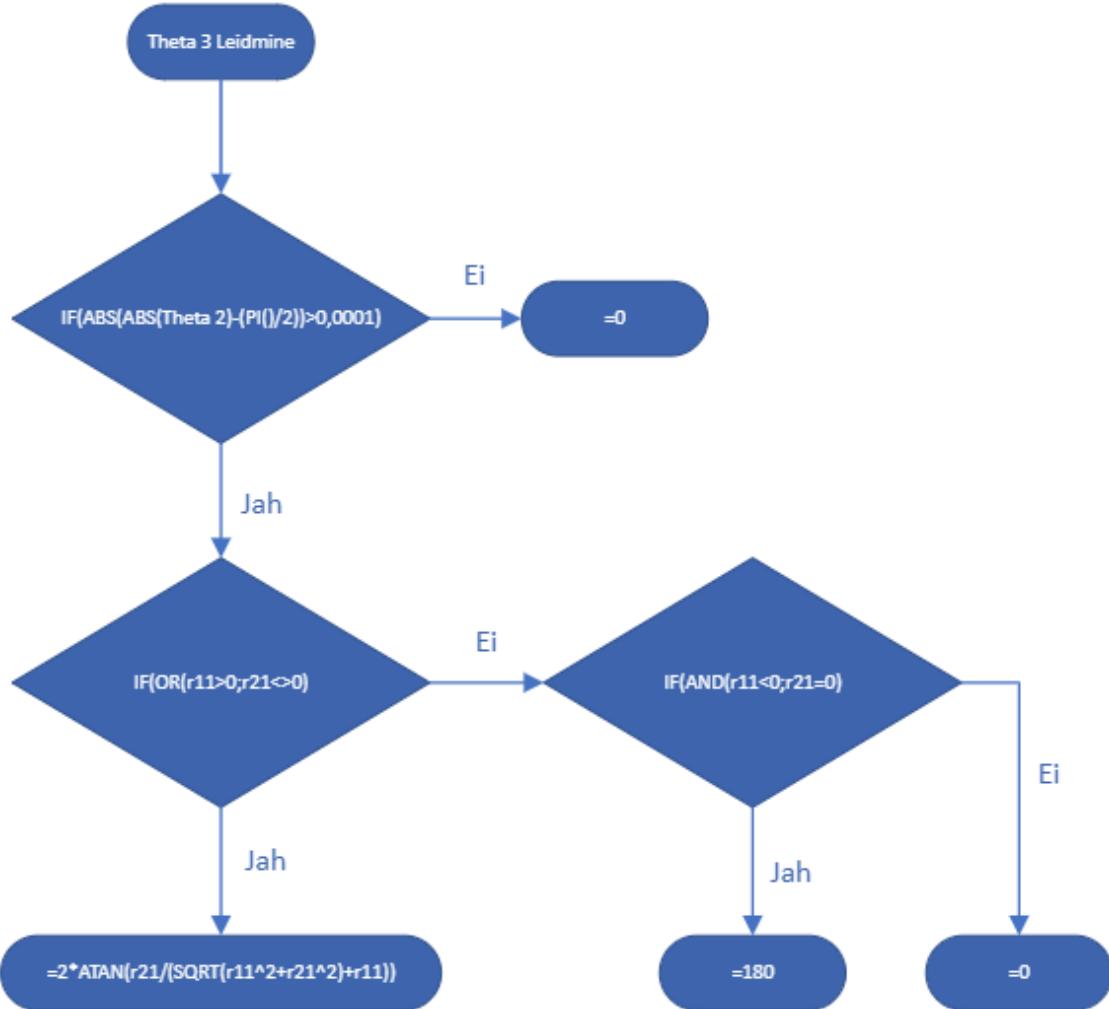
Joonis 6. Pöördenurga Theta 2 arvutamine

Järgmisena hakkame arvutama $\theta_1(q)$ ehk pöördenurka Theta 1. See on otseses sõltuvuses pöördenurgast Theta 2 ja algsuuruseks võtame Theta 2 absoluutväärtsuse (Joonis 7).



Joonis 7. Pöördenurga Theta 1 arvutamine

Ja viimasena arvutame pöördenurga Theta 3, selle leidmise algoritmi on esitatud joonisel (Joonis 8). See lahendus on võetud NASA materjalidest. [13]



Joonis 8. Pöördenurga Theta 3 arvutamine

2.3 Kinemaatika pöördülesanne

Kinemaatika pöördülesanne ehk IGM on keerulisem kui FGM, sest sel võib olla mitu lahendust. See tähendab, et erinevad roboti konfiguratsioonid võivad anda sama lõpptulemuse. Robot võib olla pööratud kas vasakule või paremale, aga mõnel juhul jõuda samasse lõpp-punkti. Lisaks sellele on IGM vägagi sõltuvuses roboti konfiguratsioonist ehk selle geomeetrilistest parameetritest. See tähendab, et ei saa kasutada universaalsest koodi kõikide robotite jaoks. Praegu iga roboti mudel on unikaalne ja sellega on vaja arvestada. Nagu mainitud, ülesande mõte on leida üldistatud koordinaadid, teades lõpp-punkti lineaar- ja nurgakoordinaate. Algandmetesse kuuluvad:

- p_n^0 , kolm lineaarkoordinaati;
- kolm nurgakoordinaati, näiteks kolm Euleri nurka $\theta_1, \theta_2, \theta_3$. Tänu neile saab tekitada R_n^0 ;

- fikseeritud DH-Parameetrid, mis sõltuvad robotmanipulaatori konstruktsioonist.

Geomeetriline ehk analüütiline meetod IGM-i lahendamiseks seisneb analüütiliste võrrandite koostamises, kasutades trigonomeetria funktsioone, mis sõltuvad roboti manipulaatori konstruktsioonist. Kuue vabadusastmega sfäärilisega randmega robotid on laialt kasutuses tänu selle headele funktsionaalsetele võimalustele.

2.3.1 Pöördenurga Theta 1 arvutamine

Alustuseks peame teadma, milline on meie lõpp-punkt, kuhu meie tahame jõuda. Selle lõpp-punktiga on seotud eelmise koordinaatteljestiku keskpunkt, viimane koordinaatteljestik on sellest eemal s_6 võrra. Konkreetselt on selle töö raames see nihe s_6 võrdne 175 millimeetriga. Tekitame esialgu uue DH-Parameetrite maatriksi nimega Mtx_1 , mis kajastab positsiooni ja orientatsiooni. See osa, mis vastutab orientatsiooni eest, peaks oma konfiguratsioonis kattuma R_{zyx} , pööramise järjekorraga, valem (9).

Samas tekitame ka maatriksi nimega Mtx_2 , mis hakkab vastutama TCP nihke eest, valem (16).

$$Mtx_2 = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & -(a_7) \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & -(s_7) \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}. \quad (16)$$

Seejärel on vaja need maatriksid korrutada. Tähtis on ka korrutada õiges järjekorras, valem (17).

$$Mtx_1 \times Mtx_2 = Mtx_3. \quad (17)$$

Järgmisena tekitame maatriksi Mtx_4 $[4 \times 1]$, mis kajastab s_6 väärtsuse positsiooni, valem (18).

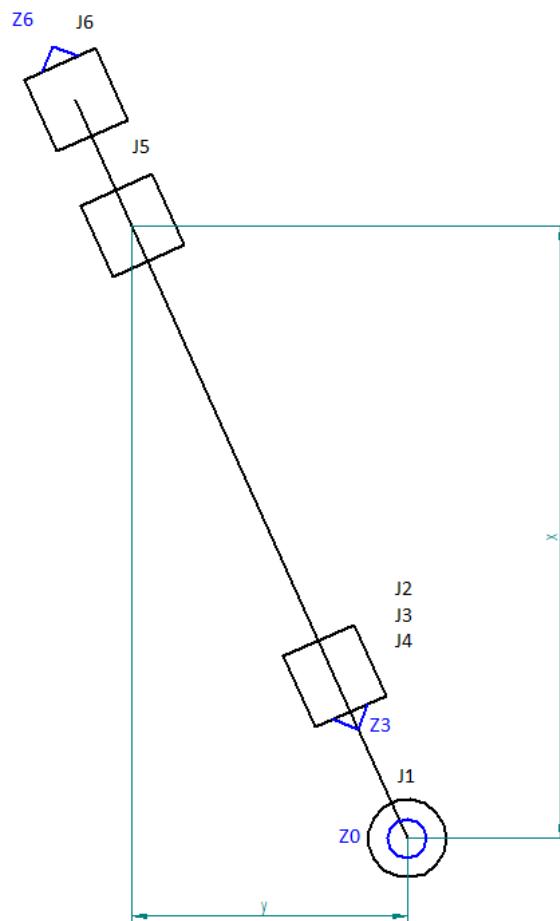
$$Mtx_4 = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ s_6 \\ 1 \end{bmatrix}. \quad (18)$$

Viimane samm viienda koordinaatteljestiku keskpunkti leidmiseks on veel üks korrutamine. On vaja korrutada Mtx_3 maatriksiga Mtx_4 , mille tulemusena tekib uus maatriks Mtx_5 , mõõtmega $[4 \times 1]$ valem (19). Sellest saame konkreetsed viienda koordinaatteljestiku positsiooni koordinaadid.

$$Mtx_5 = \begin{bmatrix} x_5 \\ y_5 \\ z_5 \\ 1 \end{bmatrix}. \quad (19)$$

Pöördenurga *Theta 1* arvutamine on tänu kuue vabadusastmega manipulaatori konstruktsioonile lihtne ja piisavalt täpne. Sellised manipulaatorid, kui vaadata nende peale ülevalt, on alati pööratud sinna, kus asub viienda telje koordinaatteljestiku keskpunkt, *X,Y*-tasapinnal (Joonis 9). Pöördenurga leiate ATAN2 funktsiooni abil, Excel-süntaksiga valemiga (20). [10]

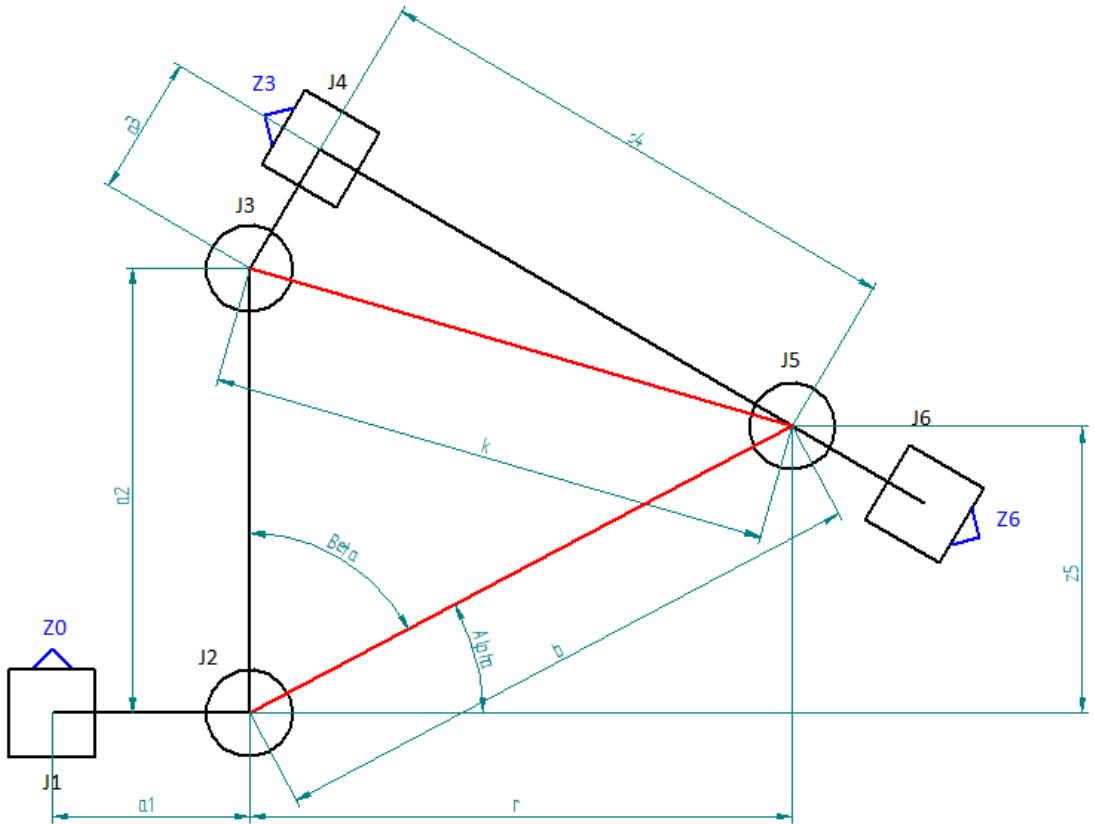
$$\text{Theta 1} = \text{ATAN2}(x_5; y_5). \quad (20)$$



Joonis 9. Viienda liigendi keskpunkti asukoht *X, Y*- tasapinnal

2.3.2 Pöördenurga Theta 2 arvutamine

Alustame joonisest, millel on esitatud kõik meile vajalikud distantsid (Joonis 10).



Joonis 10. Roboti kinemaatikaskeemi külgvaade 1

Esiteks leiame J_2 ja J_5 vahelise kauguse r . Ülevalt vaadates r moodustab täisnurkse kolmnurga kaateti osa. Osa, sest meid ei huvita a_1 pikkus, see on meil olemas. Leiame hüpotenuusi ja lahutame sellest a_1 , valem (21).

$$r = \sqrt{x_5^2 + y_5^2} - a_1. \quad (21)$$

Teiseks leiame b pikkuse. Selle leidmiseks sobib vektori mooduli pikkuse valem (22). Selleks kasutame J_2 leitud positsiooni. Lihtsaim võimalus seda leida, on panna leitud Theta 1 ja DH-Parameetrid maatriksi õigetesesse kohtadesse valemis (10).

$$|\bar{b}| = \sqrt{(x_5 - x_2)^2 + (y_5 - y_2)^2 + (z_5 - z_2)^2}. \quad (22)$$

Kolmandaks sammuks on k leidmine. Selle leidmiseks kasutame Pythagorase teoreemi, kaatetiteks saavad on a_3 ja s_4 .

Viimaseks sammuks on muutujate *Alpha* ja *Beta* leidmine. Alustame *Alpha*-st, selle leidmiseks kasutame Exceli-süntaksis ATAN funktsiooni valemit (23).

$$\text{Alpha} = \text{ATAN}\left(\frac{z_5}{r}\right). \quad (23)$$

Beta leidmine on natuke keerukam, selle leidmiseks kasutan koosinusteoreemi valemit (24).

$$\text{Beta} = \cos^{-1}\left(\frac{a_2^2 + b^2 - k^2}{2 \cdot a_2 \cdot b}\right). \quad (24)$$

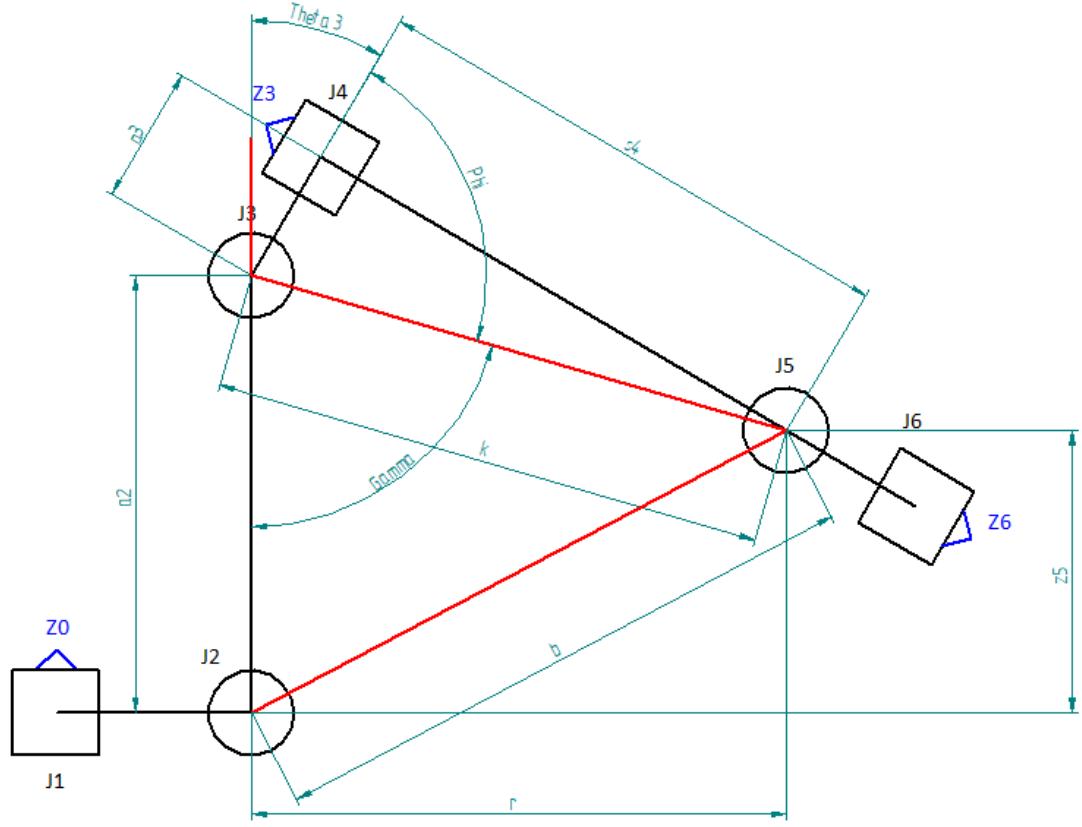
On jäänud leida Theta 2. Selle leidmisel on vaja arvestada otsese kinemaatika Theta 2 konfiguratsiooniga, sest ka siin on vaja 90° -st lahutada *Beta* ja *Alpha*, valem (25).

$$\text{Theta 2} = \frac{\text{PI}()}{2} - \text{Beta} - \text{Alpha}. \quad (25)$$

2.3.3 Pöördenurga Theta 3 arvutamine

Pöördenurga Theta 3 arvutamist alustame koosinusteoreemiga nurga *Gamma* leidmisest, valem (26) ja joonis (Joonis 11).

$$\text{Gamma} = \cos^{-1}\left(\frac{a_2^2 + k^2 - b^2}{2 \cdot a_2 \cdot k}\right). \quad (26)$$



Joonis 11. Roboti kinemaatikaskeemi külgvaade 2

Järgmisena on meil vaja analüüsida robotit, millega töötame. Juhul kui $a_3 \neq 0$, siis meil on vaja arvutada Φ väärustus, valem (27).

$$\Phi = \tan^{-1} \left(\frac{-s_4}{a_3} \right). \quad (27)$$

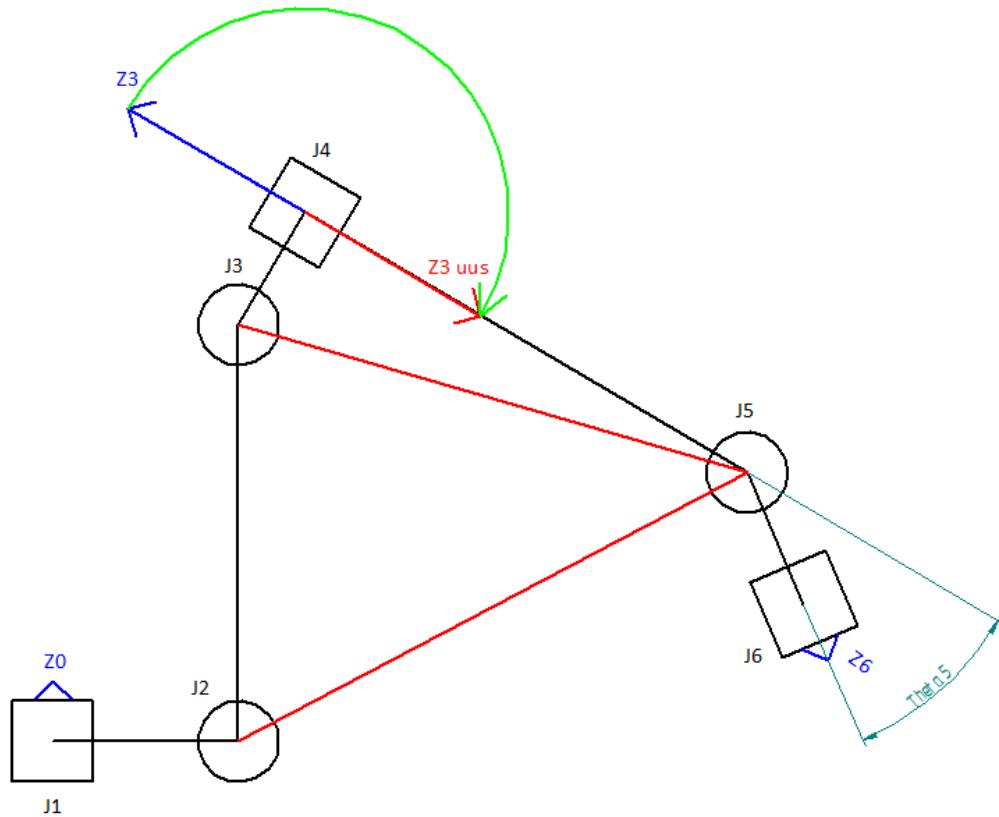
Arvutame Theta 3, selleks on vaja arvestada otsese kinemaatika Theta 3 konfiguratsiooniga, sest ka siin on vaja summeerida nurki Theta 2-ga, valem (28).

$$\text{Theta 3} = -(\pi - \Gamma - \Phi + \theta_2) \quad (28)$$

2.3.4 Pöördenurga Theta 5 arvutamine

Nüüd meil on arvutatud kolm esimest pöördenurka. Meie järgmine samm on tekitada kolm DH-Parameetritega maatriksit vastavalt valemile (10), täites need saadud pöördenurkadega. Pärast seda

võtame saadud maatriksi osa 3×3 , mis vastutab pööramise eest ja korrutame selle pöörete maatriksiga, mis koosneb Z ja X pööretest. Selle maatriksi võtame DH-Parameetrite maatriksist, ka pööramisosaga 3×3 ja α pöördenurgaks paneme π . See liigutus pöörab Z_3 vektorit 180° vörra (Joonis 12).



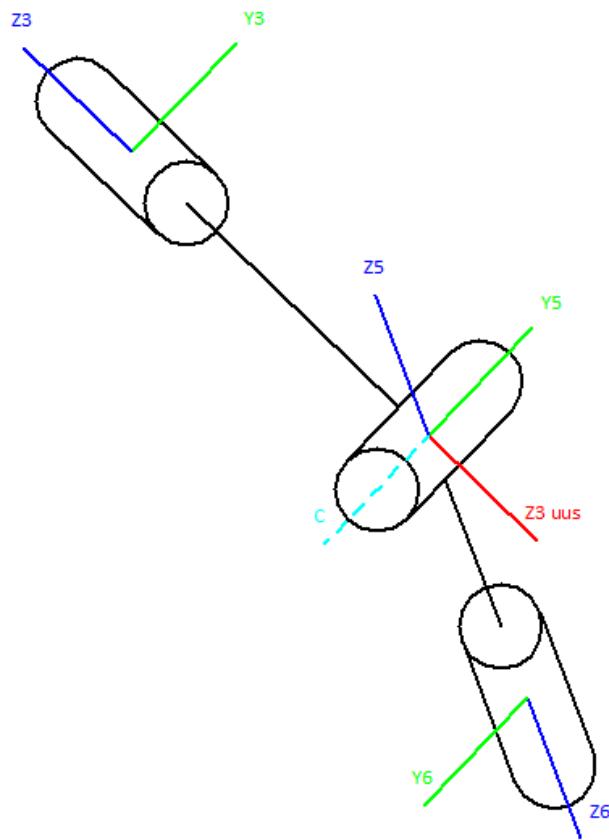
Joonis 12. Z_3 pööramissuuna muutmine

Kasutame ka maatriksit Mtx_1 , sellest leiame Z orientatsiooni. Nüüd selleks, et leida pöördenurka Theta 5, kasutame kahe vektori skalaarkorrutist, valem (29), selles kasutame pööratud Z ja etteantud Z_6 . Kui leiame Theta 5, siis dubleerime seda teise vastusega, aga miinusmärgiga. Edasi toimub analütiline valik, mis nendest kahest sobib ja mis mitte.

$$\text{Theta 5} = \left(\frac{z_3 \cdot z_6}{|z_3| \cdot |z_6|} \right). \quad (29)$$

2.3.5 Pöördenurga Theta 4 arvutamine

Pöördenurga Theta 4 arvutamiseks on vaja vektorkorrutise abil tekitada uus vektor C , (Joonis 12). Korrutame Z_6 orientatsiooni, pööratud ehk uue Z_3 orientatsiooniga. Edasi leiame pöördenurga m , kasutades skalaarkorrutise valemit (29). Selleks korrutame Y_3 vektori saadud C vektoriga. Theta 4 saame, lahutades π -st saadud pöördenurga m .

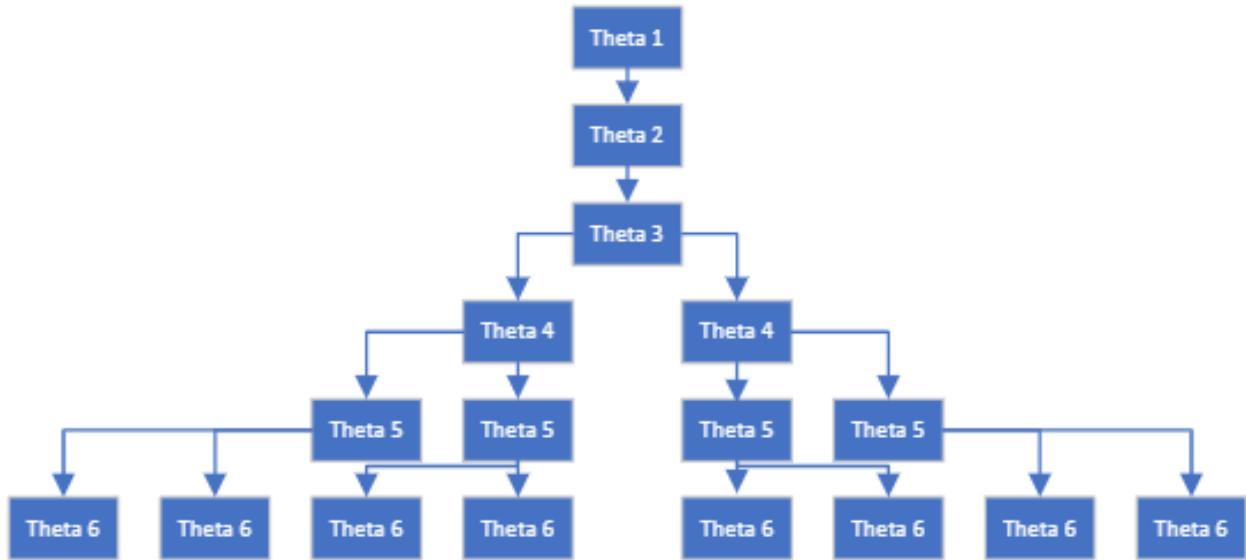


Joonis 13. Lisa C vektori arvutamiseks

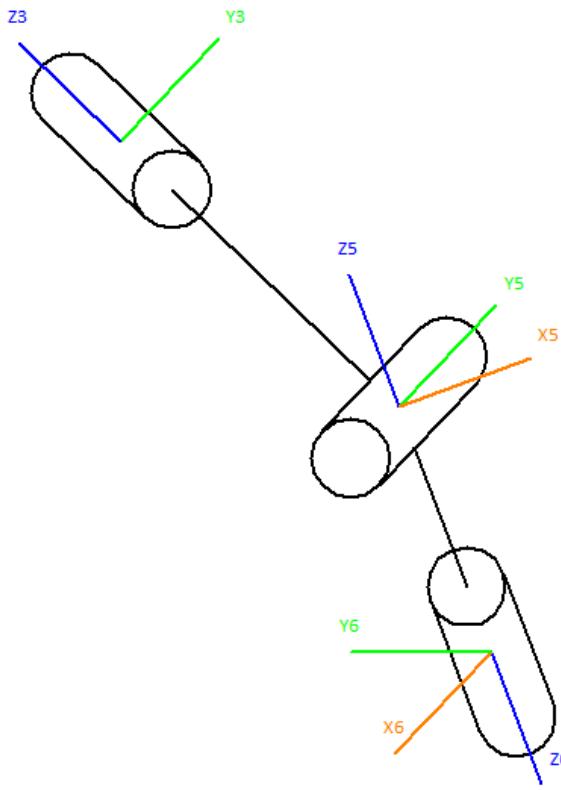
2.3.6 Pöördenurga Theta 6 arvutamine

Kui pöördenurkadel Theta 4 ja Theta 5 võis olla kaks vastust ja robotitehnikul oli vaja valida, millist kahest tema kasutab, siis Theta 6 puhul on vaja valida 8 vastuse vahel. Miks tekib selline vastuste pluralism? Visuaalne vastus on esitatud joonisel (Joonis 14) ja see on tingitud sellest, et meie peame

jälle formeerima viis maatriksit ja korrutama neid üksteisega. Aga erinevus on selles, et tänu IGM-i mittekonkreetsetele vastustele ja valikute vajadusele, on vaja korrutada esimene, teine ja kolmas maatriks kõikide võimalike ülejääenud maatriksite nurkadega. Lõpuks tekib neli võimalikku X_5 -telje orientatsiooni, mida peame, kasutades skalaarkorrutise valemit, võrdlema X_6 -telje orientatsiooniga ja leidma nendevahelise nurga (Joonis 15). Seejärel lisandub igale neljast leitud nurgale veel üks miinusmärgiga nurk. Nii saamegi kahekse võimaliku pöördenurka Theta 6-le.

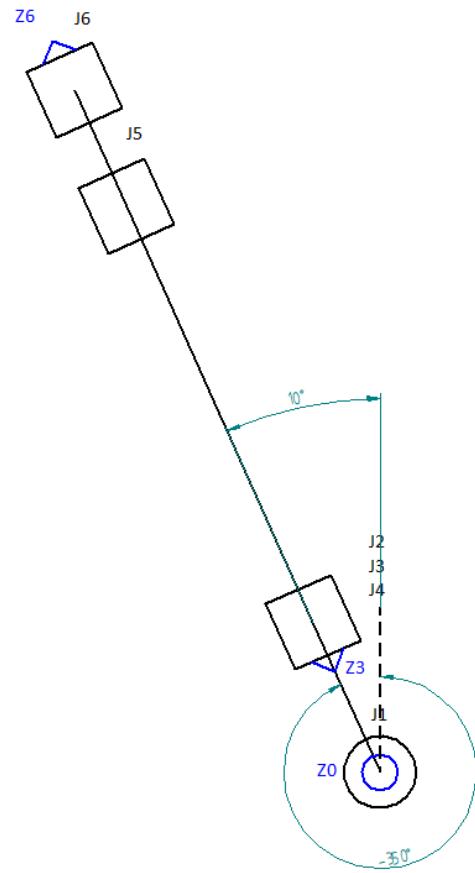


Joonis 14. Pöördenurga Theta 6 mitmed võimalikud vastused



Joonis 15. Pöördenurga Theta 6 arvutamine X_5 - ja X_6 -telgede vahel

Pärast kõikide nurkade leidmist, võib robotitehnik kasutada FGM kalkulaatori rakendusosa selleks, et valida õige nurkade konfiguratsioon. Seejuures kasutab robotitehnik kalkulaatorit abitööriistana, mitte dogmana. Mõnikord FGM ja IGM annavad erineva tulemuse. Milles võib olla põhjus? Vaatame tihti tekkivat probleemi keeruliste punktide puhul. Üks kalkulaatori osa näitab pöördenurga Theta 1 suuruseks 10° ja teine näitab nurka -350° . See ei tähenda, et üks eksib, see tähendab, et on vaja analüüsida vastuseid ja leia sobiv variant. Sest lõpuks robot jõuab TCP-ga sama lõpp-punkti, vahe on ainult selles, kas robotil on vaja pöörata kümme kraadi või on mõtet pöörata 350 kraadi ja lisada mingi liigutus, mida teha sinna jõudmise aja välitel (Joonis 16).



Joonis 16. Võimalikud pöörded

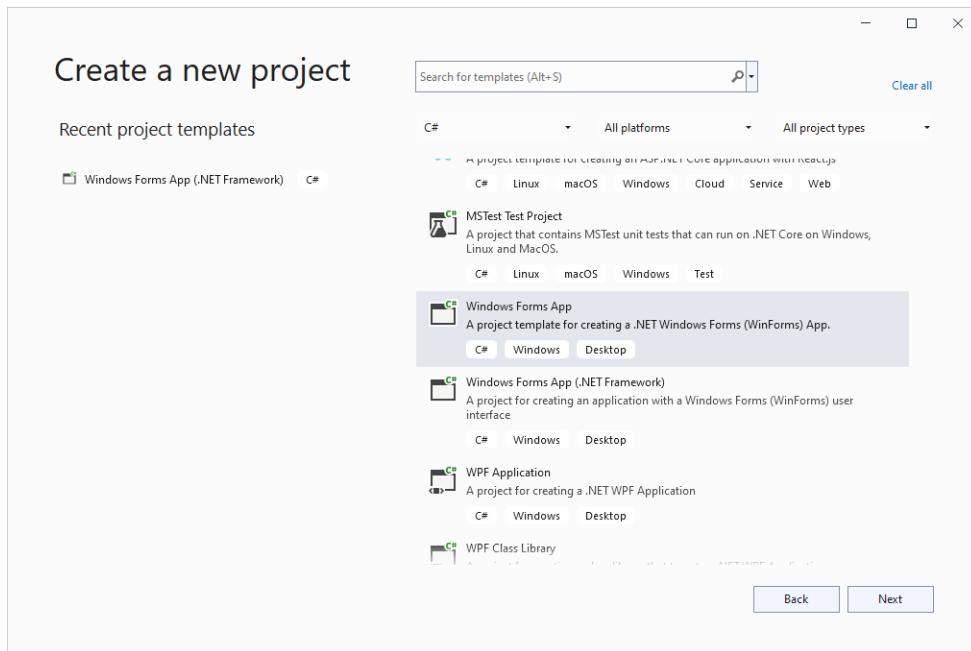
3 KALKULAATORI PROGRAMMEEERIMINE

Kalkulaatori loomiseks on valitud arenduskeskkond Visual Studio. Seda võib kasutada koodi kirjutamiseks, redigeerimiseks, kokkupanemiseks ja parandamiseks. Lõpuks, kui rakendus on valmis, võib selle postitada. Võib valmistada rakendusi erinevatele robotitüüpide. Keskkond omab abivahendeid probleemide kiiremaks lahendamiseks ja abiks.⁴

Kõik eeltoodud keskkonna plussid olid põhjuseks, miks sai valitud kalkulaatori valmistamiseks Visua Studio. Raudne põhjas on ka see, et programmi saab kasutada tasuta. Rakendus on kirjutatud C# keeles. C# on kaasaegne ja objektorienteeritud programmeerimiskeel.⁵

3.1 Kujundus

Kalkulaatori valmistamiseks on valitud „Windows Forms app” rakenduse tüüp (Joonis 17). Meie arvates on see kõige sobilikum rakenduse tüüp, mis tööle võiks sobida. Seda tüüpi rakendust on piisavalt lihtne luua ja on olemas mitu kasutusjuhendit.

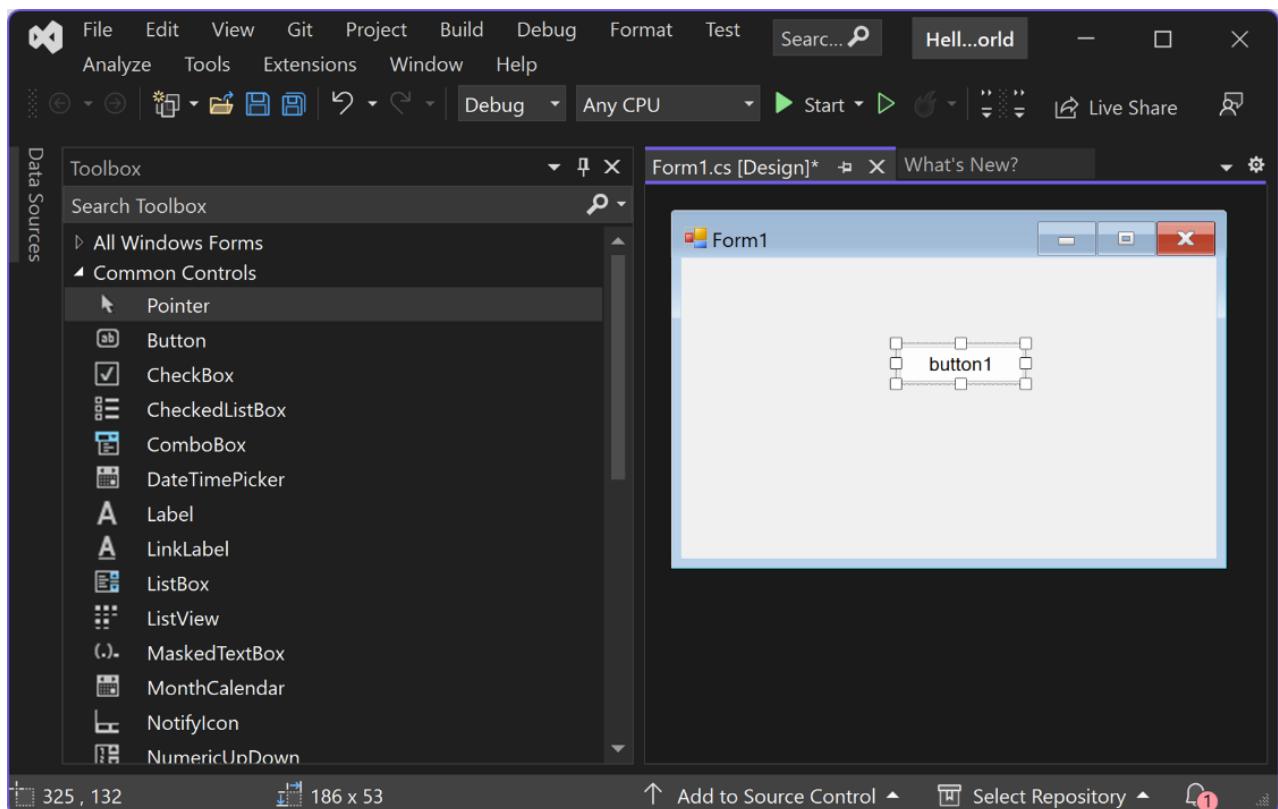


Joonis 17. Uue rakenduse loomine

⁴ <https://visualstudio.microsoft.com/ru/>

⁵ <https://learn.microsoft.com>

Alustasime sellest, et ekraan peaks olema parameetriline ja tekkima koodi abil. Mida see tähendab? See tähendab, et kasutasime mitte kõige lihtsamat meetodit ja ohverdasime palju aega, selleks, et formeerida oma programmi. Joonisel (Joonis 18) on näha vorm ehk tuleviku programmi algset vaadet. Klassikaliseks ja lihtsamaks teeks, oleks lihtsalt võtta mingi *Label*-i ehk sisestusaken ja panna see õigesse kohta. Samal joonisel on vasakul näha komponentide puu, millest saab valida endale vajaliku komponendi ja tõmmata see vormi peale. Pärast seda anda sellele nimi, lisada funktsioone ja kasutada. Meie läksime teist teed. Meetod on selles, et me ei tõmba mingeid komponente käsitsi ehk manuaalselt vormi peale, vaid kirjutame koodiga, milliseid komponente milliste omadustega tahame ja tekitame need rakenduse peale. Seda oli alguses keerulisem teha, aga hiljem tundus see meetod väga mugavana, sest ei ole vaja liikuda mööda erinevaid arenduskeskkonna lehti, et muuta mõnda parameetrit, vaid teed kõik vajaliku oma koodi sees.



Joonis 18. Disaini aken

Peaaegu kõik *Label*-id ja *TextBox*-id on tekitatud töös tsükliga *For* (Joonis 19), [14]. Koodi meetodi kasutus kujutab endast samm-sammulist parameetrite deklareerimist. Alguses on vaja kirjutada ehk deklareerida, millist komponendi tahad tekitada. Samal joonisel deklareerin *Label*-i ja *TextBox*-e.

Edasi võib anda komponendile väärtsuse ehk teksti, mida see hakkab näitama, või anda sellele nime ehk niiöelda aadressi, mille kaudu saab hiljem programmis selle komponendiga manipuleerida. Igale komponendile on vaja anda mõõdud. Hea tava mõõtude andmisel on võimalusel pidada meeles kuldselõigu seost või selle ligilähedast suhet [15]. Igal komponendil peab olema tema asukoht. Selleks kirjutame esimesele funktsioonis tekkivale komponendile staatilise X - ja Y -telgedel asuva positsiooni. Teistele komponendile määrame parameetrilise positsiooni (Joonis 20) nii, et iga järgmine komponent liigub kas X - või Y -teljel eemal eelmisest komponendist. Jääb ainult määrata stiil, *Label*-ite jaoks valisime 3D stiili, ja lisada vajalikud komponendid.

```

39   for (int i = 0; i < 7; i++) // FGM Label-id ja TextBox-id
40   {
41     System.Windows.Forms.Label Lbl = new System.Windows.Forms.Label(); // Deklarerin millist Vormi rakenduse komponendi tahan saada.
42     System.Windows.Forms.TextBox xA = new System.Windows.Forms.TextBox();
43     System.Windows.Forms.TextBox AL = new System.Windows.Forms.TextBox();
44     System.Windows.Forms.TextBox Th = new System.Windows.Forms.TextBox();
45     System.Windows.Forms.TextBox zS = new System.Windows.Forms.TextBox();
46
47     if (countLbl == 7)
48     {
49       Lbl.Text = "Tool"; // Viimase rida või tööriista osa nimetus.
50     }
51     else
52     {
53       Lbl.Text = "J" + countLbl.ToString(); // Esimeste kuue osade nimetused.
54     }
55
56
57     Lbl.Name = "Lbl" + this.countLbl.ToString(); // Label-i nimi, koosneb kirjutatud "Lbl" osast ja numbrist. Näiteks Lbl1.
58     Lbl.Size = new System.Drawing.Size(50, 35); // Label-i suurus.
59
60     xA.Name = "xA" + this.countLbl.ToString(); // Tekst kasti nimi, koosneb kirjutatud "Lbl" osast ja numbrist. Näiteks Lbl1.
61     xA.Text = "0"; // Label-i esimene kirjutatud välrtus.
62     xA.Size = new System.Drawing.Size(50, 35);
63
64     AL.Name = "AL" + this.countLbl.ToString();
65     AL.Text = "0";
66     AL.Size = new System.Drawing.Size(50, 35);
67
68     Th.Name = "Th" + this.countLbl.ToString();
69     Th.Text = "0";
70     Th.Size = new System.Drawing.Size(50, 35);
71
72     zS.Name = "zS" + this.countLbl.ToString();
73     zS.Text = "0";
74     zS.Size = new System.Drawing.Size(50, 35);
75
76     if (countLbl == 1) // Label-ite algus punkt.
77     {
78       Lbl.Location = new System.Drawing.Point(40, 100);
79       xA.Location = new System.Drawing.Point(95, 100);
80       AL.Location = new System.Drawing.Point(150, 100);
81       Th.Location = new System.Drawing.Point(205, 100);
82       zS.Location = new System.Drawing.Point(260, 100);
83     }
84   }
85
86

```

Joonis 19. For tsükliga tekivad *Label*-id ja *TextBox*-id

```

88     else // Label-ite ole jäanud punktid.
89     {
90         Lbl.Location = new System.Drawing.Point(40, 100 + 40 * YLbl);
91         xA.Location = new System.Drawing.Point(95, 100 + 40 * YLbl);
92
93         zS.Location = new System.Drawing.Point(260, 100 + 40 * YLbl);
94
95
96         Al.Location = new System.Drawing.Point(150, 100 + 40 * YLbl);
97         Th.Location = new System.Drawing.Point(205, 100 + 40 * YLbl);
98     }
99
100
101     Lbl.BorderStyle = System.Windows.Forms.BorderStyle.FixedSingle; // Label-ite stilid 3D.
102     xA.BorderStyle = System.Windows.Forms.BorderStyle.FixedSingle;
103     Al.BorderStyle = System.Windows.Forms.BorderStyle.FixedSingle;
104     Th.BorderStyle = System.Windows.Forms.BorderStyle.FixedSingle;
105     zS.BorderStyle = System.Windows.Forms.BorderStyle.FixedSingle;
106     YLbl++;
107     countLbl++;
108     this.Controls.Add(Lbl); // Label-ite lisamine
109     this.Controls.Add(xA);
110     this.Controls.Add(zS);
111
112     if (countLbl != 8) // Piiran Label-ite tekkimist, tööriistal neid parameetreid ei pea olema.
113     {
114         this.Controls.Add(Al);
115         this.Controls.Add(Th);
116     }
117
118     int countNms = 1;
119     int XNms = 0;

```

Joonis 20. Komponentide omadused

3.2 Programmi FGM-i osa

Muudame kasutajana sisestatud andmeid, *string* väärtsuse *double* väärtsuseks. Formeerime maatriksid. Selleks kasutame massiive. Maatriksid on suurusega 4×4 , see tähendab, et massiivides peab olema 16 muutujat (Joonis 21). Edasi nimetame kõiki tekitatud massiive, mis kujutavad maatrikseid – maatriksiteks. (Lisa)

```

567     string Z51str = (this.Controls.Find("z51", true)[0]).Text; // s väärtsus (mm)
568     string Z52str = (this.Controls.Find("z52", true)[0]).Text;
569     string Z53str = (this.Controls.Find("z53", true)[0]).Text;
570     string Z54str = (this.Controls.Find("z54", true)[0]).Text;
571     string Z55str = (this.Controls.Find("z55", true)[0]).Text;
572     string Z56str = (this.Controls.Find("z56", true)[0]).Text;
573     string Z57str = (this.Controls.Find("z57", true)[0]).Text;
574     double zs1 = double.Parse(Z51str);
575     double zs2 = double.Parse(Z52str);
576     double zs3 = double.Parse(Z53str);
577     double zs4 = double.Parse(Z54str);
578     double zs5 = double.Parse(Z55str);
579     double zs6 = double.Parse(Z56str);
580     double zs7 = double.Parse(Z57str);
581
582     var dhMtx1 = Array.CreateInstance(typeof(double), 16); // Tekkitame maatriksi.
583     dhMtx1.SetValue(Math.Cos(theta1), 0); dhMtx1.SetValue(-(Math.Sin(theta1)) * Math.Cos(alpha1), 4); dhMtx1.SetValue(Math.Sin(theta1) * Math.Sin(alpha1), 8); dhMtx1.SetValue(alpha1 + Math.Cos(theta1), 12);
584     dhMtx1.SetValue(Math.Sin(theta1), 1); dhMtx1.SetValue(Math.Cos(theta1) * Math.Cos(alpha1), 5); dhMtx1.SetValue(-(Math.Cos(theta1)) * Math.Sin(alpha1), 9); dhMtx1.SetValue(alpha1 * Math.Sin(theta1), 13);
585     dhMtx1.SetValue(0, 2); dhMtx1.SetValue(Math.Sin(alpha1), 6); dhMtx1.SetValue(Math.Cos(alpha1), 10); dhMtx1.SetValue(zs1, 14);
586     dhMtx1.SetValue(0, 3); dhMtx1.SetValue(0, 7); dhMtx1.SetValue(0, 11); dhMtx1.SetValue(1, 15);

```

Joonis 21. DH-Parameetrite muutujad ja esimene maatriks

Kui maatriksid on formeeritud, tekitame mitu tühja maatriksit. Need on vajalikud selleks, et kirjutada nende väärtsuseks teiste maatriksite korrutamise tulemusi. Eraldi on vaja tekitada funktsioon, mis

hakkab maatrikseid omavahel korrutama. Joonisel on ühe sellise funktsiooni nimi „mulMtxByMtx“ (Joonis 22).

```

618     var dhMtx7 = Array.CreateInstance(typeof(double), 16);
619     dhMtx7.SetValue(Math.Cos(th7), 0); dhMtx7.SetValue(-(Math.Sin(th7)) * Math.Cos(a7), 4); dhMtx7.SetValue(Math.Sin(th7) * Math.Sin(a7), 8); dhMtx7.SetValue(a7 * Math.Cos(th7), 12);
620     dhMtx7.SetValue(Math.Sin(th7), 1); dhMtx7.SetValue(Math.Cos(th7) * Math.Cos(a7), 5); dhMtx7.SetValue(-(Math.Cos(th7)) * Math.Sin(a7), 9); dhMtx7.SetValue(a7 * Math.Sin(th7), 13);
621     dhMtx7.SetValue(0, 2); dhMtx7.SetValue(Math.Sin(a7), 6); dhMtx7.SetValue(Math.Cos(a7), 10); dhMtx7.SetValue(zs7, 14);
622     dhMtx7.SetValue(0, 3); dhMtx7.SetValue(0, 7); dhMtx7.SetValue(0, 11); dhMtx7.SetValue(1, 15);
623
624     var Matrix1 = Array.CreateInstance(typeof(double), 16); // Tekitame uue tühja maatriksi.
625     var Matrix2 = Array.CreateInstance(typeof(double), 16);
626     var Matrix3 = Array.CreateInstance(typeof(double), 16);
627     var Matrix4 = Array.CreateInstance(typeof(double), 16);
628     var Matrix5 = Array.CreateInstance(typeof(double), 16);
629     var Matrix6 = Array.CreateInstance(typeof(double), 16);
630
631     mulMtxByMtx(ref dhMtx1, ref dhMtx2, ref Matrix1); // Korrutame tekkitud maatrikseid õiges järjekorras.
632     mulMtxByMtx(ref Matrix1, ref dhMtx3, ref Matrix2);
633     mulMtxByMtx(ref Matrix2, ref dhMtx4, ref Matrix3);
634     mulMtxByMtx(ref Matrix3, ref dhMtx5, ref Matrix4);
635     mulMtxByMtx(ref Matrix4, ref dhMtx6, ref Matrix5);
636     mulMtxByMtx(ref Matrix5, ref dhMtx7, ref Matrix6);
637     double tW = 0;
638     double tP = 0;
639     double tR = 0;
640     mtx2xyzwpr(ref Matrix6, w: ref tW, ref tP, ref tR);
641
642     void mulMtxByMtx(ref Array mtxIn1, ref Array mtxIn2, ref Array mtxOut) // Maatriksite 4x4 korrutamise tehe.
643     {
644         for (int i = 0; i < 4; i++)
645         {
646             for (int j = 0; j < 4; j++)
647             {
648                 mtxOut.SetValue((double)mtxIn1.GetValue(i) * (double)mtxIn2.GetValue(j * 4)
649                               + (double)mtxIn1.GetValue(i + 4) * (double)mtxIn2.GetValue(j * 4 + 1)
650                               + (double)mtxIn1.GetValue(i + 8) * (double)mtxIn2.GetValue(j * 4 + 2)
651                               + (double)mtxIn1.GetValue(i + 12) * (double)mtxIn2.GetValue(j * 4 + 3),
652                               i + j * 4);
653             }
654         }
655     }

```

Joonis 22. Maatriksite korrutamine

Kui lõppmaatriks on korrutamise teel leitud, siis saab sellest määrata konkreetse positsiooni ja orientatsiooni. Orientatsiooni leiate eraldi funktsiooniga nimega „mtx2xyzwpr“ (Joonis 23). Saadud vastused sisestame FGM-i vastuste *Label*-itesse.

```

657     void mtx2xyzwpr(ref Array mtx, ref double w, ref double p, ref double r) // Euleri nurkade arvutamine.
658     {
659
660         r = Math.Atan2((double)mtx.GetValue(1), (double)mtx.GetValue(0)) * 180 / Math.PI; // Z nurga arvutamine.
661         p = Math.Atan2(-(double)mtx.GetValue(2), Math.Sqrt(1 - (double)mtx.GetValue(2) * (double)mtx.GetValue(2))) * 180 / Math.PI; // Y nurga arvutamine.
662         w = Math.Atan2((double)mtx.GetValue(6), (double)mtx.GetValue(10)) * 180 / Math.PI; // X nurga arvutamine.
663
664
665         this.Controls["dV1"].Text = String.Format("{0:N3}", Convert.ToDouble(Matrix6.GetValue(12))); // X positsioon.
666         this.Controls["dV2"].Text = String.Format("{0:N3}", Convert.ToDouble(Matrix6.GetValue(13))); // Y positsioon.
667         this.Controls["dV3"].Text = String.Format("{0:N3}", Convert.ToDouble(Matrix6.GetValue(14))); // Z positsioon.
668
669         this.Controls["dVal"].Text = String.Format("{0:N3}", Convert.ToDouble(tW)); // X nurga arvutamine.
670         this.Controls["dVa2"].Text = String.Format("{0:N3}", Convert.ToDouble(tP)); // Y nurga arvutamine.
671         this.Controls["dVa3"].Text = String.Format("{0:N3}", Convert.ToDouble(tR)); // Z nurga arvutamine.

```

Joonis 23. Euleri nurkade arvutamine

Nii FGM-is kui ka IGM-is on maatriksites teatud kindlad valemid. Näiteks tabelis (Tabel 1) on näha, et kolmanda koordinaatteljestiku nurk on seotud teisega ja teisele omakorda liidetakse 90° , sama seost on vaja kasutada ka programmis (Joonis 24). Seda on vaja meeles pidada ja juhul, kui parameetrid muutuvad, tuleb muuta ka nende omavahelisi seoseid programmis. Fanuc kuulub ümberkonfigureeritavate robotite hulka. See tähendab, et kui roboti algne konfiguratsioon või koordinaatteljestiku omavahelised seosed ei vasta teie vajadustele, võite neid muuta.

```

553     string TH1str = (this.Controls.Find("Th1", true)[0]).Text; // Theta väärus (deg).
554     string TH2str = (this.Controls.Find("Th2", true)[0]).Text;
555     string TH3str = (this.Controls.Find("Th3", true)[0]).Text;
556     string TH4str = (this.Controls.Find("Th4", true)[0]).Text;
557     string TH5str = (this.Controls.Find("Th5", true)[0]).Text;
558     string TH6str = (this.Controls.Find("Th6", true)[0]).Text;
559     double th1 = double.Parse(TH1str) * Math.PI / 180.0;
560     double th2 = (Math.PI / 2) - (double.Parse(TH2str) * Math.PI / 180.0);
561     double th3 = (double.Parse(TH3str) + double.Parse(TH3str)) * Math.PI / 180.0;
562     double th4 = double.Parse(TH4str) * Math.PI / 180.0;
563     double th5 = double.Parse(TH5str) * Math.PI / 180.0;
564     double th6 = double.Parse(TH6str) * Math.PI / 180.0;
565     double th7 = 0.0;

```

Joonis 24. Theta-de seosed

IGM-i puhul on õiged seosed vaja sisestada mitte tekitatud muutujasse, vaid otse maatriksi massiividesse (Joonis 25).

```

805     var idhMtx1 = Array.CreateInstance(typeof(double), 16); // Maatriks 1.
806     idhMtx1.SetValue(Math.Cos(rJ1), 0); idhMtx1.SetValue(-(Math.Sin(rJ1) * Math.Cos(ial1)), 4); idhMtx1.SetValue(Math.Sin(rJ1) * Math.Sin(ial1), 8);
807     idhMtx1.SetValue(Math.Sin(rJ1), 1); idhMtx1.SetValue(Math.Cos(rJ1) * Math.Cos(ial1), 5); idhMtx1.SetValue(-(Math.Cos(rJ1)) * Math.Sin(ial1), 9);
808     idhMtx1.SetValue(0, 2); idhMtx1.SetValue(Math.Sin(ial1), 6); idhMtx1.SetValue(Math.Cos(ial1), 10); idhMtx1.SetValue(izs1, 14);
809     idhMtx1.SetValue(0, 3); idhMtx1.SetValue(0, 7); idhMtx1.SetValue(0, 11); idhMtx1.SetValue(1, 15);
810
811     var idhMtx2 = Array.CreateInstance(typeof(double), 16); // Maatriks 2.
812     idhMtx2.SetValue(Math.Cos((Math.PI / 2) - rJ2), 0); idhMtx2.SetValue(-(Math.Sin((Math.PI / 2) - rJ2)) * Math.Cos(ial2), 4); idhMtx2.SetValue(Math.
813     idhMtx2.SetValue(Math.Sin((Math.PI / 2) - rJ2), 1); idhMtx2.SetValue(Math.Cos((Math.PI / 2) - rJ2) * Math.Cos(ial2), 5); idhMtx2.SetValue(-(Math.
814     idhMtx2.SetValue(0, 2); idhMtx2.SetValue(Math.Sin(ial2), 6); idhMtx2.SetValue(Math.Cos(ial2), 10); idhMtx2.SetValue(izs2, 14);
815     idhMtx2.SetValue(0, 3); idhMtx2.SetValue(0, 7); idhMtx2.SetValue(0, 11); idhMtx2.SetValue(1, 15);

```

Joonis 25. IGM-i maatriksid

3.3 Programmi IGM-i osa

IGM-i puhul tekitame rohkem *Label*-e, aga kasutame sama programmikoodi osasid, nagu ka FGM-i osas. Lahendi alguses peame aga formeerima uute mõõtmetega maatrikseid 4×1 , koos uue korrutamisfunktsiooniga, mille nimeks on „mulMultiMtx“ (Joonis 26).

```

742     var iMtxTofS = Array.CreateInstance(typeof(double), 16); // Formeerin maatriksi tööriista nihkega.
743     iMtxTofS.SetValue(-ia7, 0);
744     iMtxTofS.SetValue(0, 1);
745     iMtxTofS.SetValue(-izs7, 2);
746     iMtxTofS.SetValue(1, 3);
747
748     var iMtxP6 = Array.CreateInstance(typeof(double), 16); // Formeerin maatriksi kuuenda koordinaatteljestiku nihkega viiendast.
749     iMtxP6.SetValue(0, 0);
750     iMtxP6.SetValue(0, 1);
751     iMtxP6.SetValue(izs6, 2);
752     iMtxP6.SetValue(1, 3);
753
754     var MatrixEnd_ToolOfs = Array.CreateInstance(typeof(double), 16);
755
756     mulMultiMtx(ref iMtxJ6, ref iMtxTofS, ref MatrixEnd_ToolOfs); // Korrutades saame kuuenda koordinaatteljestiku positsiooni.
757
758     var ImagMrx = Array.CreateInstance(typeof(double), 16);
759     ImagMrx.SetValue(Math.Cos(pVa3r) * Math.Cos(pVa2r), 0); ImagMrx.SetValue(Math.Cos(pVa3r) * Math.Sin(pVa2r) * Math.Sin(pValr) - Ma
760     ImagMrx.SetValue(Math.Sin(pVa3r) * Math.Cos(pVa2r), 1); ImagMrx.SetValue(Math.Sin(pVa3r) * Math.Sin(pVa2r) * Math.Sin(pValr) + Ma
761     ImagMrx.SetValue(-Math.Sin(pVa3r), 2); ImagMrx.SetValue(Math.Cos(pVa2r) * Math.Sin(pValr), 6); ImagMrx.SetValue(Math.Cos(pVa2r) *
762     ImagMrx.SetValue(0, 3); ImagMrx.SetValue(0, 7); ImagMrx.SetValue(0, 11); ImagMrx.SetValue(1, 15);
763
764     var MatrixJ5 = Array.CreateInstance(typeof(double), 16); // 5 koordinaatteljestiku keskpunkt.
765
766     mulMultiMtx(ref ImagMrx, ref iMtxP6, ref MatrixJ5);
767
768     void mulMultiMtx(ref Array ImtxIn1, ref Array ImtxIn2, ref Array ImtxOut) // Maatriksite 4x4 ja 4x1 korrutamise tehe.
769     {
770
771         for (int i = 0; i < 4; i++)
772         {
773             ImtxOut.SetValue((double)ImtxIn1.GetValue(i) * (double)ImtxIn2.GetValue(0)
774                         + (double)ImtxIn1.GetValue(i + 4) * (double)ImtxIn2.GetValue(1)
775                         + (double)ImtxIn1.GetValue(i + 8) * (double)ImtxIn2.GetValue(2)
776                         + (double)ImtxIn1.GetValue(i + 12) * (double)ImtxIn2.GetValue(3),
777                         i);
778         }
779     }

```

Joonis 26. Erineva mõõtmetega maatriksite korrutamine

Eriti tuleks pöörata tähelepanu sellele, kuidas on kirjutatud valemid, kus kasutatud muutuja on teises astmes ehk ruudus. Juhul, kui seda on vaja kasutada, siis korrutame seda muutujat tema endaga, näide on esitatud joonisel (Joonis 27).

```

782     double rJ1 = Math.Atan2((double)MatrixJ5.GetValue(1), (double)MatrixJ5.GetValue(0)); // Theta 1 otsimine.
783     double dJ1 = (180 / Math.PI) * rJ1;
784     this.Controls["iTh11"].Text = String.Format("{0:N3}", Convert.ToDouble(dJ1));
785
786     double RJ2 = Math.Sqrt(((double)MatrixJ5.GetValue(0) * (double)MatrixJ5.GetValue(0)) + ((double)MatrixJ5.GetValue(1) * (double)MatrixJ5.GetValue(1))) - Convert.ToDouble(ial1); // Theta 2 otsimine.
787     double xJ2 = ial * Math.Cos(rJ1);
788     double yJ2 = ial * Math.Sin(rJ1);
789     double zJ2 = 0;
790     double b = Math.Sqrt(((double)MatrixJ5.GetValue(0) - xJ2) * ((double)MatrixJ5.GetValue(0) - xJ2)) +
791         (((double)MatrixJ5.GetValue(1) - yJ2) * ((double)MatrixJ5.GetValue(1) - yJ2)) +
792         (((double)MatrixJ5.GetValue(2) - zJ2) * ((double)MatrixJ5.GetValue(2) - zJ2));
793     double k = Math.Sqrt((ia2 * ia2) + (izs4 * izs4));
794     double althak = Math.Atan2((double)MatrixJ5.GetValue(2), RJ2);
795     double betahak = Math.Acos((ia2 * ia2) + (b * b) - (k * k)) / (2 * ia2 * b);
796     double rJ2 = ((Math.PI / 2) - betahak - althak);
797     double dJ2 = (180 / Math.PI) * rJ2;
798     this.Controls["iTh12"].Text = String.Format("{0:N3}", Convert.ToDouble(dJ2));
799
800     double gamma3 = Math.Acos((ia2 * ia2) + (k * k) - (b * b)) / (2 * ia2 * k); // Theta 2 otsimine.
801     double fJ2 = Math.Atan2(-izs4, ia3);
802     double rJ3 = -(Math.PI - gamma3 - fJ2) + rJ2;
803     double dJ3 = (180 / Math.PI) * rJ3;
804     this.Controls["iTh13"].Text = String.Format("{0:N3}", Convert.ToDouble(dJ3));
805
806     var idhMtx1 = Array.CreateInstance(typeof(double), 16); // Maatriks 1.
807     idhMtx1.SetValue(Math.Cos(rJ1), 0); idhMtx1.SetValue(-(Math.Sin(rJ1)) * Math.Cos(ial1), 4); idhMtx1.SetValue(Math.Sin(rJ1) * Math.Sin(ial1), 8); idhMtx1.SetValue(ial * Math.Cos(rJ1), 12);
808     idhMtx1.SetValue(Math.Sin(rJ1), 1); idhMtx1.SetValue(Math.Cos(rJ1) * Math.Cos(ial1), 5); idhMtx1.SetValue(-(Math.Cos(rJ1)) * Math.Sin(ial1), 9); idhMtx1.SetValue(ial * Math.Sin(rJ1), 13);
809     idhMtx1.SetValue(0, 2); idhMtx1.SetValue(Math.Sin(ial1), 6); idhMtx1.SetValue(Math.Cos(ial1), 10); idhMtx1.SetValue(izs1, 14);
810     idhMtx1.SetValue(0, 3); idhMtx1.SetValue(0, 7); idhMtx1.SetValue(0, 11); idhMtx1.SetValue(1, 15);

```

Joonis 27. Erinevad matemaatikatehted

3.4 Kalkulaatori kasutamine

Kui kood on valmis, käivitamine kalkulaatori vajutades nupule Start (Joonis 28). Siis ilmub teie ekraanile kalkulaator, mida on vaja täita.

```

788     double zJ2 = 0;
789     double b = Math.Sqrt(((double)MatrixJ5.GetValue(0) - xJ2) * ((double)MatrixJ5.GetValue(0) - xJ2)) +
790         (((double)MatrixJ5.GetValue(1) - yJ2) * ((double)MatrixJ5.GetValue(1) - yJ2)) +
791         (((double)MatrixJ5.GetValue(2) - zJ2) * ((double)MatrixJ5.GetValue(2) - zJ2));
792     double k = Math.Sqrt((ia3 * ia3) + (izs4 * izs4));
793     double althak = Math.Atan2((double)MatrixJ5.GetValue(2), R2);
794     double betahak = Math.Acos(((ia2 * ia2) + (b * b) - (k * k)) / (2 * ia2 * b));
795     double rJ2 = ((Math.PI / 2) - betahak - althak);
796     double dJ2 = (180 / Math.PI) * rJ2;
797     this.Controls["iTh12"].Text = String.Format("{0:N3}", Convert.ToDouble(dJ2));
798
799     double gammaJ3 = Math.Acos((ia2 * ia2) + (k * k) - (b * b)) / (2 * ia2 * k); // Theta 2 otsimine.
800     double fiJ3 = Math.Atan2(-izs4, ia3);
801     double rJ3 = -(Math.PI - gammaJ3 - fiJ3 + rJ2);
802     double dJ3 = (180 / Math.PI) * rJ3;
803     this.Controls["iTh13"].Text = String.Format("{0:N3}", Convert.ToDouble(dJ3));
804

```

Joonis 28. Start nupu asukoht

Programmi kujundamisel on hea tava kujundada see tavalise lugemisloogika alusel, vasakult paremale. Ka see programm on tehtud nii, et kasutaja täidab vasaku osa ja vastuse näeb paremal.

Erinevates programmides on DH-Parameetrid antud erinevas järjekorras. Selles töös kasutatakse FGM-i osas samasugust järjekorda nagu kasutasid meetodi väljatöötanud insenerid oma esimeses artiklis. [2]

Selleks aga, et saada vastust FGM-i osas, on vaja täita osa, mis on märgistatud joonisel (Joonis 29) punasega, IGM-i osa vastuse saamiseks on vaja täita osa, mis on märgistatud samal joonisel kollasega. Mittenaturaalarvude sisestamisel tuleb kasutada kindlasti koma. Nendesse *Label*-itesse, kus ei ole väärust, peab olema sisestatud „0“.

Kõik algab sündmusest, ka rakendusel on ettenähtud sündmus, aga mitte nii konkreetne nagu nupp. Selleks, et pärast andmete sisestamist kalkulaator arvutaks vastuse, on vaja teha topeltklõps programmi ehk rakenduse hallil taustal, kus ei ole *Label*-eid või *TextBox*-e.

Alguses oli programmis vastuste osas ainult *TextBox*-id. See tundus mõistlik selle poolest, et võimaldas mitte ajada sassi FGM-i ja IGM-i osasi. Aga testimise käigus tuli välja, et *TextBox*-st ei saa kopeerida andmeid ja panna *Label*-isse. Programmi lõpp versioonis on enamik *TextBox*-e välja vahetatud *Label*-itega. See võimaldab mugavalt kopeerida IGM-i osast FGM-i osasse nurki ja kontrollida tulemusi analüütilise meetodiga.

OTSESE JA PÖÖRDKINEMAATIKA KALKULAATOR 6-VABADUSASTME FANUC ROBOTITE JAOKS

	In xA (mm)	In Al (deg)	In Th (deg)	In zS (mm)	Out X (mm)	Out Y (mm)	Out Z (mm)		In X (mm)	In Y (mm)	In Z (mm)		In xA (mm)	In Al (deg)	In zS (mm)	Out Jv1 (deg)	Out Jv2 (deg)	Out Jv3 (deg)	Out Jv4 (deg)
J1	150	90	30.186	0	1 463.353	872.061	1 251.661		1 463.353	872.061	1 251.661	J1	150	90	0	30.186			
J2	870	0	11.489	0		Out W (deg)	Out P (deg)	Out R (deg)				J2	870	0	0	11.489			
J3	170	-90	-15.584	0	31.257	-8.186	149.493		31.257	-8.186	149.493	J3	170	-90	0	-15.584			
J4	0	90	8.822	-1016								J4	0	90	-1016	8.822	-8.822		
J5	0	-90	74.579	0								J5	0	-90	0	74.579	-74.579		
J6	0	180	58.413	-175								J6	0	180	-175	58.659	116.962	63.274	121.588
Tool	-84.452											Tool	-84.452			-58.659	-116.962	-63.274	-121.588
																439.932			

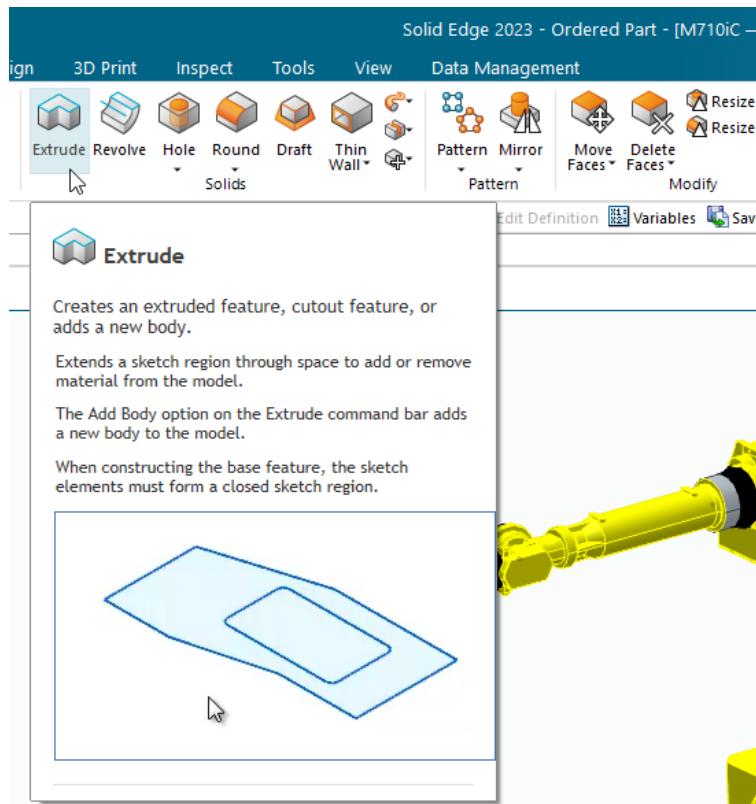
Joonis 29. Programmi täitmine

4 ROBOTI TÖÖRUUM CAD PROGRAMMIS

Nagu oli juba mainitud, kalkulaator on abitööriist, mida võib kasutada ükskõik mis CAD programmiga. Näiteks täna on mugav kasutada üht programmi, sest suurem osa kliente kasutab sama programmi. Võimalik, et homme hakkab litsents rohkem maksma ja see saab põhjuseks uue programmi valikuks. See ei ole suur mure, sest kalkulaator ei ole seotud konkreetse CAD programmiga.

Selles töös kasutatakse Solid Edge programmi. Töö programmis algab roboti mudeli otsimisega. Fanuc-i mudeli „M-710iC_50“ saab alla laadida „MyFanuc“ originaalveebilehelt tasuta.⁶

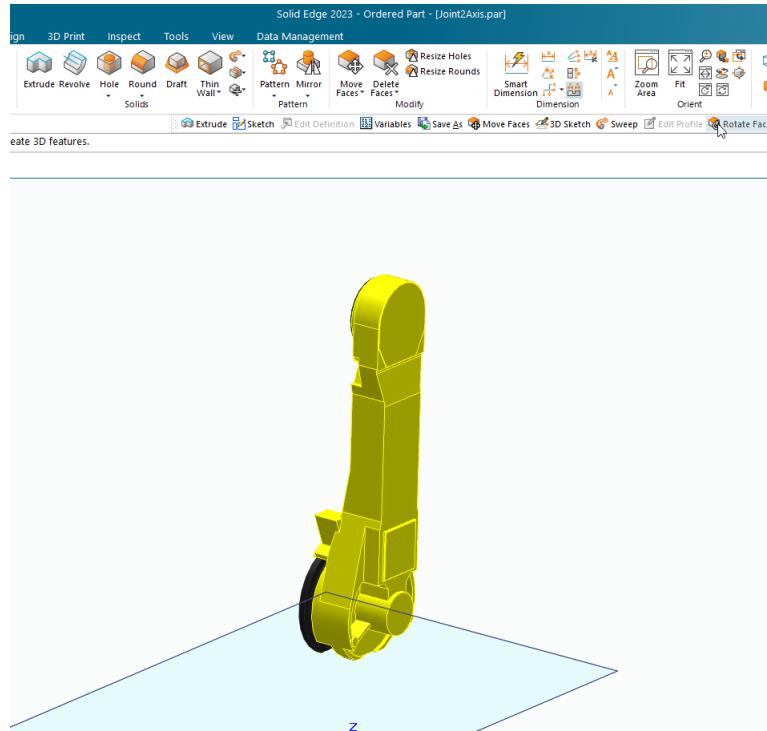
Pärast selle allalaadimist on vaja tekitada mitu eraldi liigendit. Solid Edge programmis saab seda teha käsuga *Extrude* (Joonis 30).



Joonis 30. *Extrude* käsk

⁶ <https://my.fanuc.eu/>

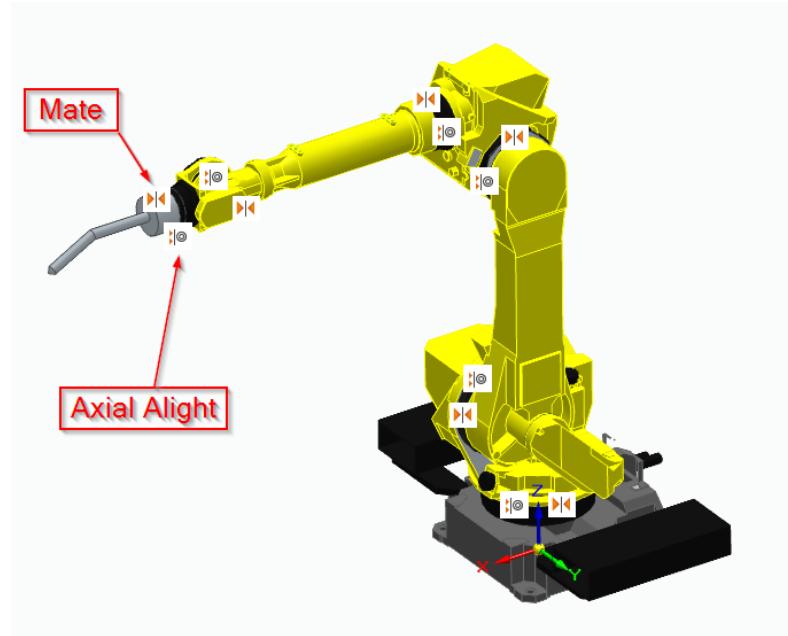
Ülesanne seisneb selles, et teha mitu roboti koopiat ja pärast ükshaaval lõigata nendest valmis 7 roboti liigendit. Kui ei õnnestu leida vajaliku tööriista mudelit, on vaja see eraldi joonistada *Part* failina (Joonis 31). [16]



Joonis 31. Roboti Fanuc M-710iC_50 liigend

Kui on tekitatud seitse eraldi osa ehk liigendit, on need vaja omavahel siduda. Pärast seda tekitame uue koostu ehk *Assembly* faili. Faile on vaja lisada ükshaaval ja neile on vaja kirjutada vastavasse aknasse positsioonid $X, Y, Z = 0,0,0$. Tänu sellele saab iga liigend kohe oma õige algse asukoha. Seostamiskästud on *Assemble* all. Esimesena soovitan kasutada tasapinnalist joondust ehk *Mate* seost. Järgmisena seome liigendeid aktsiaalse seosega *Axial Alight* (Joonis 32). [17] Kui seosed on tekitatud, võib robotiga manipuleerida.

Kuidas toimub roboti kujundamine Solid Edge programmis. Klient annab ülesande, ettevõte mõtleb välja kontseptsiooni ja joonistab mingi variandi. Selles joonises peaksid olema kõik vajalikud agregaadid, tööriistad, pingid, turvavärvad, jne. Juhul, kui roboti manipuleerimisel tekkis viga ja kontseptsioon või lihtsalt mingi osa positsioon ei sobinud, on vaja oma osasid ümber joonestada või positsioneerida paremini. (Joonis 33)



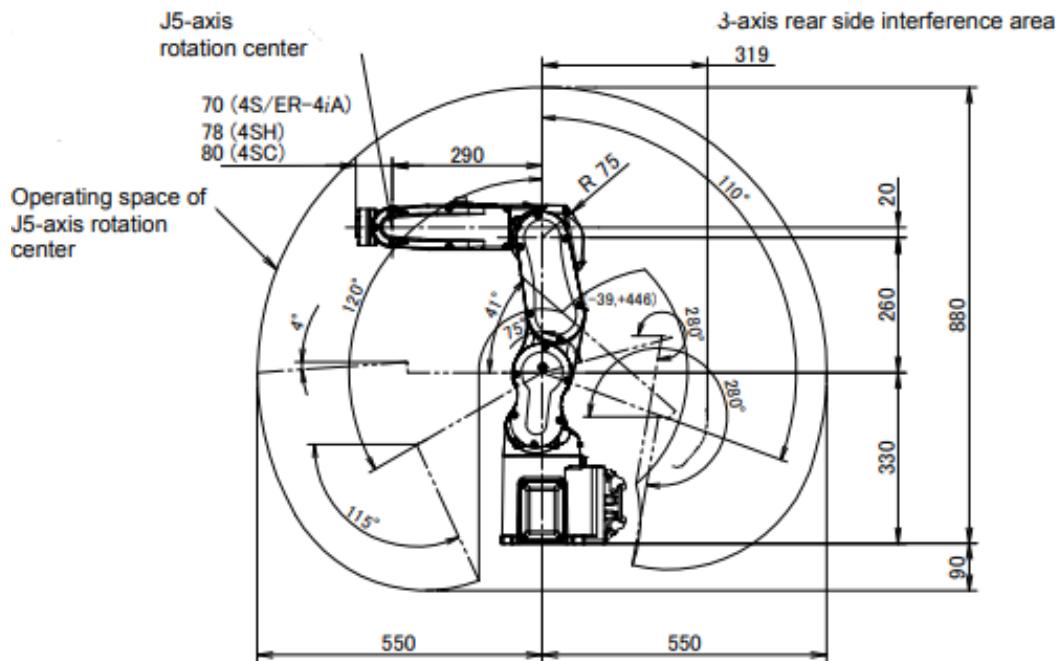
Joonis 32. Roboti *Assemble* liigendite seoste funktsioonid



Joonis 33. Robot tööasendis

5 KUUE VABADUSASTMEGA FANUC ROBOTID

Selle lõputöö raames on loodud kalkulaator, mis töötab abitööriistana selleks, et visualiseerida roboti Fanuc M-710iC/50 positsioone. Seda kalkulaatorit saab kasutada erinevate robotite jaoks ja mitte ainult Fanuc brändiga. Selles lõpputöös on tehtud kaks kinemaatika roboti mudelit, Fanuc M-710iC/50 ja ER-4iA, DH-Parameetritega, mis töötavad korralikult. Selles kajastub erinevate koordinaatteljestike seostamise õnnestumine. Tänu sellele töötavad nii FGM kui ka IGM. FANUC roboti ER-4iA mõõtmned on esitatud joonisel (Joonis 34). DH-Parameetritest paljud muutusid väiksemaks, sest see robot on valmistatud õppimise jaoks ja saab tõsta ainult 4 kg raskust, tema DH-Parameetreid on esitatud tabelis (Tabel 2). Need on ühesuguste koordinaatteljestike seostega robotid, nende positsiooni ja nurkade arvutused on esitatud joonisel (Joonis 35). [18]



Joonis 34. FANUC ER-4iA roboti mõõtmned

Tabel 2. ER-4iA roboti DH-Parameetrid.

Liigend, i	a_i (mm)	α_i (deg)	s_i (mm)	θ_i (deg)
1	0	90	0	θ_1
2	260	0	0	$90 - \theta_2$
3	20	-90	0	$\theta_2 + \theta_3$
4	0	90	-290	θ_4
5	0	-90	0	θ_5
6	0	180	-70	θ_6
7	0	-	0	-

OTSESE JA PÖÖRKINEMAATIKA KALKULAATOR 6-VABADUSASTME FANUC ROBOTITE JAOKS

J1	In xA (mm)	In A1 (deg)	In Th (deg)	In zS (mm)	Out X (mm)	Out Y (mm)	Out Z (mm)	In X (mm)	In Y (mm)	In Z (mm)	In xA (mm)	In A1 (deg)	In zS (mm)	Out Jv1 (deg)	Out Jv2 (deg)	Out Jv3 (deg)	Out Jv4 (deg)	
J2	0	90	25	0	336,161	133,196	246,519	336,161	133,196	246,519	J1	0	90	0	25,000			
J3	260	0	9	0	Out W (deg)	Out P (deg)	Out R (deg)	In W (deg)	In P (deg)	In R (deg)	J2	260	0	0	9,000			
J4	20	-90	-17	0	-28,554	-25,746	-133,513	-28,554	-25,746	-133,513	J3	20	-90	0	-17,000			
J5	0	90	161,500	-290				J4	0	90	-290	161,500	-161,500					
J6	0	-90	-74,000	0				J5	0	-90	0	74,000	-74,000					
Tool	0	180	165,000	-70				J6	0	180	-70	35,000	165,000	28,733	155,260			
								Tool	0			-35,000	-165,000	-28,733	-155,260			

Joonis 35. ER-4iA roboti positsiooni arvutamine

Kui tekib vajadus, saab programmi kas kopeerida või muuta. Muuta võib nii, et lisate blokeerivaid kommentaare koodi või teete olemasolevatele arvutustele kommentaare ja lisate uusi arvutusi. Kuidas muuta koordinaatteljestike seoseid, on selgitatud programmeerimise osas. Võin igaks juhiks lisada, et kui teil on teise ettevõtte robot, siis on mõttetas üridera, millist Euleri nurkade järjekorda robotis kasutatakse ja muuta vajadusel Fanuc ZYX oma, näiteks teise levinud variandi peale XYZ.

KOKKUVÕTE

Lõputöö eesmärgiks oli luua kinemaatika kalkulaator, mis aitaks ettevõttel projekteerida roboti integreerimine mingisse protsessi. See võimaldab projekteerida Fanuc roboti üldpositsioone, kasutades kalkulaatorit koos mingi CAD programmiga, mis on juba ettevõttel olemas. Tarkvara loomine oli keeruline protsess. Kalkulaator koosneb kahest osast, matemaatilisest ja programmilisest. Failis on eraldi välja toodud FGM-i mudeliga seotud matemaatilised arvutused. FGM-i arvutamiseks on vaja teada, kuidas tekitada DH-Parameetritega maatrikseid ja leida Euleri nurkade abil mittekonkreetseid nurki. IGM-i ülesanne on kirjeldatud rohkemate etappidega, mis on seotud selle ülesanne eripäraga, selles leiame iga nurga eraldi ja oma meetodiga.

Järgmises peatükis on kirjeldatud, kuidas kujundati kalkulaator. Selles peatükis kirjeldatakse, kuidas alustada rakenduse loomist, kuidas valida sellele kujundus ja tuuakse näiteid, kuidas kirjutada koodi kõikidele vajalikele valemitele programmisse.

CAD osa on vajalik selleks, et näidata, kuidas võib kasutada saadud IGM-i tulemusi rakenduses. Eraldi on välja toodud, kuidas tekitada valitud robotile mudel liigendite kaupa ja simuleerida selle erinevaid positsioone.

Viimases peatükis on esitatud tulemused veel ühe Fanuc roboti näitel. Kui eelnevas töös oli näitena kasutusel mudel Fanuc 710iC/50, siis viimases peatükis on selleks mudel Fanuc ER-4iA. See on tehtud selleks, et näidata erinevate mudelite simuleerimise võimalust töös väljatöötatud kalkulaatoriga, mille kood on lisatud lisasse.

Tulemuseks sai FGM-i ja IGM-i kalkulaator. Seda kalkulaatorit on mugav kasutada, sest üheks sihtmärgiks oli vamistada intuitiivselt arusaadav programmi kujundus. Kasutuselevõetud IGM-i lahendusmeetod annab tihti väga täpse vastuse. Tänu sellele saab nii sisestada kui ka väljundist lugeda arve kolme numbriga pärast koma. Oleks õige natukene ka kritiseerida oma tööd. Ainuke mure, täpsustan mitte probleem on – pimedad vead. Juhul, kui kasutaja sisestab ebaõigeid andmeid või kalkulaator annab mitte kõige sobivama vastuse, peab kasutaja ise kas parandada oma vea või analüütiliselt valima sobivaima nurga.

VIIDATUD ALLIKAD

- [1] К. А. Е. Артоболевский И. И., Знакомьтесь — роботы!, Молодая гвардия, 1979, p. 239.
- [2] J. D. a. R. Hartenberg, „A Kinematic Notation for Lower-Pair Mechanisms Based on Matrices,“ *JOURNAL OF APPLIED MECHANICS*, 1955.
- [3] S. K. S. J. K. D. S. V. Shah, „Denavit-Hartenberg,“ *Journal of Computational and Nonlinear Dynamics*, 2012.
- [4] S. K. Krzysztof Tokarz, „Geometric approach to inverse kinematics for arm manipulator,“ Silesian University of Technology, p. 6.
- [5] M. Law, „Top 10 industrial robotics companies in the world in 2023,“ *Technology*, 2023.
- [6] R. C. Goertz. U.S.A. Patent 2,632,574, 1949.
- [7] B. McMorris, „<https://futura-automation.com/>,“ 2022. [Võrgumaterjal]. Available: <https://futura-automation.com/2019/05/15/a-history-timeline-of-industrial-robotics/>.
- [8] Yaskawa, „<https://www.yumpu.com/en/document/read/3621168/motoman-robot-history>,“ 2012. [Võrgumaterjal]. Available: <https://www.yumpu.com/en/document/read/3621168/motoman-robot-history>.
- [9] A. Owen-Hill, „<https://robodk.com/>,“ 9 10 2018. [Võrgumaterjal]. Available: <https://robodk.com/blog/program-robot-tips/>.
- [10] В. Г. А. П. О.И. Борисов, МЕТОДЫ УПРАВЛЕНИЯ РОБОТОТЕХНИЧЕСКИМИ ПРИЛОЖЕНИЯМИ, Санкт-Петербург: УНИВЕРСИТЕТ ИТМО, 2016, p. 105.
- [11] FANUC, „FANUC Robot M-710iC-50 Mechanical Unit Operators Manual,“ 2017.
- [12] L. V. Ahlfors, Complex Analysis, 1979.
- [13] D.M. Henderson, „Euler Angles, Quaternions, and Transformation Matrices,“ 1977.
- [14] J. A. a. B. Albahari, C# 7.0 in a nutshell, Москва, Санкт-Петербург: Диалектика, 2019.
- [15] K. Elam, Geometry of design, Москва: Колибри, 2021.
- [16] Siemens. [Võrgumaterjal]. Available: <https://solidedge.siemens.com/en/resource/tutorial/fidget-spinner/#before>.

- [17] Siemens. [Võrgumaterjal]. Available: <https://solidedge.siemens.com/en/resource/tutorial/3d-cad-tutorial-robot-claw/#part-2>.
- [18] FANUC, „ER-4iA product information“.
- [19] „<https://robotics.kawasaki.com/>“ 2018. [Võrgumaterjal]. Available: <https://robotics.kawasaki.com/ja1/xyz/en/1803-01/>.
- [20] Fanuc, „<https://www.fanuc.co.jp/>“ [Võrgumaterjal]. Available: <https://www.fanuc.co.jp/en/profile/history/index.html>.
- [21] Fanuc, „<https://www.fanuc.eu/>“ [Võrgumaterjal]. Available: <https://www.fanuc.eu/dk/en/robots/accessories/roboguide>.
- [22] S. K. S. J. K. D. S. V. Shah, „Denavit-Hartenberg Parameterization of Euler Angles,“ *Journal of Computational and Nonlinear Dynamics*, 2012.
- [23] „<https://visualstudio.microsoft.com/>“ [Võrgumaterjal]. Available: <https://visualstudio.microsoft.com/#vs-section>.
- [24] „<https://learn.microsoft.com>“ 13 02 2023. [Võrgumaterjal]. Available: <https://learn.microsoft.com/en-us/dotnet/csharp/tour-of-csharp/>.
- [25] „<https://learn.microsoft.com>“ 26 01 2023. [Võrgumaterjal]. Available: <https://learn.microsoft.com/et-ee/visualstudio/ide/create-csharp-winform-visual-studio?view=vs-2022>.
- [26] [Võrgumaterjal]. Available: <https://my.fanuc.eu/>.

LISA. FGM-I JA IGM-I KOOD.

Kalkulaatori kood, kirjutatud Visual Studio programmiga.

```
1  using System;
2  using System.Collections.Generic;
3  using System.ComponentModel;
4  using System.Data;
5  using System.Drawing;
6  using System.Linq;
7  using System.Text;
8  using System.Threading.Tasks;
9  using System.Windows.Forms;
10 using Microsoft.Office.Interop.Excel;
11 using MathNet.Numerics.LinearAlgebra;
12 using MathNet.Numerics.LinearAlgebra.Double;
13
14         namespace WindowsFormsApp1
15         {
16             public partial class ObjDirForm : Form
17             {
18                 public ObjDirForm()
19                 {
20                     InitializeComponent();
21                     this.DoubleClick += doublbCli;
22                 }
23
24                 int countLbl = 1;
25                 int YLbl = 0;
26
27                 int invCount = 1;
28                 int invY = 0;
29
30                 public void Form1_Load(object sender, EventArgs e)
31                 {
32
33                     this.Text = "OTSESE JA PÖÖRDKINEMAATIKA KALKULAATOR 6-
34                                         VABADUSASTME FANUC ROBOTITE JAOKS";
35
36                     this.WindowState = FormWindowState.Maximized;
37
38
39                     for (int i = 0; i < 7; i++) // FGM Label-id ja TextBox-id
```

```

40 {
41     System.Windows.Forms.Label Lbl = new
42         System.Windows.Forms.Label(); // Deklareerin millist Vormi rakenduse ➔
43             komponendi tahan saada.
44     System.Windows.Forms.TextBox xA = new
45         System.Windows.Forms.TextBox();
46     System.Windows.Forms.TextBox A1 = new
47         System.Windows.Forms.TextBox(); ➔
48     System.Windows.Forms.TextBox Th = new System.Windows.Forms.TextBox();
49     System.Windows.Forms.TextBox zS = new
50         System.Windows.Forms.TextBox(); ➔
51
52         if (countLbl == 7)
53         {
54             Lbl.Text = "Tool"; // Viimase rida või tööriista osa
55                 nimetus.
56             }
57             else
58             {
59                 Lbl.Text = "J" + countLbl.ToString(); // Esimeste kuue
59                     osade nimetused.
60             }
61             ➔
62             ➔
63             ➔
64
65             A1.Name = "A1" + this.countLbl.ToString(); // Tekst kasti nimi, koosneb kirjutatud "Lbl"
66                 osast ja numbrist. Näiteks Lbl1.
67             A1.Text = "0"; // Label-i esimene kirjutatud väärus.
68             A1.Size = new System.Drawing.Size(50, 35);
69
70
71             Th.Name = "Th" + this.countLbl.ToString();
72             Th.Text = "0";
73             Th.Size = new System.Drawing.Size(50, 35);
74
75             zS.Name = "zS" + this.countLbl.ToString();

```

```

76      zS.Text = "0";
77      zS.Size = new System.Drawing.Size(50, 35);
78
79      if (countLbl == 1) // Label-ite algus punkt.
80      {
81          Lbl.Location = new System.Drawing.Point(40, 100); 82      xA.Location = new
82          System.Drawing.Point(95, 100);
83          Al.Location = new System.Drawing.Point(150, 100);
84          Th.Location = new System.Drawing.Point(205, 100);
85          zS.Location = new System.Drawing.Point(260, 100);
86      }
87
88      else // Label-ite üle jäänud punktid.
89      {
90          Lbl.Location = new System.Drawing.Point(40, 100 + 40 *
90              YLbl);
91          xA.Location = new System.Drawing.Point(95, 100 + 40 *
91              YLbl);
92
93          zS.Location = new System.Drawing.Point(260, 100 + 40 *
93              YLbl);
94
95
96          Al.Location = new System.Drawing.Point(150, 100 + 40 *
96              YLbl);
97          Th.Location = new System.Drawing.Point(205, 100 + 40 *
97              YLbl);
98      }
99
100
100      Lbl.BorderStyle =
101          System.Windows.Forms.BorderStyle.FixedSingle; // Label-ite stilid 3D.
102      xA.BorderStyle = System.Windows.Forms.BorderStyle.FixedSingle;
103      Al.BorderStyle = System.Windows.Forms.BorderStyle.FixedSingle;
104      Th.BorderStyle = System.Windows.Forms.BorderStyle.FixedSingle;
105      zS.BorderStyle = System.Windows.Forms.BorderStyle.FixedSingle;
106      YLbl++;
107      countLbl++;
108      this.Controls.Add(Lbl); // Label-ite lisamine
109      this.Controls.Add(xA);
110      this.Controls.Add(zS);
111
111      if (countLbl != 8) // Piiran Label-ite tekkimist,
112          tööriistal neid parameetreid ei pea olema.
112      {
113          this.Controls.Add(Al);
114          this.Controls.Add(Th);
115      }

```

```

116     }
117
118     int countNms = 1;
119     int XNms = 0;
120
121     for (int i = 0; i < 4; i++) // DH-Parameetrite nimetuste Label-id.
122     {
123         System.Windows.Forms.Label Nms = new
124             System.Windows.Forms.Label();
125
126         Nms.Name = "Nms" + countNms.ToString();
127
128         Nms.Size = new System.Drawing.Size(50, 35);
129         Nms.BorderStyle =
130             System.Windows.Forms.BorderStyle.Fixed3D;
131
132         if (countNms == 1)
133         {
134             Nms.Location = new System.Drawing.Point(95, 60);
135         }
136         else
137         {
138             Nms.Location = new System.Drawing.Point(95 + 55 *
139             XNms, 60);
140         }
141
142         switch (countNms)
143         {
144             case 1:
145                 Nms.Text = "In xA \n(mm)";
146                 break; 144   case 2:
147                 Nms.Text = "In Al \n(deg)";
148                 break; 147   case 3:
149                 Nms.Text = "In Th \n(deg)";
150                 break; 150   case 4:
151                 Nms.Text = "In zS \n(mm)";
152                 break;
153         }
154
155         countNms++;
156         XNms++;
157         this.Controls.Add(Nms);
158
159     }
160

```

```

161     int countAnser = 1;                                     ↗
162     int XAnser = 0;                                       ↗
163
164     for (int i = 0; i < 3; i++) // Positsiooni ja Orientetsiooni vastute Label-id ja
165     // TextBox-id.
166     {
167         System.Windows.Forms.Label cXYZ = new
168             System.Windows.Forms.Label();
169
170         System.Windows.Forms.TextBox dV = new
171             System.Windows.Forms.TextBox();
172
173         System.Windows.Forms.Label aXYZ = new
174             System.Windows.Forms.Label();
175
176         System.Windows.Forms.TextBox dVa = new
177             System.Windows.Forms.TextBox();
178
179         cXYZ.Name = "cXYZ" + countAnser.ToString();
180         dV.Name = "dV" + countAnser.ToString();
181         aXYZ.Name = "aXYZ" + countAnser.ToString();
182         dVa.Name = "dVa" + countAnser.ToString();           ↗
183
184         cXYZ.Size = new System.Drawing.Size(60, 35); 177 cXYZ.BorderStyle =
185             System.Windows.Forms.BorderStyle.Fixed3D;          ↗
186
187         dV.Size = new System.Drawing.Size(60, 35);
188         dV.BorderStyle = System.Windows.Forms.BorderStyle.Fixed3D;
189         dV.Text = "0";
190
191         aXYZ.Size = new System.Drawing.Size(60, 35); 184 aXYZ.BorderStyle =
192             System.Windows.Forms.BorderStyle.Fixed3D;
193
194         dVa.Size = new System.Drawing.Size(60, 35);
195         dVa.BorderStyle =
196             System.Windows.Forms.BorderStyle.Fixed3D;
197         dVa.Text = "0";                                     ↗
198
199         if (countAnser == 1)
200         {
201             cXYZ.Location = new System.Drawing.Point(315, 60);
202             dV.Location = new System.Drawing.Point(315, 100);
203             aXYZ.Location = new System.Drawing.Point(315, 140);
204             dVa.Location = new System.Drawing.Point(315, 180);   ↗
205
206         }
207         else

```

```

199         {
200             cXYZ.Location = new System.Drawing.Point(315 + 65 *
XAnser, 60);
201             dV.Location = new System.Drawing.Point(315 + 65 *
XAnser, 100);
202             aXYZ.Location = new System.Drawing.Point(315 + 65 *
XAnser, 140);
203             dVa.Location = new System.Drawing.Point(315 + 65 *
XAnser, 180);
204         }
205
206         switch (countAnser)
207         {
208             case 1:
209                 cXYZ.Text = "Out X (mm)";
210                 aXYZ.Text = "Out W (deg)";
211                 break; 212     case 2:
213                 cXYZ.Text = "Out Y (mm)";
214                 aXYZ.Text = "Out P (deg)";
215                 break; 216     case 3:
217                 cXYZ.Text = "Out Z (mm)";
218                 aXYZ.Text = "Out R (deg)";
219                 break;
220         }
221
222         countAnser++;
223         XAnser++;
224         this.Controls.Add(cXYZ);
225         this.Controls.Add(dV);
226         this.Controls.Add(aXYZ);
227         this.Controls.Add(dVa);
228
229     }
230
231 // IGM.
232 //-----
233
234     int countPoint = 1;
235     int Xpoint = 0;
236
237     for (int i = 0; i < 3; i++) // Positsiooni ja Orientetsiooni sisendi Label-id ja TextBox-id.
238     {
239         System.Windows.Forms.Label poXYZ = new
240             System.Windows.Forms.Label();
241
242         System.Windows.Forms.TextBox pV = new
243             System.Windows.Forms.TextBox();

```

```

241     System.Windows.Forms.Label paXYZ = new
242         System.Windows.Forms.Label();
243
244     System.Windows.Forms.TextBox pVa = new
245         System.Windows.Forms.TextBox();
246
247     poXYZ.Name = "poXYZ" + countPoint.ToString();
248     pV.Name = "pV" + countPoint.ToString();
249     pV.Text = "0";
250
251
252
253     poXYZ.Size = new System.Drawing.Size(60, 35); 254         poXYZ.BorderStyle =
254         System.Windows.Forms.BorderStyle.Fixed3D;
255         poXYZ.TabStop = false;
256
257     pV.Size = new System.Drawing.Size(60, 35);
258     pV.BorderStyle = System.Windows.Forms.BorderStyle.Fixed3D;
259
260     paXYZ.Size = new System.Drawing.Size(60, 35); 261         paXYZ.BorderStyle =
261         System.Windows.Forms.BorderStyle.Fixed3D;
262
263     pVa.Size = new System.Drawing.Size(60, 35);
264     pVa.BorderStyle =
264         System.Windows.Forms.BorderStyle.Fixed3D;
265
266         if (countAnser == 1)
267         {
268             poXYZ.Location = new System.Drawing.Point(575, 60);
269             pV.Location = new System.Drawing.Point(575, 100);
270             paXYZ.Location = new System.Drawing.Point(575, 140);
271             pVa.Location = new System.Drawing.Point(575, 180);
272
273         }
274         else
275         {
276             poXYZ.Location = new System.Drawing.Point(575 + 65 *
276             Xpoint, 60);
277             pV.Location = new System.Drawing.Point(575 + 65 *
277             Xpoint, 100);
278             paXYZ.Location = new System.Drawing.Point(575 + 65 *
278             Xpoint, 140);

```

```

279         pVa.Location = new System.Drawing.Point(575 + 65 *  

280             Xpoint, 180);  

281     }  

282  

283     switch (countPoint)  

284     {  

285         case 1:  

286             poXYZ.Text = "In X \n(mm)";  

287             paXYZ.Text = "In W \n(deg)";  

288             break; 290         case 2:  

289             poXYZ.Text = "In Y \n(mm)";  

290             paXYZ.Text = "In P \n(deg)";  

291             break; 294         case 3:  

292             poXYZ.Text = "In Z \n(mm)";  

293             paXYZ.Text = "In R \n(deg)";  

294             break;  

295  

296     }  

297  

298     countPoint++;  

299     Xpoint++;  

300     this.Controls.Add(poXYZ);  

301     this.Controls.Add(pV);  

302     this.Controls.Add(paXYZ);  

303     this.Controls.Add(pVa);  

304  

305     }  

306  

307     for (int i = 0; i < 7; i++) // IGM Label-id ja TextBox-id.  

308     {  

309         System.Windows.Forms.Label iLbl = new  

310             System.Windows.Forms.Label(); // Label J1 till Tool  

311         System.Windows.Forms.TextBox ixA = new  

312             System.Windows.Forms.TextBox();  

313         System.Windows.Forms.TextBox iAl = new  

314             System.Windows.Forms.TextBox();  

315         System.Windows.Forms.TextBox izS = new  

316             System.Windows.Forms.TextBox();  

317         System.Windows.Forms.TextBox iTh1 = new  

318             System.Windows.Forms.TextBox();

```

```
319     if (invCount == 7)
320     {
321         iLbl.Text = "Tool";
322     }
323     else
324     {
325         iLbl.Text = "J" + invCount.ToString();
326     }
327
328     iLbl.Name = "iLbl" + this.invCount.ToString();
329     iLbl.Size = new System.Drawing.Size(50, 35);
330
331     ixA.Name = "ixA" + this.invCount.ToString();
332     ixA.Text = "0";
333     ixA.Size = new System.Drawing.Size(50, 35);
334
335     iAl.Name = "iAl" + this.invCount.ToString();
```

```
336 iAl.Text = "0";
337 iAl.Size = new System.Drawing.Size(50, 35);
338
339 izS.Name = "izS" + this.invCount.ToString();
340 izS.Text = "0";
341 izS.Size = new System.Drawing.Size(50, 35);
342
343 iTh1.Name = "iTh1" + this.invCount.ToString();
344 iTh1.Text = "0";
345 iTh1.Size = new System.Drawing.Size(50, 35);
346
347 if (invCount == 1)
348 {
349     iLbl.Location = new System.Drawing.Point(770, 100);
350     ixA.Location = new System.Drawing.Point(825, 100);
351     iAl.Location = new System.Drawing.Point(880, 100);
352     izS.Location = new System.Drawing.Point(935, 100);
353     iTh1.Location = new System.Drawing.Point(990, 100);
354 }
355 else
356 {
357     if (invCount != 7)
358     {
359         iLbl.Location = new System.Drawing.Point(770, 100
+ 40 * invY);
360         ixA.Location = new System.Drawing.Point(825, 100 +
40 * invY);
361         iAl.Location = new System.Drawing.Point(880, 100 +
40 * invY);
362         izS.Location = new System.Drawing.Point(935, 100 +
40 * invY);
363         iTh1.Location = new System.Drawing.Point(990, 100
+ 40 * invY);
364     }
365     else
366     {
367         invY++;
368         iLbl.Location = new System.Drawing.Point(770, 100
+ 40 * invY);
369         ixA.Location = new System.Drawing.Point(825, 100 +
40 * invY);
370         izS.Location = new System.Drawing.Point(935, 100 +
40 * invY);
371     }
372 }
```

```
372 } ↗
373
374 iLbl.BorderStyle =
375     System.Windows.Forms.BorderStyle.Fixed3D; ↗
375 ixA.BorderStyle = System.Windows.Forms.BorderStyle.Fixed3D; ↗
376 iAl.BorderStyle =
377     System.Windows.Forms.BorderStyle.Fixed3D; ↗
377 izS.BorderStyle =
378     System.Windows.Forms.BorderStyle.Fixed3D; ↗
378 iTh1.BorderStyle =
379     System.Windows.Forms.BorderStyle.Fixed3D; ↗
380
381     this.Controls.Add(iLbl);
382     this.Controls.Add(ixA); ↗
383
384         this.Controls.Add(izS);
385         if (invY != 7) ↗
385             {
386                 this.Controls.Add(iAl);
387                 this.Controls.Add(iTh1); ↗
388             }
389
390
391
392         if (invCount != 1 && invCount != 2 && invCount != 3 && invCount != 7) ↗
392             // Thetade vastute TextBox-id.
393             {
394                 System.Windows.Forms.TextBox iTh2 = new
395                     System.Windows.Forms.TextBox(); ↗
396
397                 iTh2.Name = "iTh2" + invCount.ToString();
398                 iTh2.Text = "0";
399                 iTh2.Size = new System.Drawing.Size(50, 35); ↗
400                 iTh2.Location = new System.Drawing.Point(1045, 100
400                     + 40 * invY); ↗
401                 iTh2.BorderStyle =
402                     System.Windows.Forms.BorderStyle.Fixed3D; ↗
403
404             this.Controls.Add(iTh2);
405         }
```

```
404     if (invCount == 6)                                     ↵
405     {                                                       ↵
406         System.Windows.Forms.TextBox iTh3 = new           ↵
407             System.Windows.Forms.TextBox();                ↵
408         System.Windows.Forms.TextBox iTh4 = new           ↵
409             System.Windows.Forms.TextBox();                ↵
410         iTh3.Name = "iTh3" + invCount.ToString();          ↵
411         iTh3.Text = "0";                                  ↵
412         iTh3.Size = new System.Drawing.Size(50, 35);      ↵
413         iTh3.Location = new System.Drawing.Point(1100, 100 + ↵
414             40 * invY);                                 ↵
415         iTh3.BorderStyle = System.Windows.Forms.BorderStyle.Fixed3D;    ↵
416
417         iTh4.Name = "iTh4" + invCount.ToString();          ↵
418         iTh4.Text = "0";                                  ↵
419         iTh4.Size = new System.Drawing.Size(50, 35);      ↵
420         iTh4.Location = new System.Drawing.Point(1155, 100 + ↵
421             40 * invY);                                 ↵
422         iTh4.BorderStyle =                               ↵
423             System.Windows.Forms.BorderStyle.Fixed3D;    ↵
424
425         System.Windows.Forms.TextBox i2Th16 = new           ↵
426             System.Windows.Forms.TextBox();                ↵
427         System.Windows.Forms.TextBox i2Th26 = new           ↵
428             System.Windows.Forms.TextBox();                ↵
429         System.Windows.Forms.TextBox i2Th36 = new           ↵
430             System.Windows.Forms.TextBox();                ↵
431         System.Windows.Forms.TextBox i2Th46 = new           ↵
432             System.Windows.Forms.TextBox();                ↵
433
434         i2Th16.Name = "i2Th16" + invCount.ToString();      ↵
435         i2Th16.Text = "0";                                ↵
436         i2Th16.Size = new System.Drawing.Size(50, 35);    ↵
437         i2Th16.Location = new System.Drawing.Point(990, 100 + ↵
438             40 * 6);                                 ↵
439         i2Th16.BorderStyle =                               ↵
440             System.Windows.Forms.BorderStyle.Fixed3D;    ↵
441
442         i2Th26.Name = "i2Th26" + invCount.ToString();      ↵
443
444
445
446
447
448
449
450
451
452
453
454
455
456
457
458
459
460
461
462
463
464
465
466
467
468
469
470
471
472
473
474
475
476
477
478
479
480
481
482
483
484
485
486
487
488
489
490
491
492
493
494
495
496
497
498
499
500
501
502
503
504
505
506
507
508
509
510
511
512
513
514
515
516
517
518
519
520
521
522
523
524
525
526
527
528
529
530
531
532
533
534
535
536
537
538
539
540
541
542
543
544
545
546
547
548
549
550
551
552
553
554
555
556
557
558
559
560
561
562
563
564
565
566
567
568
569
570
571
572
573
574
575
576
577
578
579
580
581
582
583
584
585
586
587
588
589
590
591
592
593
594
595
596
597
598
599
600
601
602
603
604
605
606
607
608
609
610
611
612
613
614
615
616
617
618
619
620
621
622
623
624
625
626
627
628
629
630
631
632
633
634
635
636
637
638
639
640
641
642
643
644
645
646
647
648
649
650
651
652
653
654
655
656
657
658
659
660
661
662
663
664
665
666
667
668
669
670
671
672
673
674
675
676
677
678
679
680
681
682
683
684
685
686
687
688
689
690
691
692
693
694
695
696
697
698
699
700
701
702
703
704
705
706
707
708
709
710
711
712
713
714
715
716
717
718
719
720
721
722
723
724
725
726
727
728
729
730
731
732
733
734
735
736
737
738
739
740
741
742
743
744
745
746
747
748
749
750
751
752
753
754
755
756
757
758
759
759
760
761
762
763
764
765
766
767
768
769
770
771
772
773
774
775
776
777
778
779
779
780
781
782
783
784
785
786
787
788
789
789
790
791
792
793
794
795
796
797
798
799
799
800
801
802
803
804
805
806
807
808
809
809
810
811
812
813
814
815
816
817
818
819
819
820
821
822
823
824
825
826
827
828
829
829
830
831
832
833
834
835
836
837
838
839
839
840
841
842
843
844
845
846
847
848
849
849
850
851
852
853
854
855
856
857
858
859
859
860
861
862
863
864
865
866
867
868
869
869
870
871
872
873
874
875
876
877
878
879
879
880
881
882
883
884
885
886
887
888
889
889
890
891
892
893
894
895
896
897
898
899
899
900
901
902
903
904
905
906
907
908
909
909
910
911
912
913
914
915
916
917
918
919
919
920
921
922
923
924
925
926
927
928
929
929
930
931
932
933
934
935
936
937
938
939
939
940
941
942
943
944
945
946
947
948
949
949
950
951
952
953
954
955
956
957
958
959
959
960
961
962
963
964
965
966
967
968
969
969
970
971
972
973
974
975
976
977
978
979
979
980
981
982
983
984
985
986
987
988
989
989
990
991
992
993
994
995
996
997
998
999
999
```

```
433     i2Th26.Text = "0";
434     i2Th26.Size = new System.Drawing.Size(50, 35);
435     i2Th26.Location = new System.Drawing.Point(1045, 100 +
436         40 * 6);
437     i2Th26.BorderStyle =
438         System.Windows.Forms.BorderStyle.FixedSingle;
439
440     i2Th36.Name = "i2Th36" + invCount.ToString();
441     i2Th36.Text = "0";
442     i2Th36.Size = new System.Drawing.Size(50, 35);
443     i2Th36.Location = new System.Drawing.Point(1100, 100 +
444         40 * 6);
445     i2Th36.BorderStyle =
446         System.Windows.Forms.BorderStyle.FixedSingle;
447
448     i2Th46.Name = "i2Th46" + invCount.ToString();
449     i2Th46.Text = "0";
450     i2Th46.Size = new System.Drawing.Size(50, 35);
451     i2Th46.Location = new System.Drawing.Point(1155, 100 +
452         40 * 6);
453     i2Th46.BorderStyle =
```



```

System.Windows.Forms.BorderStyle.FixedSingle;

449
450     this.Controls.Add(iTh3);
451     this.Controls.Add(iTh4);
452     this.Controls.Add(i2Th16);
453     this.Controls.Add(i2Th26);
454     this.Controls.Add(i2Th36);
455     this.Controls.Add(i2Th46);
456 }
457
458     invY++;
459     invCount++;
460
461 }
462
463 int icountLbl = 1;                                     ↗
464 int iXlbl = 0;                                         ↗
465
466     for (int i = 0; i < 7; i++) // Positsiooni ja Orientetsiooni nimede Label-id ja
        TextBox-id.                                     ↗
467     {
468         System.Windows.Forms.Label iNms = new
            System.Windows.Forms.Label();
469         ;
470
471         iNms.Name = "iNms" + icountLbl.ToString();           ↗
472
473
474         iNms.Size = new System.Drawing.Size(50, 35); 475 iNms.BorderStyle =
            System.Windows.Forms.BorderStyle.FixedSingle;
475
476
477         if (icountLbl == 1)                                ↗
478         {
479             iNms.Location = new System.Drawing.Point(825, 60);
480         }
481         else                                              ↗
482         {
483             iNms.Location = new System.Drawing.Point(825 + 55 *
iXlbl, 60);                                     ↗
484         }
485
486         switch (icountLbl) // Selles Switch-is tänu sellele, et

```

Theta vastusi saab olla rohkem kui üks. Theta nimetus on muudetud Jv. peale.

```
487         {
488             case 1:
489                 iNms.Text = "In xA \n(mm)";
490                 break;
491             case 2:
492                 iNms.Text = "In A1 \n(deg)";
493                 break; 494     case 3:
495                 iNms.Text = "In zS \n(mm)";
496                 break; 497     case 4:
497                 iNms.Text = "Out Jv1 \n(deg)";
498                 break; 500     case 5:
499                 iNms.Text = "Out Jv2 \n(deg)";
500                 break; 503     case 6:
501                 iNms.Text = "Out Jv3 \n(deg)";
502                 break; 506     case 7:
503                 iNms.Text = "Out Jv4 \n(deg)";
504                 break;
505             }
506             icountLbl++;
507             iXlbl++;
508             this.Controls.Add(iNms);
509         }
510     }
511 }
```

516 //Sündmus mille tagajärjel kalkulaator arvutab vastust.
517 //-----

```
518
519     private void doublbCli(object sender, System.EventArgs e) // Topeltklöps algatab arvutusi.
520     {
521
522         this.Focus();
523
524         string A1str = (this.Controls.Find("xA1", true)[0]).Text; // Tekkitame String või rida
525         formaadiga muutujad ja täidame teda Label-i väärtsusega.          ↗
526         string A2str = (this.Controls.Find("xA2", true)[0]).Text; // a väärthus (mm).    ↗
527         string A3str = (this.Controls.Find("xA3", true)[0]).Text;
528         string A4str = (this.Controls.Find("xA4", true)[0]).Text;
529         string A5str = (this.Controls.Find("xA5", true)[0]).Text;
530         string A6str = (this.Controls.Find("xA6", true)[0]).Text;
531         string A7str = (this.Controls.Find("xA7", true)[0]).Text;
532         double a1 = double.Parse(A1str); // Konverteerime String või rida - double formaati.   ↗
533         double a2 = double.Parse(A2str);
534         double a3 = double.Parse(A3str);
535         double a4 = double.Parse(A4str);
```

```

535     double a5 = double.Parse(A5str);
536     double a6 = double.Parse(A6str);
537     double a7 = double.Parse(A7str);
538
539     string AL1str = (this.Controls.Find("A11", true)[0]).Text; // Alpha väärus (deg). ↗
540     string AL2str = (this.Controls.Find("A12", true)[0]).Text;
541     string AL3str = (this.Controls.Find("A13", true)[0]).Text;
542     string AL4str = (this.Controls.Find("A14", true)[0]).Text;
543     string AL5str = (this.Controls.Find("A15", true)[0]).Text;
544     string AL6str = (this.Controls.Find("A16", true)[0]).Text;
545     double al1 = double.Parse(AL1str) * Math.PI / 180.0;
546     double al2 = double.Parse(AL2str) * Math.PI / 180.0;
547     double al3 = double.Parse(AL3str) * Math.PI / 180.0;
548     double al4 = double.Parse(AL4str) * Math.PI / 180.0;
549     double al5 = double.Parse(AL5str) * Math.PI / 180.0;
550     double al6 = double.Parse(AL6str) * Math.PI / 180.0;
551     double al7 = 0.0; // Tööriista parameeter mis võrdub nulliga sest seda ei kasuta. ↗
552
553     string TH1str = (this.Controls.Find("Th1", true)[0]).Text; // Theta väärus (deg). ↗
554     string TH2str = (this.Controls.Find("Th2", true)[0]).Text;
555     string TH3str = (this.Controls.Find("Th3", true)[0]).Text;
556     string TH4str = (this.Controls.Find("Th4", true)[0]).Text;
557     string TH5str = (this.Controls.Find("Th5", true)[0]).Text;
558     string TH6str = (this.Controls.Find("Th6", true)[0]).Text;
559     double th1 = double.Parse(TH1str) * Math.PI / 180.0;
560     double th2 = (Math.PI / 2) - (double.Parse(TH2str) * Math.PI / 180.0);
561     double th3 = (double.Parse(TH2str) + double.Parse(TH3str)) * Math.PI / 180.0;
562     double th4 = double.Parse(TH4str) * Math.PI / 180.0;
563     double th5 = double.Parse(TH5str) * Math.PI / 180.0; ↗
564     double th6 = double.Parse(TH6str) * Math.PI / 180.0;
565     double th7 = 0.0; ↗
566
567     string ZS1str = (this.Controls.Find("zS1", true)[0]).Text; // s väärus (mm)
568     string ZS2str = (this.Controls.Find("zS2", true)[0]).Text;
569     string ZS3str = (this.Controls.Find("zS3", true)[0]).Text;
570     string ZS4str = (this.Controls.Find("zS4", true)[0]).Text;
571     string ZS5str = (this.Controls.Find("zS5", true)[0]).Text;
572     string ZS6str = (this.Controls.Find("zS6", true)[0]).Text;
573     string ZS7str = (this.Controls.Find("zS7", true)[0]).Text; ↗
574     double zs1 = double.Parse(ZS1str);
575     double zs2 = double.Parse(ZS2str);
576     double zs3 = double.Parse(ZS3str);
577     double zs4 = double.Parse(ZS4str);
578     double zs5 = double.Parse(ZS5str); ↗
579     double zs6 = double.Parse(ZS6str);
580     double zs7 = double.Parse(ZS7str);

```

```

581
582     var dhMtx1 = Array.CreateInstance(typeof(double), 16); // Tekkitame maatriksi.
583     dhMtx1.SetValue(Math.Cos(th1), 0); dhMtx1.SetValue(-(Math.Sin
584         (th1)) * Math.Cos(al1), 4); dhMtx1.SetValue(Math.Sin(th1) *
585             Math.Sin(al1), 8); dhMtx1.SetValue(a1 * Math.Cos(th1), 12);
586             dhMtx1.SetValue(Math.Sin(th1), 1); dhMtx1.SetValue(Math.Cos
587                 (th1) * Math.Cos(al1), 5); dhMtx1.SetValue(-(Math.Cos(th1))
588                     * Math.Sin(al1), 9); dhMtx1.SetValue(a1 * Math.Sin(th1), 13);
589                     dhMtx1.SetValue(0, 2); dhMtx1.SetValue(Math.Sin(al1), 6);
590                     dhMtx1.SetValue(Math.Cos(al1), 10); dhMtx1.SetValue(zs1, 14);
591                     dhMtx1.SetValue(0, 3); dhMtx1.SetValue(0, 7); dhMtx1.SetValue
592                         (0, 11); dhMtx1.SetValue(1, 15);
593
594     var dhMtx2 = Array.CreateInstance(typeof(double), 16);
595     dhMtx2.SetValue(Math.Cos(th2), 0); dhMtx2.SetValue(-(Math.Sin
596         (th2)) * Math.Cos(al2), 4); dhMtx2.SetValue(Math.Sin(th2) *
597             Math.Sin(al2), 8); dhMtx2.SetValue(a2 * Math.Cos(th2), 12);
598             dhMtx2.SetValue(Math.Sin(th2), 1); dhMtx2.SetValue(Math.Cos
599                 (th2) * Math.Cos(al2), 5); dhMtx2.SetValue(-(Math.Cos(th2))
600                     * Math.Sin(al2), 9); dhMtx2.SetValue(a2 * Math.Sin(th2), 13);
601                     dhMtx2.SetValue(0, 2); dhMtx2.SetValue(Math.Sin(al2), 6);
602                     dhMtx2.SetValue(Math.Cos(al2), 10); dhMtx2.SetValue(zs2, 14);
603                     dhMtx2.SetValue(0, 3); dhMtx2.SetValue(0, 7); dhMtx2.SetValue
604                         (0, 11); dhMtx2.SetValue(1, 15);
605
606     var dhMtx3 = Array.CreateInstance(typeof(double), 16);
607     dhMtx3.SetValue(Math.Cos(th3), 0); dhMtx3.SetValue(-(Math.Sin
608         (th3)) * Math.Cos(al3), 4); dhMtx3.SetValue(Math.Sin(th3) *
609             Math.Sin(al3), 8); dhMtx3.SetValue(a3 * Math.Cos(th3), 12);
610             dhMtx3.SetValue(Math.Sin(th3), 1); dhMtx3.SetValue(Math.Cos
611                 (th3) * Math.Cos(al3), 5); dhMtx3.SetValue(-(Math.Cos(th3))
612                     * Math.Sin(al3), 9); dhMtx3.SetValue(a3 * Math.Sin(th3), 13);
613                     dhMtx3.SetValue(0, 2); dhMtx3.SetValue(Math.Sin(al3), 6); dhMtx3.SetValue(Math.Cos(al3), 10);
614                     dhMtx3.SetValue(zs3, 14);
615                     dhMtx3.SetValue(0, 3); dhMtx3.SetValue(0, 7); dhMtx3.SetValue
616                         (0, 11); dhMtx3.SetValue(1, 15); 599
617     var dhMtx4 = Array.CreateInstance(typeof(double), 16);
618     dhMtx4.SetValue(Math.Cos(th4), 0); dhMtx4.SetValue(-(Math.Sin
619         (th4)) * Math.Cos(al4), 4); dhMtx4.SetValue(Math.Sin(th4) *
620             Math.Sin(al4), 8); dhMtx4.SetValue(a4 * Math.Cos(th4), 12);
621             dhMtx4.SetValue(Math.Sin(th4), 1); dhMtx4.SetValue(Math.Cos
622                 (th4) * Math.Cos(al4), 5); dhMtx4.SetValue(-(Math.Cos(th4))
623                     * Math.Sin(al4), 9); dhMtx4.SetValue(a4 * Math.Sin(th4), 13);
624                     dhMtx4.SetValue(0, 2); dhMtx4.SetValue(Math.Sin(al4), 6);
625                     dhMtx4.SetValue(Math.Cos(al4), 10); dhMtx4.SetValue(zs4, 14);
626                     dhMtx4.SetValue(0, 3); dhMtx4.SetValue(0, 7); dhMtx4.SetValue

```

```
605     (0, 11); dhMtx4.SetValue(1, 15);  
606  
607     var dhMtx5 = Array.CreateInstance(typeof(double), 16);  
608     dhMtx5.SetValue(Math.Cos(th5), 0); dhMtx5.SetValue(-(Math.Sin  
609     (th5)) * Math.Cos(al5), 4); dhMtx5.SetValue(Math.Sin(th5) *  
610     Math.Sin(al5), 8); dhMtx5.SetValue(a5 * Math.Cos(th5), 12);  
611     dhMtx5.SetValue(Math.Sin(th5), 1); dhMtx5.SetValue(Math.Cos  
612     (th5) * Math.Cos(al5), 5); dhMtx5.SetValue(-(Math.Cos(th5))  
613     * Math.Sin(al5), 9); dhMtx5.SetValue(a5 * Math.Sin(th5), 13);  
614     dhMtx5.SetValue(0, 2); dhMtx5.SetValue(Math.Sin(al5), 6);  
615     dhMtx5.SetValue(Math.Cos(al5), 10); dhMtx5.SetValue(zs5, 14);  
616     dhMtx5.SetValue(0, 3); dhMtx5.SetValue(0, 7); dhMtx5.SetValue  
617     (0, 11); dhMtx5.SetValue(1, 15);  
618  
619     var dhMtx6 = Array.CreateInstance(typeof(double), 16);  
620     dhMtx6.SetValue(Math.Cos(th6), 0); dhMtx6.SetValue(-(Math.Sin  
621     (th6)) * Math.Cos(al6), 4); dhMtx6.SetValue(Math.Sin(th6) *  
622     Math.Sin(al6), 8); dhMtx6.SetValue(a6 * Math.Cos(th6), 12);  
623     dhMtx6.SetValue(Math.Sin(th6), 1); dhMtx6.SetValue(Math.Cos  
624     (th6) * Math.Cos(al6), 5); dhMtx6.SetValue(-(Math.Cos(th6))  
625     * Math.Sin(al6), 9); dhMtx6.SetValue(a6 * Math.Sin(th6), 13);  
626     dhMtx6.SetValue(0, 2); dhMtx6.SetValue(Math.Sin(al6), 6);  
627     dhMtx6.SetValue(Math.Cos(al6), 10); dhMtx6.SetValue(zs6, 14);  
628     dhMtx6.SetValue(0, 3); dhMtx6.SetValue(0, 7); dhMtx6.SetValue  
629     (0, 11); dhMtx6.SetValue(1, 15);  
630  
631     var dhMtx7 = Array.CreateInstance(typeof(double), 16);  
632     dhMtx7.SetValue(Math.Cos(th7), 0); dhMtx7.SetValue(-(Math.Sin  
633     (th7)) * Math.Cos(al7), 4); dhMtx7.SetValue(Math.Sin(th7) *  
634     Math.Sin(al7), 8); dhMtx7.SetValue(a7 * Math.Cos(th7), 12);  
635     dhMtx7.SetValue(Math.Sin(th7), 1); dhMtx7.SetValue(Math.Cos  
636     (th7) * Math.Cos(al7), 5); dhMtx7.SetValue(-(Math.Cos(th7))  
637     * Math.Sin(al7), 9); dhMtx7.SetValue(a7 * Math.Sin(th7),
```

```

    13);
621 dhMtx7.SetValue(0, 2); dhMtx7.SetValue(Math.Sin(al7), 6);
622 dhMtx7.SetValue(Math.Cos(al7), 10); dhMtx7.SetValue(zs7, 14);
623 dhMtx7.SetValue(0, 3); dhMtx7.SetValue(0, 7); dhMtx7.SetValue
624 (0, 11); dhMtx7.SetValue(1, 15);                                ↗
625
626
627
628
629
630
631 var Matrix1 = Array.CreateInstance(typeof(double), 16); // Tekkitame uue tühja
632 maatriksi.                                ↗
633 var Matrix2 = Array.CreateInstance(typeof(double), 16);
634 var Matrix3 = Array.CreateInstance(typeof(double), 16);
635 var Matrix4 = Array.CreateInstance(typeof(double), 16);
636 var Matrix5 = Array.CreateInstance(typeof(double), 16);
637 var Matrix6 = Array.CreateInstance(typeof(double), 16); 630
638 mulMtxByMtx(ref dhMtx1, ref dhMtx2, ref Matrix1); // Korrutame tekkitud maatrikseid õiges
639 järjekorras.                                ↗
640 mulMtxByMtx(ref Matrix1, ref dhMtx3, ref Matrix2);
641 mulMtxByMtx(ref Matrix2, ref dhMtx4, ref Matrix3);
642 mulMtxByMtx(ref Matrix3, ref dhMtx5, ref Matrix4);
643 mulMtxByMtx(ref Matrix4, ref dhMtx6, ref Matrix5);
644 mulMtxByMtx(ref Matrix5, ref dhMtx7, ref Matrix6);
645 double tW = 0;
646 double tP = 0;
647 double tR = 0;
648 mtx2xyzwpr(ref Matrix6, w: ref tW, ref tP, ref tR);

649
650
651
652
653
654
655
656
void mulMtxByMtx(ref Array mtxIn1, ref Array
657 mtxIn2, ref Array mtxOut) // Maatriksite 4x4 korrutamise tehe.
658 {
659     for (int i = 0; i < 4; i++)
660     {
661         for (int j = 0; j < 4; j++)
662         {
663             mtxOut.SetValue((double)mtxIn1.GetValue(i) *
664 (double)mtxIn2.GetValue(j * 4)
665             + (double)mtxIn1.GetValue(i + 4) *
666 (double)mtxIn2.GetValue(j * 4 + 1)
667             + (double)mtxIn1.GetValue(i + 8) *
668 (double)mtxIn2.GetValue(j * 4 + 2)
669             + (double)mtxIn1.GetValue(i + 12) *
670 (double)mtxIn2.GetValue(j * 4 + 3),
671             i + j * 4);
672         }
673     }
674 }
```

```

657 void mtx2xyzwpr(ref Array mtx, ref double w, ref double p, ref double r) // Euleri nurkade arvutamine. ↵
658 {
659
660         r = Math.Atan2((double)mtx.GetValue(1), (double) ↵
661             mtx.GetValue(0)) * 180 / Math.PI; // Z nurga arvutamine. 661     p      = ↵
662         Math.Atan2(-(double)mtx.GetValue(2), Math.Sqrt(1 - ↵
663             (double)mtx.GetValue(2) * (double)mtx.GetValue(2))) * 180 / Math.PI; // Y ↵
664             nurga arvutamine. ↵
665         w = Math.Atan2((double)mtx.GetValue(6), (double) ↵
666             mtx.GetValue(10)) * 180 / Math.PI; // X nurga arvutamine. ↵
667     }
668
669     this.Controls["dV1"].Text = String.Format("{0:N3}", ↵
670         Convert.ToDouble(Matrix6.GetValue(12))); // X positsioon. ↵
671     this.Controls["dV2"].Text = String.Format("{0:N3}", ↵
672         Convert.ToDouble(Matrix6.GetValue(13))); // Y positsioon. ↵
673     this.Controls["dV3"].Text = String.Format("{0:N3}", ↵
674         Convert.ToDouble(Matrix6.GetValue(14))); // Z positsioon. ↵
675
676     this.Controls["dVa1"].Text = String.Format("{0:N3}", ↵
677         Convert.ToDouble(tW)); // X nurga arvutamine. ↵
678     this.Controls["dVa2"].Text = String.Format("{0:N3}", ↵
679         Convert.ToDouble(tP)); // Y nurga arvutamine. ↵
680     this.Controls["dVa3"].Text = String.Format("{0:N3}", ↵
681         Convert.ToDouble(tR)); // Z nurga arvutamine. 672 ↵
682
683 // IGM arvutamine. ↵
684 //----- ↵
685
686     string pV1str = (this.Controls.Find("pV1", true)[0]).Text; // IGM positsioon. ↵
687     string pV2str = (this.Controls.Find("pV2", true)[0]).Text; ↵
688     string pV3str = (this.Controls.Find("pV3", true)[0]).Text; ↵
689     double pV1p = double.Parse(pV1str); ↵
690     double pV2p = double.Parse(pV2str); ↵
691     double pV3p = double.Parse(pV3str); ↵
692
693     string pVa1str = (this.Controls.Find("pVa1", true) [0]).Text; // IGM põored. ↵
694     string pVa2str = (this.Controls.Find("pVa2", true)[0]).Text; ↵
695     string pVa3str = (this.Controls.Find("pVa3", true)[0]).Text; ↵
696     double pVa1d = double.Parse(pVa1str); ↵
697     double pVa2d = double.Parse(pVa2str); ↵
698     double pVa3d = double.Parse(pVa3str); ↵
699     double pVa1r = pVa1d * (Math.PI / 180.0); ↵
700     double pVa2r = pVa2d * (Math.PI / 180.0); ↵
701     double pVa3r = pVa3d * (Math.PI / 180.0); ↵

```

```

692
693     string iA1str = (this.Controls.Find("ixA1", true)[0].Text; // a väärus (mm).
694     string iA2str = (this.Controls.Find("ixA2", true)[0].Text;
695     string iA3str = (this.Controls.Find("ixA3", true)[0].Text;
696     string iA4str = (this.Controls.Find("ixA4", true)[0].Text;
697     string iA5str = (this.Controls.Find("ixA5", true)[0].Text;
698     string iA6str = (this.Controls.Find("ixA6", true)[0].Text;
699     string iA7str = (this.Controls.Find("ixA7", true)[0].Text;
700     double ia1 = double.Parse(iA1str);
701     double ia2 = double.Parse(iA2str);
702     double ia3 = double.Parse(iA3str);
703     double ia4 = double.Parse(iA4str);
704     double ia5 = double.Parse(iA5str);
705     double ia6 = double.Parse(iA6str);
706     double ia7 = double.Parse(iA7str);
707
708     string iAL1str = (this.Controls.Find("iAL1", true)
709                     [0].Text; // Alpha väärus (deg).
710     string iAL2str = (this.Controls.Find("iAL2", true)[0].Text;
711     string iAL3str = (this.Controls.Find("iAL3", true)[0].Text;
712     string iAL4str = (this.Controls.Find("iAL4", true)[0].Text;
713     string iAL5str = (this.Controls.Find("iAL5", true)[0].Text;
714     string iAL6str = (this.Controls.Find("iAL6", true)[0].Text;
715     double ial1 = double.Parse(iAL1str) * Math.PI / 180.0;
716     double ial2 = double.Parse(iAL2str) * Math.PI / 180.0;
717     double ial3 = double.Parse(iAL3str) * Math.PI / 180.0;
718     double ial4 = double.Parse(iAL4str) * Math.PI / 180.0;
719     double ial5 = double.Parse(iAL5str) * Math.PI / 180.0;
720     double ial6 = double.Parse(iAL6str) * Math.PI / 180.0; 720
721     string iZS1str = (this.Controls.Find("izS1", true)
722                     [0].Text; // s väärus (mm).
723     string iZS2str = (this.Controls.Find("izS2", true)[0].Text;
724     string iZS3str = (this.Controls.Find("izS3", true)[0].Text;
725     string iZS4str = (this.Controls.Find("izS4", true)[0].Text;
726     string iZS5str = (this.Controls.Find("izS5", true)[0].Text;
727     string iZS6str = (this.Controls.Find("izS6", true)[0].Text;
728     string iZS7str = (this.Controls.Find("izS7", true)[0].Text;
729     double izs1 = double.Parse(iZS1str);
730     double izs2 = double.Parse(iZS2str);
731     double izs3 = double.Parse(iZS3str);
732     double izs4 = double.Parse(iZS4str);
733     double izs5 = double.Parse(iZS5str);
734     double izs6 = double.Parse(iZS6str);
735     double izs7 = double.Parse(iZS7str);
736
    var iMtxJ6 = Array.CreateInstance(typeof(double), 16); // Formeerin maatriksi mis

```

koosneb algandmetest.



```

737     iMtxJ6.SetValue(Math.Cos(pVa3r) * Math.Cos(pVa2r), 0);
    iMtxJ6.SetValue(Math.Cos(pVa3r) * Math.Sin(pVa2r) * Math.Sin
        (pVa1r) - Math.Sin(pVa3r) * Math.Cos(pVa1r), 4);
    iMtxJ6.SetValue(Math.Cos(pVa3r) * Math.Sin(pVa2r) * Math.Cos
        (pVa1r) + Math.Sin(pVa3r) * Math.Sin(pVa1r), 8);
    iMtxJ6.SetValue(pV1p, 12);
738     iMtxJ6.SetValue(Math.Sin(pVa3r) * Math.Cos(pVa2r), 1);
    iMtxJ6.SetValue(Math.Sin(pVa3r) * Math.Sin(pVa2r) * Math.Sin
        (pVa1r) + Math.Cos(pVa3r) * Math.Cos(pVa1r), 5);
    iMtxJ6.SetValue(Math.Sin(pVa3r) * Math.Sin(pVa2r) * Math.Cos
        (pVa1r) - Math.Cos(pVa3r) * Math.Sin(pVa1r), 9); iMtxJ6.SetValue(pV2p, 13);
739     iMtxJ6.SetValue(-Math.Sin(pVa2r), 2); iMtxJ6.SetValue(Math.Cos (pVa2r) *
        Math.Sin(pVa1r), 6); iMtxJ6.SetValue(Math.Cos
        (pVa2r) * Math.Cos(pVa1r), 10); iMtxJ6.SetValue(pV3p, 14);
740     iMtxJ6.SetValue(0, 3); iMtxJ6.SetValue(0, 7); iMtxJ6.SetValue
        (0, 11); iMtxJ6.SetValue(1, 15);
741
742     var iMtxTofS = Array.CreateInstance(typeof(double), 16); // Formeerin maatriksi
        tööriista nihkega.
743     iMtxTofS.SetValue(-ia7, 0);
744     iMtxTofS.SetValue(0, 1);
745     iMtxTofS.SetValue(-izs7, 2);
746     iMtxTofS.SetValue(1, 3);
747
748     var iMtxP6 = Array.CreateInstance(typeof(double), 16); // Formeerin maatriksi kuuenda
        koordinaatteljestiku nihkega viiendast.
749     iMtxP6.SetValue(0, 0);
750     iMtxP6.SetValue(0, 1);
751     iMtxP6.SetValue(izs6, 2);
752     iMtxP6.SetValue(1, 3);
753
754         var MatrixEnd_ToolOfs = Array.CreateInstance(typeof(double),
        16);
755
756             mulMultiMtx(ref iMtxJ6, ref iMtxTofS, ref
        MatrixEnd_ToolOfs); // Korrutades saame kuuenda koordinaatteljestiku positsiooni.
757
758     var ImagMrx = Array.CreateInstance(typeof(double), 16);
759     ImagMrx.SetValue(Math.Cos(pVa3r) * Math.Cos(pVa2r), 0);
    ImagMrx.SetValue(Math.Cos(pVa3r) * Math.Sin(pVa2r) *
        Math.Sin(pVa1r) - Math.Sin(pVa3r) * Math.Cos(pVa1r), 4);
    ImagMrx.SetValue(Math.Cos(pVa3r) * Math.Sin(pVa2r) *
        Math.Cos(pVa1r) + Math.Sin(pVa3r) * Math.Sin(pVa1r), 8);
    ImagMrx.SetValue((double)MatrixEnd_ToolOfs.GetValue(0), 12);
760     ImagMrx.SetValue(Math.Sin(pVa3r) * Math.Cos(pVa2r), 1);
    ImagMrx.SetValue(Math.Sin(pVa3r) * Math.Sin(pVa2r) *

```

```

    Math.Sin(pVa1r) + Math.Cos(pVa3r) * Math.Cos(pVa1r), 5);
    ImagMrx.SetValue(Math.Sin(pVa3r) * Math.Sin(pVa2r) *
    Math.Cos(pVa1r) - Math.Cos(pVa3r) * Math.Sin(pVa1r), 9);
    ImagMrx.SetValue((double)MatrxEnd_ToolOfs.GetValue(1), 13);
761   ImagMrx.SetValue(-Math.Sin(pVa2r), 2); ImagMrx.SetValue
        (Math.Cos(pVa2r) * Math.Sin(pVa1r), 6); ImagMrx.SetValue
        (Math.Cos(pVa2r) * Math.Cos(pVa1r), 10); ImagMrx.SetValue
        ((double)MatrxEnd_ToolOfs.GetValue(2), 14);
762   ImagMrx.SetValue(0, 3); ImagMrx.SetValue(0, 7);
        ImagMrx.SetValue(0, 11); ImagMrx.SetValue(1, 15);

763   var MatrxJ5 = Array.CreateInstance(typeof(double), 16); // 5 koordinaatteljestiku keskpunkt.

764
765
766   mulMultiMtx(ref ImagMrx, ref iMtxP6, ref MatrxJ5);
767
768   void mulMultiMtx(ref Array ImtxIn1, ref Array ImtxIn2, ref Array ImtxOut) // Maatriksite 4x4 ja
4x1 korrutamise tehe.
769   {
770
771       for (int i = 0; i < 4; i++)
772       {
773           ImtxOut.SetValue((double)ImtxIn1.GetValue(i) *
774             (double)ImtxIn2.GetValue(0)
775             + (double)ImtxIn1.GetValue(i + 4) *
776             (double)ImtxIn2.GetValue(1)
777             + (double)ImtxIn1.GetValue(i + 8) *
778             (double)ImtxIn2.GetValue(2)
779             + (double)ImtxIn1.GetValue(i + 12) *
780             (double)ImtxIn2.GetValue(3),
781             i);
782       }
783
784
785       double rJ1 = Math.Atan2((double)MatrxJ5.GetValue(1), (double)
786       MatrxJ5.GetValue(0)); // Theta 1 otsimine.
787       double dJ1 = (180 / Math.PI) * rJ1;
        this.Controls["iTh11"].Text = String.Format("{0:N3}", Convert.ToDouble(dJ1));
788
789
790       double RJ2 = Math.Sqrt(((double)MatrxJ5.GetValue(0) * (double)
791       MatrxJ5.GetValue(0)) + ((double)MatrxJ5.GetValue(1) *
792       (double)MatrxJ5.GetValue(1))) - Convert.ToDouble(ia1); // Theta 2
otsimine.
793       double xJ2 = ia1 * Math.Cos(rJ1);
794       double yJ2 = ia1 * Math.Sin(rJ1);

```

```

788         double zJ2 = 0;                                     ↵
789         double b = Math.Sqrt(((double)MatrxJ5.GetValue(0) - ↵
790             * xJ2) + ((double)MatrxJ5.GetValue(0) - xJ2)) + ↵
791             ((double)MatrxJ5.GetValue(1) - yJ2) * ((double)MatrxJ5.GetValue(1) - yJ2)) + ↵
792             ((double)MatrxJ5.GetValue(2) - zJ2) * ((double)MatrxJ5.GetValue(2) - zJ2)); ↵
793         double k = Math.Sqrt((ia3 * ia3) + (izs4 * izs4)); ↵
794         double althaK = Math.Atan2((double)MatrxJ5.GetValue(2), RJ2); ↵
795         double bethaK = Math.Acos((ia2 * ia2) + (b * b) - (k * (2 * ia2 * b))); ↵
796         double rJ2 = ((Math.PI / 2) - bethaK - althaK); ↵
797         double dJ2 = (180 / Math.PI) * rJ2; ↵
798         this.Controls["iTh12"].Text = String.Format("{0:N3}", Convert.ToDouble(dJ2)); ↵
799         double gammaJ3 = Math.Acos((ia2 * ia2) + (k * k) - (b * b)) / (2 * ia2 * k); // Theta 2 otsimine. ↵
800         double fiJ3 = Math.Atan2(-izs4, ia3); ↵
801         double rJ3 = -(Math.PI - gammaJ3 - fiJ3 + rJ2); ↵
802         double dJ3 = (180 / Math.PI) * rJ3; ↵
803         this.Controls["iTh13"].Text = String.Format("{0:N3}", Convert.ToDouble(dJ3)); ↵
804
805         var idhMtx1 = Array.CreateInstance(typeof(double), 16); // Maatriks 1. ↵
806         idhMtx1.SetValue(Math.Cos(rJ1), 0); idhMtx1.SetValue(- (Math.Sin(rJ1)) * Math.Cos(ial1), 4); idhMtx1.SetValue(- (Math.Sin(rJ1)) * Math.Sin(ial1), 8); idhMtx1.SetValue(ia1 * Math.Cos(rJ1), 12); ↵
807         idhMtx1.SetValue(Math.Sin(rJ1), 1); idhMtx1.SetValue(Math.Cos(rJ1) * Math.Cos(ial1), 5); idhMtx1.SetValue(-(Math.Cos(rJ1)) * Math.Sin(ial1), 9); idhMtx1.SetValue(ia1 * Math.Sin(rJ1), 13); ↵
808         idhMtx1.SetValue(0, 2); idhMtx1.SetValue(Math.Sin(ial1), 6); ↵
809         idhMtx1.SetValue(Math.Cos(ial1), 10); idhMtx1.SetValue(izs1, 14); ↵
810         idhMtx1.SetValue(0, 3); idhMtx1.SetValue(0, 7); idhMtx1.SetValue(0, 11); idhMtx1.SetValue(1, 15); ↵
811
812         var idhMtx2 = Array.CreateInstance(typeof(double), 16); // Maatriks 2. ↵
813         idhMtx2.SetValue(Math.Cos((Math.PI / 2) - rJ2), 0); idhMtx2.SetValue(- (Math.Sin((Math.PI / 2) - rJ2)) * Math.Cos(ial2), 4); ↵
814         idhMtx2.SetValue(Math.Sin((Math.PI / 2) - rJ2) * Math.Sin(ial2), 8); ↵
815         idhMtx2.SetValue(ia2 * Math.Cos((Math.PI / 2) - rJ2), 12); ↵
816         idhMtx2.SetValue(Math.Sin((Math.PI / 2) - rJ2), 1); ↵
817         idhMtx2.SetValue(Math.Cos((Math.PI / 2) - rJ2) * Math.Cos(ial2), 5); ↵
818         idhMtx2.SetValue(-(Math.Cos((Math.PI / 2) - rJ2)) * Math.Sin(ial2), 9); ↵
819         idhMtx2.SetValue(ia2 * Math.Sin((Math.PI / 2) - rJ2), 15);

```

↗
↖

((Math.PI / 2) - rJ2), 13);

↗

```

814     idhMtx2.SetValue(0, 2); idhMtx2.SetValue(Math.Sin(ial2), 6);          ↵
815     idhMtx2.SetValue(Math.Cos(ial2), 10); idhMtx2.SetValue(izs2, 14);      ↵
816     idhMtx2.SetValue(0, 3); idhMtx2.SetValue(0, 7); idhMtx2.SetValue(0, 11);  ↵
817     idhMtx2.SetValue(1, 15);                                              ↵
818
819     var idhMtx3 = Array.CreateInstance(typeof(double), 16); // Maatriks 3.    ↵
820     idhMtx3.SetValue(Math.Cos(rJ2 + rJ3), 0); idhMtx3.SetValue(-             ↵
821         (Math.Sin(rJ2 + rJ3)) * Math.Cos(ial3), 4); idhMtx3.SetValue        ↵
822         (Math.Sin(rJ2 + rJ3)) * Math.Sin(ial3), 8); idhMtx3.SetValue        ↵
823         (ia3 * Math.Cos(rJ2 + rJ3), 12);                                ↵
824     idhMtx3.SetValue(Math.Sin(rJ2 + rJ3), 1); idhMtx3.SetValue            ↵
825         (Math.Cos(rJ2 + rJ3) * Math.Cos(ial3), 5); idhMtx3.SetValue        ↵
826         (-Math.Cos(rJ2 + rJ3)) * Math.Sin(ial3), 9);                   ↵
827         idhMtx3.SetValue(ia3 * Math.Sin(rJ2 + rJ3), 13);                ↵
828
829     idhMtx3.SetValue(0, 2); idhMtx3.SetValue(Math.Sin(ial3), 6);          ↵
830     idhMtx3.SetValue(Math.Cos(ial3), 10); idhMtx3.SetValue(izs3, 14);      ↵
831     idhMtx3.SetValue(0, 3); idhMtx3.SetValue(0, 7); idhMtx3.SetValue(0, 11);  ↵
832     idhMtx3.SetValue(1, 15);                                              ↵
833
834     var zMtx = Array.CreateInstance(typeof(double), 16); // Pöörän Z3 telje 180 graadi võrra.    ↵
835     zMtx.SetValue(Math.Cos(0), 0); zMtx.SetValue(-(Math.Sin(0)) *           ↵
836         Math.Cos(Math.PI), 4); zMtx.SetValue(Math.Sin(0) * Math.Sin        ↵
837         (Math.PI), 8); zMtx.SetValue(0, 12);                                ↵
838     zMtx.SetValue(Math.Sin(0), 1); zMtx.SetValue(Math.Cos(0) *             ↵
839         Math.Cos(Math.PI), 5); zMtx.SetValue(-(Math.Cos(0)) *           ↵
840         Math.Sin(Math.PI), 9); zMtx.SetValue(0, 13);                                ↵
841     zMtx.SetValue(0, 2); zMtx.SetValue(Math.Sin(Math.PI), 6);              ↵
842     zMtx.SetValue(Math.Cos(Math.PI), 10); zMtx.SetValue(0, 14);            ↵
843     zMtx.SetValue(0, 3); zMtx.SetValue(0, 7); zMtx.SetValue(0,               ↵
844         11); zMtx.SetValue(1, 15);                                              ↵
845
846     var iMatrix1 = Array.CreateInstance(typeof(double), 16);           ↵
847     var iMatrix2 = Array.CreateInstance(typeof(double), 16);           ↵
848     var iMatrix3 = Array.CreateInstance(typeof(double), 16); 832       ↵
849     mulMtxByMtx(ref idhMtx1, ref idhMtx2, ref iMatrix1);           ↵
850     mulMtxByMtx(ref iMatrix1, ref idhMtx3, ref iMatrix2);           ↵
851     mulMtxByMtx(ref iMatrix2, ref zMtx, ref iMatrix3);           ↵
852
853
854     // Theta 5 otsimine.                                              ↵
855     double z3n = ((double)iMatrix3.GetValue(8) * (double)iMtxJ6.GetValue(8)) +   ↵
856     ((double)iMatrix3.GetValue(9) *                                         ↵
857         (double)iMtxJ6.GetValue(9)) + ((double)iMatrix3.GetValue(10)        ↵
858         * (double)iMtxJ6.GetValue(10));                                     ↵
859     double modZ3 = Math.Sqrt(((double)iMatrix3.GetValue(8) *           ↵
860         (double)iMatrix3.GetValue(8)) + ((double)iMatrix3.GetValue(9) *    ↵
861             (double)iMatrix3.GetValue(9)) + ((double)iMatrix3.GetValue(10) *  ↵
862                 (double)iMatrix3.GetValue(10)) *  ↵
863

```

```

(double)iMatrix3.GetValue(10)); 840      double modN6 = Math.Sqrt(((double)iMtxJ6.GetValue(8) *
    (double)iMtxJ6.GetValue(8)) + ((double)iMtxJ6.GetValue(9) *
    (double)iMtxJ6.GetValue(9)) + ((double)iMtxJ6.GetValue(10) *
    (double)iMtxJ6.GetValue(10)));
841      double rJ5 = Math.Acos(z3n / (modZ3 * modN6));
842      double r2J5 = -rJ5;
843      double dJ5 = 180 / Math.PI * rJ5;
844      double d2J5 = -dJ5;
845      this.Controls["iTh15"].Text = String.Format("{0:N3}", Convert.ToDouble(dJ5));
846      this.Controls["iTh25"].Text = String.Format("{0:N3}", Convert.ToDouble(d2J5));
847

848 // Theta 4 otsimine.
849      double Cx = (((double)iMtxJ6.GetValue(9) * (double) iMatrix2.GetValue(10)) -
    ((double)iMatrix2.GetValue(9) * (double)iMtxJ6.GetValue(10))); // Theta 4 otsimine.
850      double Cy = -(((double)iMtxJ6.GetValue(8) * (double) iMatrix2.GetValue(10)) -
    ((double)iMatrix2.GetValue(8) *
    (double)iMtxJ6.GetValue(10)));
851      double Cz = (((double)iMtxJ6.GetValue(8) * (double) iMatrix2.GetValue(9)) -
    ((double)iMatrix2.GetValue(8) *
    (double)iMtxJ6.GetValue(9)));
852      double Cmod = Math.Sqrt((Cx * Cx) + (Cy * Cy) + (Cz * Cz));
853      double Y3mod = Math.Sqrt(((double)iMatrix2.GetValue(4) *
    (double)iMatrix2.GetValue(4)) + ((double)iMatrix2.GetValue(5)) + ((double)
    iMatrix2.GetValue(6) * (double)iMatrix2.GetValue(6)));
854      double CxY3 = ((Cx * (double)iMatrix2.GetValue(4)) + (Cy *
    (double)iMatrix2.GetValue(5)) + (Cz * (double) iMatrix2.GetValue(6)));
855      double rJ4 = Math.Acos(CxY3 / (Y3mod * Cmod));
856      double r2J4 = -rJ4;
857      double dJ4 = 180 - (180 / Math.PI * rJ4);
858      double d2J4 = -dJ4;
859      this.Controls["iTh14"].Text = String.Format("{0:N3}", Convert.ToDouble(dJ4));
860      this.Controls["iTh24"].Text = String.Format("{0:N3}", Convert.ToDouble(d2J4));
861

862 // Theta 6 otsimine.
863      var idhMtx41 = Array.CreateInstance(typeof(double), 16);
864      idhMtx41.SetValue(Math.Cos(rJ4), 0); idhMtx41.SetValue(-
    (Math.Sin(rJ4)) * Math.Cos(ial4), 4); idhMtx41.SetValue
    (Math.Sin(rJ4) * Math.Sin(ial4), 8); idhMtx41.SetValue(ial4 * Math.Cos(rJ4), 12);
865      idhMtx41.SetValue(Math.Sin(rJ4), 1); idhMtx41.SetValue
    (Math.Cos(rJ4) * Math.Cos(ial4), 5); idhMtx41.SetValue(-
    (Math.Cos(rJ4)) * Math.Sin(ial4), 9); idhMtx41.SetValue(ial4
    * Math.Sin(rJ4), 13);
866      idhMtx41.SetValue(0, 2); idhMtx41.SetValue(Math.Sin(ial4), 6);
867      idhMtx41.SetValue(Math.Cos(ial4), 10); idhMtx41.SetValue (izs4, 14);
      idhMtx41.SetValue(0, 3); idhMtx41.SetValue(0, 7); idhMtx41.SetValue(0, 11);
      idhMtx41.SetValue(1, 15);

```

```
868  
869     var idhMtx42 = Array.CreateInstance(typeof(double), 16);  
870     idhMtx42.SetValue(Math.Cos(r2J4), 0); idhMtx42.SetValue(-  
871         (Math.Sin(r2J4)) * Math.Cos(ial4), 4); idhMtx42.SetValue  
872         (Math.Sin(r2J4)) * Math.Sin(ial4), 8); idhMtx42.SetValue(ial4  
873             * Math.Cos(r2J4), 12);  
874     idhMtx42.SetValue(Math.Sin(r2J4), 1); idhMtx42.SetValue  
875         (Math.Cos(r2J4) * Math.Cos(ial4), 5); idhMtx42.SetValue(-  
876             (Math.Cos(r2J4)) * Math.Sin(ial4), 9); idhMtx42.SetValue  
877                 (ial4 * Math.Sin(r2J4), 13);  
878     idhMtx42.SetValue(0, 2); idhMtx42.SetValue(Math.Sin(ial4), 6);  
879     idhMtx42.SetValue(Math.Cos(ial4), 10); idhMtx42.SetValue (izs4, 14);  
880     idhMtx42.SetValue(0, 3); idhMtx42.SetValue(0, 7); idhMtx42.SetValue(0, 11);  
881     idhMtx42.SetValue(1, 15);  
882  
883     var idhMtx51 = Array.CreateInstance(typeof(double), 16);  
884     idhMtx51.SetValue(Math.Cos(rJ5), 0); idhMtx51.SetValue(-  
885         (Math.Sin(rJ5)) * Math.Cos(ial3), 4); idhMtx51.SetValue  
886             (Math.Sin(rJ5)) * Math.Sin(ial3), 8); idhMtx51.SetValue(ial5 * Math.Cos(rJ5), 12);  
887     idhMtx51.SetValue(Math.Sin(rJ5), 1); idhMtx51.SetValue  
888         (Math.Cos(rJ5) * Math.Cos(ial3), 5); idhMtx51.SetValue(-  
889             (Math.Cos(rJ5)) * Math.Sin(ial3), 9); idhMtx51.SetValue(ial5  
890                 * Math.Sin(rJ5), 13);  
891     idhMtx51.SetValue(0, 2); idhMtx51.SetValue(Math.Sin(ial5), 6);  
892     idhMtx51.SetValue(Math.Cos(ial5), 10); idhMtx51.SetValue (izs5, 14);  
893     idhMtx51.SetValue(0, 3); idhMtx51.SetValue(0, 7); idhMtx51.SetValue(0, 11);  
894     idhMtx51.SetValue(1, 15);  
895  
896     var idhMtx52 = Array.CreateInstance(typeof(double), 16);  
897     idhMtx52.SetValue(Math.Cos(r2J5), 0); idhMtx52.SetValue(-  
898         (Math.Sin(r2J5)) * Math.Cos(ial4), 4); idhMtx52.SetValue  
899             (Math.Sin(r2J5)) * Math.Sin(ial5), 8); idhMtx52.SetValue(ial5  
900                 * Math.Cos(r2J5), 12);  
901     idhMtx52.SetValue(Math.Sin(r2J5), 1); idhMtx52.SetValue  
902         (Math.Cos(r2J5) * Math.Cos(ial4), 5); idhMtx52.SetValue(-  
903             (Math.Cos(r2J5)) * Math.Sin(ial5), 9); idhMtx52.SetValue  
904                 (ial5 * Math.Sin(r2J5), 13);  
905     idhMtx52.SetValue(0, 2); idhMtx52.SetValue(Math.Sin(ial5), 6);  
906     idhMtx52.SetValue(Math.Cos(ial5), 10); idhMtx52.SetValue (izs5, 14);  
907     idhMtx52.SetValue(0, 3); idhMtx52.SetValue(0, 7); idhMtx52.SetValue(0, 11);  
908     idhMtx52.SetValue(1, 15);  
909  
910     var iMatrix341 = Array.CreateInstance(typeof(double), 16);  
911     var iMatrix342 = Array.CreateInstance(typeof(double), 16);  
912     var iMatrix3411 = Array.CreateInstance(typeof(double), 16);  
913     var iMatrix3412 = Array.CreateInstance(typeof(double), 16);
```

```

891     var iMatrix3413 = Array.CreateInstance(typeof(double), 16); ↵
892     var iMatrix3414 = Array.CreateInstance(typeof(double), 16); ↵
893
894     var iMatrix3421 = Array.CreateInstance(typeof(double), 16); ↵
895     var iMatrix3422 = Array.CreateInstance(typeof(double), 16); ↵
896     var iMatrix3423 = Array.CreateInstance(typeof(double), 16); ↵
897     var iMatrix3424 = Array.CreateInstance(typeof(double), 16); 898
898     mulMtxByMtx(ref iMatrix2, ref idhMtx41, ref iMatrix341); //J3* J4.1 AND J3* J4.2
899     mulMtxByMtx(ref iMatrix2, ref idhMtx42, ref iMatrix342); 901
900     mulMtxByMtx(ref iMatrix341, ref idhMtx51, ref iMatrix3411); // Neli vastust.
901     mulMtxByMtx(ref iMatrix341, ref idhMtx52, ref iMatrix3412);
902     mulMtxByMtx(ref iMatrix342, ref idhMtx51, ref iMatrix3421);
903     mulMtxByMtx(ref iMatrix342, ref idhMtx52, ref iMatrix3422);
904
905
906
907 // X5*X6 iMatrix3411
908 double X5modo1 = Math.Sqrt((double)iMatrix3411.GetValue(0) *
909     (double)iMatrix3411.GetValue(0)) + ((double)
910     iMatrix3411.GetValue(1) * (double)iMatrix3411.GetValue(1)) +
911     ((double)iMatrix3411.GetValue(2) * (double)iMatrix3411.GetValue(2)));
912 double X6modo1 = Math.Sqrt((double)iMtxJ6.GetValue(0) *
913     (double)iMtxJ6.GetValue(0)) + ((double)iMtxJ6.GetValue(1) *
914     (double)iMtxJ6.GetValue(1)) + ((double)iMtxJ6.GetValue(2) *
915     (double)iMtxJ6.GetValue(2));
916 double X5xX6o1 = (((double)iMatrix3411.GetValue(0) * (double)iMtxJ6.GetValue(0)) +
917     ((double)iMatrix3411.GetValue(1) * (double)iMtxJ6.GetValue(1)) +
918     ((double)iMatrix3411.GetValue(2) * (double)iMtxJ6.GetValue(2));
919 double rJ6o1 = Math.Acos(X5xX6o1 / (X5modo1 * X6modo1));
920 double dJ6o1 = (180 / Math.PI * rJ6o1);
921 double d_J6o1 = -dJ6o1;
922
923
924
925 // X5*X6 iMatrix3412
926 double X5modo2 = Math.Sqrt((double)iMatrix3412.GetValue(0) *
927     (double)iMatrix3412.GetValue(0)) + ((double)
928     iMatrix3412.GetValue(1) * (double)iMatrix3412.GetValue(1)) +
929     ((double)iMatrix3412.GetValue(2) * (double)iMatrix3412.GetValue(2));
930 double X6modo2 = Math.Sqrt((double)iMtxJ6.GetValue(0) *
931     (double)iMtxJ6.GetValue(0)) + ((double)iMtxJ6.GetValue(1) *
932     (double)iMtxJ6.GetValue(1)) + ((double)iMtxJ6.GetValue(2) *
933     (double)iMtxJ6.GetValue(2));
934 double X5xX6o2 = (((double)iMatrix3412.GetValue(0) * (double)iMtxJ6.GetValue(0)) +
935     ((double)iMatrix3412.GetValue(1) * (double)iMtxJ6.GetValue(1)) +
936     ((double)iMatrix3412.GetValue(2) * (double)iMtxJ6.GetValue(2));
937 double rJ6o2 = Math.Acos(X5xX6o2 / (X5modo2 * X6modo2));
938 double dJ6o2 = (180 / Math.PI * rJ6o2);

```

```

921     double d_J6o2 = -dJ6o2;                                     ↵
922
923 // X5*X6 iMatrix3421                                         ↵
924 double X5modo3 = Math.Sqrt(((double)iMatrix3421.GetValue(0) *    ↵
925                                         (double)iMatrix3421.GetValue(0)) + ((double)    ↵
926                                         iMatrix3421.GetValue(1) * (double)iMatrix3421.GetValue(1)) +    ↵
927                                         ((double)iMatrix3421.GetValue(2) * (double)iMatrix3421.GetValue(2)));    ↵
928 double X6modo3 = Math.Sqrt(((double)iMtxJ6.GetValue(0) *    ↵
929                                         (double)iMtxJ6.GetValue(0)) + ((double)iMtxJ6.GetValue(1) *    ↵
930                                         (double)iMtxJ6.GetValue(1)) + ((double)iMtxJ6.GetValue(2) *    ↵
931                                         (double)iMtxJ6.GetValue(2)));    ↵
932 double X5xX6o3 = (((double)iMatrix3421.GetValue(0) * (double)iMtxJ6.GetValue(0)) +    ↵
933                                         ((double)iMatrix3421.GetValue(1) * (double)iMtxJ6.GetValue(1)) +    ↵
934                                         ((double)iMatrix3421.GetValue(2) * (double)iMtxJ6.GetValue(2)));    ↵
935 double rJ6o3 = Math.Acos(X5xX6o3 / (X5modo3 * X6modo3));    ↵
936 double dJ6o3 = (180 / Math.PI * rJ6o3);    ↵
937 double d_J6o3 = -dJ6o3;                                     ↵
938
939 // X5*X6 iMatrix3422                                         ↵
940 double X5modo4 = Math.Sqrt(((double)iMatrix3422.GetValue(0) *    ↵
941                                         (double)iMatrix3422.GetValue(0)) + ((double)    ↵
942                                         iMatrix3422.GetValue(1) * (double)iMatrix3422.GetValue(1)) +    ↵
943                                         ((double)iMatrix3422.GetValue(2) * (double)iMatrix3422.GetValue(2)));    ↵
944 double X6modo4 = Math.Sqrt(((double)iMtxJ6.GetValue(0) *    ↵
945                                         (double)iMtxJ6.GetValue(0)) + ((double)iMtxJ6.GetValue(1) *    ↵
946                                         (double)iMtxJ6.GetValue(1)) + ((double)iMtxJ6.GetValue(2) *    ↵
947                                         (double)iMtxJ6.GetValue(2)));    ↵
948 double X5xX6o4 = (((double)iMatrix3422.GetValue(0) * (double)iMtxJ6.GetValue(0)) +    ↵
949                                         ((double)iMatrix3422.GetValue(1) * (double)iMtxJ6.GetValue(1)) +    ↵
950                                         ((double)iMatrix3422.GetValue(2) * (double)iMtxJ6.GetValue(2)));    ↵
951 double rJ6o4 = Math.Acos(X5xX6o4 / (X5modo4 * X6modo4));    ↵
952 double dJ6o4 = (180 / Math.PI * rJ6o4);    ↵
953
954
955
956
957
958
959
960
961
962
963
964
965
966
967
968
969
970
971
972
973
974
975
976
977
978
979
980
981
982
983
984
985
986
987
988
989
990
991
992
993
994
995
996
997
998
999

```

```
937     double d_J6o4 = -dJ6o4;
938
939     this.Controls["iTh16"].Text = String.Format("{0:N3}", Convert.ToDouble(dJ6o1)); // ↗
939     ↗ Joint
939     6 saadud nurgad.
940     this.Controls["iTh26"].Text = String.Format("{0:N3}", Convert.ToDouble(dJ6o2));
941     this.Controls["iTh36"].Text = String.Format("{0:N3}", Convert.ToDouble(dJ6o3));
942     this.Controls["iTh46"].Text = String.Format("{0:N3}", Convert.ToDouble(dJ6o4));
943
944     this.Controls["i2Th166"].Text = String.Format("{0:N3}", Convert.ToDouble(d_J6o1)); // ↗
944     ↗ Joint 6 saadud nurkade negatiivsed väärtsused.
945     this.Controls["i2Th266"].Text = String.Format("{0:N3}", Convert.ToDouble(d_J6o2));
946     this.Controls["i2Th366"].Text = String.Format("{0:N3}", Convert.ToDouble(d_J6o3));
947     this.Controls["i2Th466"].Text = String.Format("{0:N3}", Convert.ToDouble(d_J6o4));
948     }
949     }
950 }
```